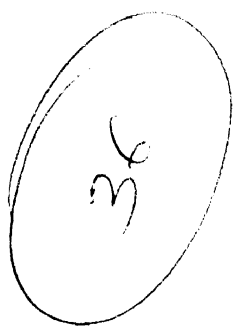


23/1/24



اِنَّ اللّٰهَ سَرِيعُ الْحِسَابِ

فصل سے خدا عزوجل اور طبعی جناب رسا اکبر
 صلی اللہ علیہ وآلہ وسلم کے فک و خیال کا تعارف و صفحہ
 اللہ اعلم
 لہذا لہ فوج جنت رخصتہ علیہا بیاد و فضل العالی
 کجا عظمت الحسا
 کی تالیف کی ہوئی عظمت جنگ بہادری طلبہ کی تعلیم کے
 مدرس کے مطبع تدبیر میں تمام سید زین العابدین
 او خط سے محمد علی الدین کے

رَوْضَةُ شَوَّالِیْنَ مَطْبُوعِ عَمْرِو

بسم اللہ الرحمن الرحیم

حمد اس واحد حقیقی کو سنو اور سمجھو کہ ترکیب تمام افرادِ بشر کی اسی ذات ہے اور
مجموع تمام اجزای کائنات کا مانند مددِ تمام کے راجع نہ ہو سکی اور ہزاروں
اس احمد بلا یم پر کہ تصنیف کرہ قمر کی ادنیٰ معجزیہ اسکے ہے اور عرب کہ مہرِ نبوت
اسکا لفظ دہلوی کا سطحِ زمین سے اٹھا یا صلی اللہ علیہ وآلہ واصحابہ وسلم خصوصاً
چہار یا عظام کہ مانند اربعہ متساویہ متصلہ کے نسبتِ فضیلت کی رکھتے ہیں
اما بعد یہ قلیل البضاعتِ الراجح فی رحمۃ المنان خواجہ ذریغی الخاں صاحب
بِغفرت جبکہ ولدِ جبارت الدولہ بہادر نے واسطی تعلیم پر خوردارِ سعادت اطوار
فرزندِ بلند خواجہ رحیم الدین عرف خواجہ عبدالقادر کے یہ مختصر سالہ بطریق

شرح خلاصۃ الحساب کے اور اکثر کی اور زیادتی اور سہولت موافق فہم ناقص اپنے
 کر کے زبان اردو میں سن لکھار دو سورتست بحر نبوی صلی اللہ علیہ وآلہ واصحابہ
 وسلم میں تالیف کیا مبتدیوں کو سہولت زبان فہمی کی ہوگا اور رعایت اختصار عبارت
 کی کر کے ہر ہر اعمال حسن جس قاعدہ سے کہ استخراج انکا ہوتا ہے بغیر حوالہ کو لکھ
 کے شرح کیا اور اکثر دقتیں کہ مبتدیوں کے سنک اہ تھیں مثلاً قاعدہ جمع اور ضرب اور
 تقسیم وغیرہ کے سیدھے اور بائیں طرف سے اور دقتیں ضرب کسور اور تقسیم کسور اور
 جذ کسور اور کعبہ کے بر کے موقوف کر کے آسان قاعدہ دئے کہ بے دقت سمجھ میں آویں اور
 باسانی بیوجہ جویں لکھا اور اکثر اعمال کہ اوسمیں دقت اور حاجت مدخلت کے
 نہیں تھے فقط ترجمہ کیا خصوصاً اعمال صحاح میں کہ حاجت کم اور زیادہ کرنے کی نہیں
 ویسی ہی بحال رکھا اور امتحان اعمال کسور کے کسی نے نہیں لکھا تھا ہر ہر اعمال کسور کے
 امتحان مع مثالوں کے لکھا اور نام اسکا عظمت الحساب لکھا یہ عجیب علم ہے کہ
 سب علوم معاد اور معانی کے محتاج اس علم کے ہیں جیسا کہ علم فرائض اور علم ہیئت
 اور مل اور نجوم اور مساحت اور جفر کے مطلق اس علم سے علاقہ رکھتے ہیں اور اس کے

کوئی علم ایسا نہیں ہے کہ بہ علم اسمین دخل نہیں کہتا اگے اسکے حکماء دشمنہ نے
کتابیں اس علم کے بہت لکھے ہیں یا کہ بہاوالدین آملی مصنف بحر الحسا اور خلاصۃ کیا
کامی اور شرح اسکی خلف تالیف عصمت اللہ کی اور ارشید شمس وغیرہ نے بہت کتابیں
لکھے ہیں اور اکثر علما تصنیفیں اور شرحیں اور تالیفیں کئے ہیں مگر سب کتابیں عبارت دقیق
اور نہ نین شکل سے ہیں قابل درس و تدریس مندی کے نہیں اس واسطے مندی ایسے
علم عجیبے محروم رہتے ہیں اس سولف نے مندی کو سمجھنے کے واسطے سہل قاعدہ لکھا اور اکثر
لغات عربی محاورہ حساب کے زبان اردو میں لکھا اور جو کہ ہندی میں نہیں آسکتی تھے ویسا ہی
بحال لکھا اور اسکی خامدہ میں چند فائدہ مند رج کئے گئے ہیں یہ کتاب ایسی ہے کہ
اگر کوئی سسپوڑ خطا ہو قلم اصلاح سے وہاں میں اور سولف کو دے اسے خیر سے یاد کریں
خدا یا بخش مجھے اور والدین کو میرے اور اخوان اور احباب کو میرے اور تمام مؤمنین کو نفع دے
اپنے دن حساب کے مقدمہ تعریف علم حساب اور تعریف عدد کے بیان میں حساب
وہ علم ہی کہ بھیجانے جاتے عدد دے مجھول عدد دے معلومہ مخصوصہ سے مانند قاعدوں
جبر و مقابلا و خطائیں اور نسبتا سبہ وغیرہ کے کہ آگے اسکے معلوم ہوں کی انشاء اللہ تعالیٰ اگر کوئی

کہے کہ تعریف مانع نہیں ہے کس واسطے کہ نکالنا عدد نامہ مجہول کا قواعد رمل میں ہو سکتا ہے
 جواب اسکا تعریف علم حساب کی یہ ہے کہ استخراج اور نامہ مجہول کا عدد نامہ معلوم
 مخصوصہ سے ہوتا ہے اور علم رمل میں استخراج عدد نامہ مجہول کا اشکال معلوم مخصوصہ سے
 ہوتا ہے پس تعریف علم حساب کی علم رمل پر صادق نہیں آتی اگر کوئی کہے کہ تعریف
 جامع نہیں ہے کس واسطے کہ علم مساحت پر صادق نہیں آتی کہ مساحت میں نکالنا
 مجہولات مقدار و نکائی نہ عدد و نکا اور علم مساحت داخل علم حساب ہے جواب علم
 مساحت استخراج مجہولات مقدار و نکائی مگر اس طرح سے کہ لایا جاتا ہے عجب اسکے
 پس جمع کرنے والے مجہولات عدد و نکائی سے ہوتے تامل سے معلوم ہوتا ہے پس
 تعریف نوع اور جامع ہو اور وضع علم حساب کی اس عدد سے ہی کہ حاصل ہوتا ہے
 ماوراء میں جب کہ کیا گیا ہے اور اسی واسطے علم حساب کو حمد علم ریاضی سے کہتے ہیں
 اور علم ریاضی وہ علم ہے کہ بحث کیا جاتا ہے اوسمیں امور مادیہ سے اور اس علم ریاضی
 کا نام علم اوسط ہے کس واسطے کہ نسبت کرتے علم الہی کے کہ اعلیٰ ہے اور علم طبعی کے
 ادنیٰ ہے اور یہ واسطے تعریف عدد کی ہمیشہ کہ عدد اور اس مقدار کا نام ہے

کہ اطلاق کیا جاتا ہے واحد پر اور اس چیز پر کہ ترکیب اس سے پائی ہے پس قول
 واحد ہی داخل تعریف عدد ہی مگر قول اکثر علمای متاخرین کا یہ ہے کہ عدد اس مقدار
 کا نام ہے نصف مجموع دو حاشیہ اپنا ہو مثلاً دو حاشیہ تحتانی اسکا ایک اور حاشیہ
 فوقانی اسکا تین جمع کئے ایک کو تین سے چار ہوئے نصف اسکا دو ہی مطلوب ہے
 دو اور چار جمع کئے چھ ہوئے نصف اسکا تین اسطرح جہاں تک چاہیں عمل کریں پس
 اس واسطے ایک داخل عدد نہیں ہے اور بعضے تکلف کر کے کسر سے حاشیہ اسکو کئے ہیں
 جیسا کہ حاشیہ تحتانی اسکا نصف اور حاشیہ فوقانی اسکا اکسج اور ایک نصف
 مجموع اسکا دو ہی نصف اسکا ایک مگر اعتبار نہیں کیا جاتا کہ صحیح کے سات کسر کو
 اعتبار نہیں حقیقت یہی ہے کہ ایک خود حاشیہ ہی عدد میں شمار نہیں اگرچہ تمام
 اعداد ترکیب اسی سے پائے ہیں اور ہر عدد میں شریک ہے جیسا کہ جو ہر فرد کو
 جزو لا تجزأ ہی کہتے ہیں اور بعضے حکایت اسکا کرتے ہیں اور خارج میں قابل ہیں کہ جسم
 نہیں ہے اگرچہ تمام اجسام اس سے ترکیب پاتے ہیں اور جو عدد کہ مساوی کسو اپنے
 ہوئے اور وہ منطبق ہوئے یعنی کو یائی قبول کرنے والا کوئی ایک کسو تسو سے اور ضم

ہوں جیسا کہ ایک خبر گیارہ جز سے علیٰ ذاکہ یہہ اضم ہے اور گویا کہ سور سے ہنیز
 کئے جاتے اور سو اسکے لازم ہے کہ منطق ہو یعنی گویا کہ سور سے کئے جاوے تو
 یہہ عدد منطق میں قسم پر ہے ایک نام دوسرا ناقص تیسرا زیادہ مثال عدد تمام
 کی جیسا کہ چھ کہ اجزائے سور اسکے ایک نصف کہ تین ہے اور ایک ثلث کہ دو ہی اور
 ایک سدس کہ ایک ہے اور عدد چھ کا مساوی ہے اجزائے سور سے اپنے یعنی
 جمع کرنے سے ان سب کسروں کے عدد چھ کا حاصل ہوتا ہے ایسے عدد کو عدد تمام
 کہتے ہیں اور دوسرا ناقص کہ وہ زیادہ اجزائے سور سے اپنے ہو مثلاً عدد آٹ
 کا کہ اجزائے سور اسکے ایک نصف کہ چار ہی اور ایک ربع کہ دو ہی اور ایک ثمن
 کہ ایک ہے جمع کئے ان سب کسروں کو سات ہو پس عدد منطق اجزائے سور سے اپنے
 ایک زیادہ ہی اس واسطے اسکو ناقص کہتے ہیں تیسرا عدد زیادہ کہ وہ اجزائے سور
 سے اپنے کم ہو مثلاً عدد بار کا کہ اجزائے سور اسکے ایک نصف کہ چھ ہی اور ایک ثلث
 کہ چار ہیں اور ایک ربع کہ تین ہیں اور ایک سدس کہ دو ہے جمع کئے ان کسروں کو پندرہ
 ہو پس عدد منطق اجزائے سور سے اپنے تین کم ہی اس واسطے اسکو زیادہ کہتے ہیں

فافہم اور مراتب عدد کے اصول ہیں تین ہیں پہلے احاد یعنی اول مرتبہ ہر جو
 رقم کہ لکھے جاوے ایک سے نو تک امراد او سے احاد ہی اگر رقم ایک کا واقع ہوے او ہی
 ایک ہے اور اگر دو واقع ہوے دو ہی اس طرح سے نو تک اور دوسرا مرتبہ او سے کا
 عشرات ہی یعنی جو عدد کہ دوسرے مرتبہ میں لکھا جاوے ہر ایک کو دس سمجھنا مثلاً
 اگر ایک لکھے جاوے دس سے اور اگر دو ہوئیں ہی تین سے تین اس طرح تو تک اور
 مرتبہ تیسراتی ہی یعنی جو عدد کہ تیسرے مرتبہ میں واقع ہوے ہر ایک کو سو سمجھنا
 مثلاً اگر ایک ہوے ایک سو دو ہوے دو سو اس طرح تو تک باقی شاخیں جو کہ سو ان میں مرتبہ
 کے ہیں ان کو نہایت نہیں ہے حقیقت میں تمام مراتب اسی میں اصول سے لئے جاتے ہیں
 یعنی مرتبہ اول کا کہ بعد تین کے آتا ہی اسے ہزار کہتے ہیں اور مرتبہ دوسرے میں کہ
 واقع ہوتا ہے وہ دس ہزار فرض کئے جاتے ہیں اور مرتبہ تیسرے میں کہ واقع ہوتا ہے وہ
 سو ہزار ہے اس طرح سے کہ نہایت نہیں ہی تین تین مرتبہ فرض کرتے جاتے ہیں
 بطریق مذکور کے اور حکمائے ہفت اقلیم نے تحقیق تمام سے وضع کئے ہیں اشکال اعداد
 مشہور اور معروف سے نو رقم کو کہ صورت اسکی یہی ۱ ۲ ۳ ۴ ۵ ۶ ۷ ۸ ۹

اور ملک عرب اور عجم میں اور دوسرے ملکوں میں شکلین اعداد کے دو سرط حصے مکر
 تعدادوں سے زیادہ نہیں اور ان قموں سے مراد اعداد صحیح ہی اور کیفیت وضع کرنے
 اعداد کو سکوں کے ایک معلوم ہونے کے انشاء اللہ تعالیٰ لیکن مراتب ان قموں کے ایسے
 ہیں کہ لکھنا اس کا ہر سے عدد سے شروع کرنا یعنی عشرات اور مات اور اونی وغیرہ
 سے اور نام ان مرتبوں کا ہندی زبان میں یہ ہے اگن دھن سیاس شہسن
 دہ سہسن لکن دہ لکن کے روڑن دہ کروڑن آرہن دہ آرہن
 کھربن دہ کھربن تربن دہ تربن پدمن دہ پدمن سنکن
 دہ سنکن اسی طرح سے جہا تک کہ چاہیں نام رکھ کر شمار کریں نہایت اسکو
 نہیں ہے اور عدد جو کہ پہلے مرتبہ میں آوے ایک سے نو تک ہی ایک ہی اگر ایک آوے
 ایک دو آوے دو تین آوے تین چار آوے چار علی مذ اور دوسرے مرتبہ میں
 جو عدد آوے ایک سے نو تک اسکو دس سمجھنا اور تیس مرتبہ میں جو عدد آوے
 سو میں اور چوتھے میں ہزار پانچویں میں دس ہزار چہترے میں لاکھ ساتویں میں دس لاکھ
 آٹھویں میں کروڑ نویں میں دس کروڑ اسی طرح سے جہا تک کہ چاہیں شمار کریں

اور جس مرتبہ میں کہ عدد نہ ہو و صفر لکھنا مانند چوتھے دایر کے یا فقط لکھنا صورت
 دس کی ۱۰ صورت ہزار کی ۱۲ صورت سو کی ۱۰۰ صورت ہزار کی ۱۰۰۰ اگر ہزار کے
 ساتھ اور کوئی عدد ہو وہ صفر کے واسطے حفظ مراتب کے تہی لکے جا پر وہ عدد
 لکھنا مثلاً ایک ہزار آت سو اس طرح ۱۸۰۰ اور ایک ہزار آت سو پانچ یہ ہے
 ۱۸۰۵ اور ایک ہزار آت سو پچیس اس طرح ۱۸۲۵ یعنی پہلے فقط ہزار تہی حفظ
 مراتب کے واسطے تین صفر لکھ کر چوتھے مرتبہ میں کہ مرتبہ ہزار کا ہی عدد ایک لکھے
 جب چاہے کہ ایک ہزار آت سو لکھنا تہی مرتبہ کہ سو کا ہی بجائے صفر کے آت لکھے
 اور چاہے کہ ایک ہزار آت سو پانچ لکھنا پہلا مرتبہ کہ ایک کا ہی پانچ لکھے علیٰ ہذا
 آت سو پچیس باب پہلا اعمال صحاح کے بیان میں آئیں جیسے فصل میں
 فصل بھلا عمل جمع اور تضعیف کے بیان میں اور نیز انہیں انکے عمل جمع کا
 اسکو کہتے ہیں کہ چند اعداد متفرقہ کو فراہم کرنا مثلاً دو چار آت کہ انکی جمع چوہا
 ہی پس طریق عمل اسکا یہ ہے کہ اعداد متفرقہ کو نیچے ایک دوسرے کے اسطر جسے لکھنا
 کہ اکن مقابلے میں اکن کے اور دہن مقابلے میں دہن کے اور سیا مقابلے میں سیا کے

اور سہس مقابلے میں سہس کے اسطر سے لاناہایت جمع بقدر عدد کی کہ چاہئے
 بعد نیچے سطروں کے خط عرضی کہیں یا اوپر شروع عمل کا سیدھے طرف سے کرنا کہ مرتبہ احد
 کا ہی زیادہ کرنا ایک عدد کو ایک عدد پر کہ مقابلے میں اسکے ہی اوپر کے سطر سے نیچے کے
 سطر تک اگر حاصل جمع ان عددوں کا دس سے کم ہو تو لکھنا اسکو نیچے خط عرضی کے
 مقابلے میں اسکے کہ جمع کئے ہیں اور اگر جمع زیادہ دس سے ہو تو پس سب سے زیادتی کو
 نیچے خط عرضی کے مقابلے میں وہی مرتبے کے لکھنا اور دس کو ایک ذہن میں نگاہ رکھنا
 اور ٹانا حاصل جمع پر اون عددوں کے پہلو میں اسکے بائیں طرف ہے اور اگر حاصل جمع
 برابر دس ہو تو نیچے خط عرضی کے صفر لکھنا اور اس دس کو ایک ذہن میں رکھ کر
 زیادہ کرنا پہلو کے حاصل جمع پر اور اگر بائیں طرف اسکے عدد نہ ہو تو یعنی صفر ہو تو
 یا عدد تمام ہو تو وہ ایک نگاہ رکھا ہوا لکھنا مثلاً چاہتے ہیں کہ اس دو عدد کو
 جمع کریں کہ ایک سب سے ہزار تین سو بہتر اور ایک سات ہزار چھ سو چھ ہیں چار
 جمع اسکی آٹھائیس ہزار اور آٹھائیس ہے صورت اسکی یہ ہے

$$\begin{array}{r} 2 \quad 0 \quad 3 \quad 6 \quad 2 \\ 2 \quad 4 \quad 6 \quad 6 \quad 4 \\ \hline 2 \quad 4 \quad 9 \quad 12 \quad 6 \end{array}$$

 اور اگر عدد بہت ہو تو میں سطر میں اعداد جمع کے لکھنا اسی غلط مرتبے جیسا کہ مذکور

ہو اسوت اسکی بھدی $\frac{3}{2} \frac{4}{3} \frac{2}{1}$ اور تضعیف جمع کرنا دو عدد $\frac{2}{2} \frac{2}{3} \frac{3}{4} \frac{4}{5}$

متشابه کا ہے مگر عمل تضعیف کا محتاج دوسرا عدد متشابه لکھنے کا بھی ہے بلکہ طریقہ

اسکا ایسا ہی جتنے عدد کہ تضعیف اسکی منظور ہی ایک سطر لکھنا اور نیچے اس سطر کے

خط عرضی کھینچنا اور جو عدد کہ میں دو چند اسکا کر کے نیچے خط عرضی کے کھینچنا

مراتب سے اور جو حاصل تضعیف کہ برابر دس ہو یا دس سے زیادہ ہو مانند عمل جمع

کے صفر کرنا یا زیادتی کو لکھ کر دس کو ایک ذہن میں رکھنا اور حال تضعیف پر

بائیں طرف کے زیادہ کر کے لکھنا مثلاً عدد دو ہزار دو سو تین کا مضاعف کئے

حاصل تضعیف چار ہزار پانچ سو چھیالیس ہوئے صوت اسکی بھدی $\frac{2}{3} \frac{2}{4} \frac{4}{5} \frac{5}{6}$

ان دونوں عمل مذکور میں عمل بائیں طرف سے ہی کرتے ہیں مگر احتیاج نحو اور اثبات کی

ہوتی ہی عبت بفیادہ ہی اس واسطے نہیں لکھا کیا عمل میزان ان دونوں عمل کا

غلطی اور صحت سمجھنے کے واسطے ایسا ہی کہ اعداد کو بغیر حفظ مراتب کے جمع کرنا

اور نونو اے چھوڑتے جانا آخر چو عدد کہ باقی رہی میزان اسکی ہے مثلاً میزان

اس عدد کی معلوم کرنا چاہتے ہیں $5 < 8 < 2$ جمع کئے بے حفظ مراتب پانچ او

سات کو بارہوے نوگرا دئے تین باقی رہے تین کو جمع کئے آت سے کیا رہوے
 نوگرا دئے دو باقی رہے دو کو جمع کئے دو سے چار ہو چار کو جمع کئے ایک سے پانچ
 ہو یہ پانچ میزان اس اعداد کی ہی پس امتحان جمع کا ایسا ہے کہ میزان مجموع
 کی برابر ہو حاصل جمعے تو عمل درست ہی نہیں تو غلط مثلاً میزان اس عمل جمع کی
 معلوم کیا جاتے ہیں صورت اسکی $\frac{6}{8} \frac{4}{1} \frac{2}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ میزان دونوں مجموع کی ایک ہی
 اسطر سے آت اور چھ چودانوگرا دئے پانچ باقی رہے پانچ اور پانچ دس نوگرا دئے
 ایک باقی رہا ایک تین چار چار تین سات سات پانچ بارانوگرا دئے تین باقی رہے
 تین اور آت کیا رانوگرا دئے دو باقی رہے دو اور چھ آت سات سات پندرہ
 نوگرا دئے چھ باقی رہے چھ اور چار دس نوگرا دئے ایک باقی رہا پس میزان
 دونوں سطر فکی کہ اوپر خط عرضی ہے ایک ہے اور ساوی ہے میزان چھل جمع کو
 کہ وہ بھی ایک ہی اسطر سے کہ تین پانچ آت آت دو دس نوگرا دئے ایک باقی
 رہا ایک اور ایک دو دو اور آت دس نوگرا دئے ایک باقی رہا ہو المطلق
 پس میزان مجموع کی برابر میزان حاصل جمع کے ہی عمل درست ہی اور میزان عمل

تضعیف کی ایسی ہے کہ دو چند کرنا میزان مضعف کی اگر بار ہو حاصل تضعیف

کہ تو عمل درست ہی نہیں تو غلط مثلاً $\frac{۲۲۴}{۲۵۴}$ میزان مضعف کے پانچ ہی دو چند

کئے دس ہوئے نو کر اٹے ایک باقی رہا اور میزان حاصل تضعیف کی یہ ایک ہی

عمل صحیح **فصل دوسرا** تضعیف کے عمل میں عدد کے نصف کرنے کو تضعیف

کہتے ہیں طریق عمل اسکا یہ ہے کہ جس عدد کا نصف کرنا منظور ہے لکھنا اور خط عرضی

نیچے اسکے کہیں اور شروع عمل کا بائیں طرف کے کٹاؤ دو حال سے خالی نہیں ہی حفت ہو کا

یا طاق اگر حفت ہو تو نصف اسکا نیچے خط عرضی کے لکھنا مقابلے میں اور عدد کے نصف

اسکا کئے ہیں اور اگر طاق ہو تو نصف صحیح اسکا نیچے خط عرضی کے مقابلے میں اسکے لکھنا

اور نصف کسر کی پانچ دس میں نگاہ رکھنا اور پھر نصف عدد درست اسکے پہ پانچ نگاہ

رکھے ہو شریک کر کے مقابلے میں اسکے لکھنا اور اگر سیدھے پہلو میں اسکے صفر ہو

وہی پانچ نگاہ رکھے ہو مقابلے میں صفر کے لکھنا اور اگر عدد ایک کا ہو پانچ نگاہ رکھے

ہو نیچے ایک کے لکھ کر نصف اس ایک کا پانچ خاطر میں نگاہ رکھنا کہ نصف اس ایک کا

ہے اور اگر عمل آخر ہو پانچ کہ نگاہ رکھے ہیں تو نصف اعتبار کر کے نیچے عدد آخر کے

کہ حاصل تنصیف ہے لکھنا فایح پانچ کہ خاطر میں نگاہ رکھتے ہیں یہ ہیں کہ سید
 طرف سے جو کچہ کہ ذہن میں نگاہ رکھتے ہیں حسب مراتب کے دس تو ہیں اور خلاف اسکا
 بائیں طرف سے جو کچہ کہ خاطر میں نصف حاصل ہوتا ہی فی الحقیقت وہ نصف دس کا ہی
 یہ نصف دس کا پانچ ہی اور آخر عمل یہ جو کہ نصف حاصل ہوتا ہی مرتبہ اول کا مرتبہ چارواں کا
 نصف واحد کا نصف ہے صورت عمل کی $\frac{30313}{10104}$ صورت دوسری $\frac{6033}{32460}$
 آخر پر صورت اول کے عدد تین کا ہی نصف اسکا ایک صحیح ایک نصف ہوا اور خاطر میں
 پانچ تھے چھ صحیح ایک نصف ہوا چھ صحیح نیچے خط عرضی کے مقابلے میں تین کے لکھے او
 نصف اسکا صورت سے کسر کے نیچے او کے لکھے اور دوسرے عمل کے آخر پر صفر تھا پانچ
 ذہن میں نگاہ رکھے ہو نیچے خط عرضی کے مقابلے میں صفر کے لکھے ہو المطلوب
 امتحان عمل تنصیف کا ایسا ہی جو عدد کہ اوپر کے سطر میں سے بعد گرانے نو نو کے
 حاصل ہوا اسکو نصف کرنا حاصل برابر ہوئی نیچے کے سطر کی میزان کو تو عمل درست ہے
 نہیں تو غلط مثلاً $\frac{30313}{10104}$ میزان اوپر کے سطر کی ایک ہے نصف اسکا نصف
 ہی اور نیچے کے سطر سے یہی نصف حاصل ہوتا ہی $\frac{6033}{32460}$ اور اس صورت میں

اوپر کے سطر سے آتے حاصل ہوئے ہیں نصف آتے کا چار نیچے کے سطر سے پہنچا حاصل
 ہیں پس عمل درست ہیں **فصل تیسرا** تفریق کے عمل میں تفریق اسکو کہتے ہیں
 کہ ایک عدد کو دوسرے عدد کو نقصان کرنا طریق عمل اسکا ایسا ہے کہ عدد منقوص
 اور منقوص نہ کا لکھنا دو سطر میں مقابلہ میں ایک دوسرے کے حفظ مراتب سے جیسا کہ
 عمل جمع میں گذرا اور نیچے ان دو سطروں کے خط عرضی لکھنا اور عمل سیدھے طرف سے کرنا
 اسطر سے کہ کم کرنا ہر عدد نیچے کا اوپر کے عدد کو چھو کہ باقی رہے بعد کم کرنے کے لکھنا
 نیچے خط عرضی کے مقابلہ میں منقوص نہ کے اور اگر کچھ باقی رہے یعنی رقم منقوص اور
 منقوص نہ کے برابر ہو تو اس جابے پر صفر لکھنا واسطے حفظ مراتب کے اور اگر ممکن نہ ہو
 کم کرنا عدد کا اس عدد کہ مقابلہ میں اس کے واقع ہی یعنی منقوص زیادہ ہو تو منقوص نہ
 سے یا مقابلہ میں عدد منقوص کے سطر منقوص نہ میں صفر ہو تو ایک عدد بائیں طرف سے
 اسکے لینا اور اس کو دس سمجھنا اور منقوص نہ کو اس دس سے کم کر کہ باقی کو نیچے خط
 عرضی کے لکھنا پھر اسکو ایک فرض کر کے منقوص سے عدد سیدھے طرف اسکے جمع کر کے
 منقوص نہ سے اسکے کم کر کے نیچے خط عرضی کے مقابلہ میں اسکے لکھنا اور اگر مرتبہ ہر

دہائی کے صفر ہو کر مرتبہ سیاسے اس مرتبہ میں پہلے صفر ہو کر مرتبہ سہاسے
 اس طرح تا غیر نہایت جس جگہ کے عدد ہو کر ایک لینا کہ نسبت سے سیدھے
 طرف اسکے دس ہے نو نو چھوڑتے جائیا ذہن میں نگاہ رکھنا اور عدد منقوص
 سے آخر کے یہ ایک عدد دیا ہوا کم کر کے باقی کو نیچے خط عرضی کے لکھنا اور
 عمل تمام کرنا صورت عمل کی
$$\begin{array}{r} 10242 \\ 2489231 \end{array}$$
 دوسرا سہل عمل اسکا یہ
 ہے کہ نیچے خط عرضی کے کوئی عدد ایسا فرض کرنا کہ منقوص کے ساتھ جمع
 کرنے سے برابر ہو کر عدد منقوص منہ کے اور اگر منقوص کم ہو کر منقوص منہ
 سے نیچے خط عرضی کے ایسا عدد فرض کرنا کہ منقوص کے ساتھ جمع کرنے سے
 وہ زیادہ ہو کر دس سے پس اس دس کو ذہن میں لکھ کر دوسرے آگے کے منقوص کے
 ساتھ جمع کر کے اس مجموعہ کو منقوص منہ سے کم کرنا اگر صفر نہ ہو اور اگر صفر ہو
 ایسا عدد فرض کرنا کہ منقوص کے ساتھ جمع کرنے سے دس ہو کر اس طرح تا غیر
 نہایت مثلاً
$$\begin{array}{r} 10242 \\ 2489231 \end{array}$$
 ایک ایک کو جمع کئے دو ہو چار اور دو کو
 جمع کئے چھ ہوے نو نو کو جمع کئے اہتار ہوے اہتار کے آت ذہن کا ایک

اور چار پانچ اور دوسات برابر ہوئی نو اور ایک کو جمع کئے دس ہو دس کا صفر
 ذہن کا ایک ایک اور سات آت آت اور دو دس دس کا صفر ذہن کا ایک ایک اور
 چار پانچ عمل تمام ہوا **امتحان صحت عمل کا** ایسا ہی کہ میزان منقوص منہ اور منقوس کی
 لیکر میزان سے منقوص منہ کے میزان منقوس کی کم کرنا اگر کم کئے جاوے اور اگر کم کئے نہ جاوے
 نو کا عدد زیادہ کرنا منقوس منہ کے میزان پر پھر کم کرنا میزان منقوص کے اگر برابر ہو میزان
 سے عدد باقی کے تو عمل درست ہی نہیں تو خط **ضرب چوتھا ضرب کے**
 بیان میں اول لازم ہے دو سے نو تک ضرب اسکو پہارے کہتے ہیں حفظ کرنا اور خوب
 یاد رکھنا کہ اگے سب عمل سہل ہوتے ہیں صورت اسکی ب کی جد و دلالت

اسکو مارج اور میری کہتے ہیں

	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	۲۰	۲۱	۲۲	۲۳	۲۴	۲۵	۲۶	۲۷	۲۸	۲۹	۳۰	۳۱	۳۲	۳۳	۳۴	۳۵	۳۶	۳۷	۳۸	۳۹	۴۰	۴۱	۴۲	۴۳	۴۴	۴۵	۴۶	۴۷	۴۸	۴۹	۵۰	۵۱	۵۲	۵۳	۵۴	۵۵	۵۶	۵۷	۵۸	۵۹	۶۰	۶۱	۶۲	۶۳	۶۴	۶۵	۶۶	۶۷	۶۸	۶۹	۷۰	۷۱	۷۲	۷۳	۷۴	۷۵	۷۶	۷۷	۷۸	۷۹	۸۰	۸۱	۸۲	۸۳	۸۴	۸۵	۸۶	۸۷	۸۸	۸۹	۹۰	۹۱	۹۲	۹۳	۹۴	۹۵	۹۶	۹۷	۹۸	۹۹	۱۰۰
۱	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	۲۰	۲۱	۲۲	۲۳	۲۴	۲۵	۲۶	۲۷	۲۸	۲۹	۳۰	۳۱	۳۲	۳۳	۳۴	۳۵	۳۶	۳۷	۳۸	۳۹	۴۰	۴۱	۴۲	۴۳	۴۴	۴۵	۴۶	۴۷	۴۸	۴۹	۵۰	۵۱	۵۲	۵۳	۵۴	۵۵	۵۶	۵۷	۵۸	۵۹	۶۰	۶۱	۶۲	۶۳	۶۴	۶۵	۶۶	۶۷	۶۸	۶۹	۷۰	۷۱	۷۲	۷۳	۷۴	۷۵	۷۶	۷۷	۷۸	۷۹	۸۰	۸۱	۸۲	۸۳	۸۴	۸۵	۸۶	۸۷	۸۸	۸۹	۹۰	۹۱	۹۲	۹۳	۹۴	۹۵	۹۶	۹۷	۹۸	۹۹	۱۰۰

ضرب اسکو کہتے ہیں کہ ایک عدد کو دوسرے عدد پر مارنا اور عبارت اسے یہ ہے،
 کہ حاصل کرنا عدد تیسرے کا کہ نسبت ایک اس دو عدد یعنی مضروب اور مضروب فیہ
 کی اتنی سی عدد سے یعنی حاصل ضرب سے ایسی ہے جیسا کہ واحد کو نسبت دوسرے
 مضروب فیہ سے مثلاً ضرب صحاح میں دو کو تین میں ضرب کئے حاصل ضرب چھ ہوئے
 پس دو ثلث چھ کا ہی ویسا ہی ایک ثلث ہی تین کا اور تین نصف ہے چھ کا ایسا ہی
 ایک نصف ہی دو کا یعنی مضروب نصف ہے حاصل ضرب کا ویسا ہی مضروب فیہ کا
 واحد نصف ہے اور مضروب فیہ ثلث ہی حاصل ضرب کا اس طرح واحد ثلث ہے
 مضروب فیہ کا آگے اسکے ضرب کسور میں معلوم ہوگا انشاء اللہ تعالیٰ پس اسے معلوم ہوا کہ
 ایک کو تاثر ضرب میں نہیں ہے جو عدد کہ واحد میں ضرب پاتا ہے وہی عدد حاصل
 ہوتا ہے زیادہ یا کم نہیں ہوتا اور اگر ایک کو ایک میں ضرب دیکو تو بھی وہی واحد رہتا ہے
 اور ضرب کے باب میں بہاوالدین آملی بحر الحساب میں سات قاعدے ضرب کے لکھا ہی
 اس سات قاعدہ میں سے دو قاعدہ کلیہ کہ تمام ضرب کے قاعدہ ون پر محیط ہیں ایک سے
 تا غیر نہایت لکھے **ایک عمل شکی** کا جس عدد کو چاہیں دوسرے عدد میں ضرب

کریں عدد مضروب کو فاصلہ مابین سے لکھیں ایک سطر میں اور نیچے اسکے خط عرضی
 کہنچین اور نیچے اس خط عرضی کے خطوط قائمہ موافق شمار اعداد کے کہنچین آخر عدد
 تک اور مضروب فیہ کو بائیں طرف قائمہ آخر کے لکھنا اس طرح سے کہ اکن نیچے دہن کے
 اور دہن نیچے سیّا کے اور سیّا نیچے سہّا کے یعنی برے عدد اوپر اور چھوٹے عدد
 نیچے تا غیر نہایت اور شمار سے قابل مابین ہر عدد مضروب میں کے خط عرضی بائیں طرف سے
 شروع کر کے سیدہ طرف کے خط تک پہنچا دے آخر عدد مضروب فیہ تک اور بعد اسکے
 ہر خانہ میں خط محرف یعنی وتر کہنچینا تا ہر ہر ربع دو مثلث تقسیم پاؤ اور بعد عمل
 کرنا اس طرح سے کہ ایک ایک عدد مضروب اور مضروب فیہ کو شروع سے ضرب دیکر
 حاصل کو دو خانہ مثلثی بائیں اس عدد مضروب کے لکھنا یعنی ہر ایک مضروب فیہ
 کو ایک عدد مضروب میں ضرب دیکر ہر عدد مضروب کے نیچے اسکے حاصل ضرب کو
 لکھنا وہ خانہ تمام ہو کے بعد ہر دوسرے مضروب فیہ میں ہر عدد مضروب میں
 ضرب کر کے بدستور باقی لکھنا اس طرح سے کہ حاصل اکن کو نیچے کے مثلث میں او
 حاصل دہن کو اوپر کے مثلث میں اس طرح سے عمل تمام کرنا اور اگر عدد مضروب یا

مضروب میں صفر آوے تمام خانوں میں محاذی اسکے صفر لکھنا اور پھر جو عدد کہ
 خانوں میں حاصل ہوے ہیں اسکو جمع کرنا اسطر سے کہ نیچے کے شلٹ سے جمع شروع
 کرنا تمام عدد مابین دو خط محرف کے جمع کر کے نیچے خط عرضی کے محاذی اسی
 خانے کے لکھنا اگر حاصل نو تک ہو اور اگر دس ہو صفر کر کے ایک ذہن میں لکھ کر
 دوسرے عدد حاصل جمع مابین دو خط محرف کے ساتھ جمع کر کے لکھنا اور اگر دس
 سے زیادہ ہو اس زیادتی کو نیچے جدول کے مقابلے میں اس خانے کے لکھ کر ایک ذہن
 میں کہنا پھر حاصل جمع مابین کے اعداد مابین دو سطر محرف کے ساتھ جمع کر کے بتور لکھنا
 اس طرح آخر خانہ تک کہ اوپر کے ہی عمل تمام کرنا جو کہ جمع نیچے جدول کے ہو حاصل
 ضربے اور صورت اسکی یہ ہے، ج کی جدول میں مثلاً حاصل ضرب بجاس ہزار سات سو
 بیالیس کا آٹ ہزار چوبیس میں چالیس کروڑ چہتر لاک سو لاکھ اڑدو سو اٹھائیس ہے

	۸	۴	۰	۰	۵	۶	۳	۱	۶
۸	۴	۰	۰	۵	۶	۳	۱	۶	
۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	
۳	۱	۵	۰	۲	۱	۱	۲	۶	
۴	۲	۰	۰	۲	۱	۶	۱	۱	
۴	۱	۱	۱	۲	۲	۱	۱	۱	

یہ قاعدہ کلیہ تمام قاعدوں محیط ہے
 دوسرا قاعدہ ضرب محاذ کا

کہ ہر دورے عدد میں کام آتا ہی اور زیادہ

عد دین نہایت ذہن جمع رکھ کر عمل کرنا تو ہو سکتا ہی نہیں تو غلطی آتی ہے **طریقہ**
 اسکا یہ ہے کہ عدد مضروب کو ایک سطر لکھنا اور مضروب فیہ کو نیچے اسکے ایک سطر لکھنا
 بعد نیچے ان دو سطروں کے خط عرضی کہیں یا پہر عدد اول مضروب فیہ کو تمام عدد مضروب پہر
 ضرب کر کے حاصل نیچے خط عرضی کے لکھنا اسی طریقہ مذکور سے کہ تو تک برابر اور دس سے
 صفر اور دس سے زیادہ ہو تو زیادتی لکھ کر ایک ذہن میں رکھ کر حاصل ضرب دوسرے
 عدد مضروب کے ساتھ جمع کرنا بعد دوسرے عدد مضروب فیہ کو تمام عدد مضروب میں
 ضرب کر کے ایک مرتبہ اول کا چہرے کے حاصل ضرب کو لکھنا شروع کر کے آخر تک عمل تمام
 کرنا اسی طرح سے ایک مرتبہ اول کا چہرے چہرے چہرے ہر ہر کے حاصل ضرب کو لکھتے جانا اور عمل
 تمام کرنا بعد ان سب عدد حاصل ضرب کو جمع کرنا کہ مطلوب ہے صورت اسکی
 حاصل ضرب چھ ہزار چار سو بیس کا تین سو چوبیس

۶	۴	۳	۲
۲۸	۴	۲	۸
۱۲۸	۶	۶	۸
۱۹۲	۶	۶	۸
۲۰۸	۶	۶	۸

۱۹۲۹۶
 ۲۰۸۳۶۸

۱۹۲۹۶
 ۲۰۸۳۶۸

اور **متجان ضرب** کا ایسا ہے کہ ضرب کرنا نیز ان مضروب اور مضروب فیہ کو اول حاصل
 کو بعد کرانے نو نو کے جو کچھ کہ باقی رہے حاصل ضرب سے اگر برابر ہو دے تو

عمل صحیح ہے نہیں تو غلط **فصل پانچواں تقسیم کے بیان میں** یہ طلب کرنا

ایسے عدد کا ہے کہ نسبت اسکی ایک سے مانند نسبت مقسوم کے ہی مقسوم علیہ سے مثلاً

میں کو پانچ پر تقسیم کئے خارج قسمت چار ہو کہ ایک کو اس چار سے نسبت ربع کی ہے

مگر جسے پانچ مقسوم علیہ کو بیس سے نسبت ربع کی ہے پس عمل تقسیم کا عکس عمل ضرب کا

ہے **طریق عمل** اسکا ایسا ہے کہ طلب کرنا ایسے عدد کو ذہن سے کہ جو ضرب

کروں مقسوم علیہ میں حاصل ضرب برابر ہو مقسوم کو اگر ایسا بہم نہ پہنچے دوبارہ کچھ

کم زیادہ کر کے طلب کرنا اور مقسوم علیہ میں ضرب کر کے حاصل کو اسکے مقسوم کے

سات دیکھنا اگر برابر ہو تو بہتر ورنہ کچھ باقی رہے تو وہ باقی مقسوم علیہ سے کم ہو کر

کہ وہ کسر ہے اور مقسوم علیہ مخرج اس کسر کا وہ عدد کہ ذہن سے طلب کیا ہوا ہے اسکو

عدد اکثر کہتے ہیں اور اس عدد کو مع باقی کسر کے مقسوم علیہ سے خارج قسمت

کہتے ہیں مثلاً فرض کئے کہ تیس کو پانچ پر تقسیم کرنا عدد اکثر ذہن سے طلب

کئے چھ بہم پہنچے یہ چھ مقسوم علیہ میں کہ پانچ میں ضرب کئے تیس ہوئے کہ برابر ہے

عدد مقسوم ہے کہ وہ بھی تیس ہے مثال اس عدد اکثر کی کہ کہ ہو وہ یہ ہی کہ اگر چاہیں

بائیس کو پانچ پر تقسیم کرنا عدد اکثر ذہن سے طلب کئے چارہم پہنچے ضرب دے مقسوم علیہ
 میں کہ پانچ ہی ہیں تو لکھے نیچے مقسوم کے کہ بائیس ہے دو باقی رہے اور اس بات کو
 نسبت دے مقسوم علیہ سے کہ پانچ ہی دو و خمس ہو پس خارج سمت خارج صحیح اور دو
 خمس ہے اور یہ عمل تقسیم کا ہوتا ہے عدد میں کام آتا ہے اگر بہت ہو اسکے واسطے
 دو قاعدے کلیہ لکھے کئے ایک جدولی دو سرابین السطور جدولی ایسا ہی کہ اول
 عدد مقسوم کے لکھنا بعد جدول کرنا اور مقسوم علیہ کو اندر جدول کے رکھنا اور نیچے
 مقسوم کے فاصلہ بطول ہے عدد مقسوم علیہ کے لکھنا اس طرح سے کہ آخر مقسوم علیہ
 مقابلے میں آخر مقسوم ہو کر برابر یا کم ہو کر اور اگر زیادہ ہو کر آخر مقسوم علیہ
 کا عدد آخر مقسوم کے عدد سے تو ایک خانہ آخر جدول سے بائیں طرف چہور کے
 لکھنا اور بعد طلب کرنا اکثر عدد احاد کا ذہن سے کہ ممکن ہو کر ضرب کا ایک ایک
 مرتبہ مقسوم علیہ میں اور ممکن ہو کر کم کرنا حاصل ضرب کا عدد مقسوم سے کہ مقابلے میں اسکے
 اوپر کے طرف ہے جب ایسا عدد ذہن سے پیدا ہو کر لکھنا اس عدد کو اوپر جدول کے اوپر
 کرنا بعد احد ایک ایک عدد مقسوم علیہ میں اور حاصل ہر ایک محاذی ہر ایک کے نیچے

مقسم کے سیدھے طرف سے بعد نیچے اسکے خط عرضی کہنچ کر موافق اعدہ تفریق کے ہر ہر عدد مقسوم
 اس حاصل ضرب کو کم کر کے باقی نیچے خط عرضی کے لکھنا اور اگر برابر ہو تو بہتری بعد خط عرضی
 اوپر عدد مقسوم علیہ کے کہنچ کر اوپر اس خط کے عدد مقسوم علیہ کو نقل کرنا ایک خانہ سیدھے
 طرف آگے برہ کر اور پھر طلب کرنا اکثر عدد دو سراذہن سے مرتبہ اعداد میں کہ ممکن ہو تو
 مانند عمل اول کے اور لکھنا اس کو سیدھے طرف عدد اکثر اسکے اوپر جدول کے اوپر ایسے
 کہ اول معلوم ہوا ہی عمل کرنا اور اگر عدد مقسوم کا عدد مقسوم علیہ سے کم ہو تو بجائے
 عدد اکثر کے صفر کرنا اور نقل کرنا مقسوم علیہ کو ایسے سے کہ سابق مذکور ہوا ہے
 آگے اور نقل کرنا عمل تام ہو وہ جو کچھ کہ اوپر جدول کے لکھا گیا ہی خارج قسمت ہی اور
 جو کچھ باقی رہے عدد مقسوم سے جدول میں وہ کسے اور منہج اس کا مقسوم علیہ
 جیسا کہ اس عدد کو ۱ ۲ ۳ ۴ ۵ ۶ ۷ ۸ ۹ کہ نولاک چھتر نزار سات سو اکتالیس
 اس عدد پر ۳۵ کہ ترین ہے تقسیم کئے خارج قسمت یہ عدد ۱۰۴۱۸
 کہ اہتار ہزار چار سو دس عدد صحیح اور کسر ۳۵۱۸ گیارہ جز
 ترین جز کے ہونے کے اور صورت اس کی یہ ہے مانند ۵ کے

چہتا عمل جذر اور کعب کے بیانیہ جو عدد کہ فیہ ضرب یا جاو اسکے
 حاصل ضرب کو اہل حساب مجذور کہتے ہیں اور اہل مساحت مربع اور اہل جبر و مقابلہ
 مال اور مجذور کو یعنی اس عدد کو جو فیہ ضرب یا گیا ہے مجذور کہتے ہیں اور
 صاحب مساحت ضلع اور علمای جبر و مقابلہ شے اگر چاہیں کہ جذر عدد کا لینا اگر وہ
 عدد جذر منطوق رکھتا ہو جیسا کہ نو کہ جذر اس کا تین ہے کس واسطے کہ تین کو بغض
 ضرب کریں تو نو ہوتے ہیں اور اگر عدد اصم ہو یعنی جذر تحقیقی نہ رکھتا ہو تو
 اس عدد اصم سے جذر تقریبی نکالے جاتا ہے اور جذر تحقیقی ہرگز نہیں نکلتا طریق
 اس عدد کی جذر تقریبی نکالنے کا ایسا ہے کہ اسکے نزدیک ترین مجذور کو گرا دینا باقی
 جو کچھ کہ رہی گاہ رکھنا بعد اس نزدیک ترین مجذور ات کا کہ کر ادئے ہیں جذر لینا او
 اس کو مضاعف کرنا اور اس حاصل ضعیف ایک یا دہ کرنا پھر اس باقی کو کہ گاہ
 رکھے ہیں اُسے نسبت دینا پس جذر اس نزدیک ترین مجذور ات کا صحیح ہی اور مضاعف
 اس کا مع اضافہ ایک کی نسبت اس باقی سے جو کچھ کہ ہو کسر سے مثلاً اس کہ جذر
 اس کا معلوم کیا چاہتے ہیں نزدیک ترین مجذور ات اس کا نو ہی گرا دئے ایک باقی رہا

گاہ رکھے پہرے جذر نو کا کہ تین ہے اس کو عدد صحیح سمجھئے، اسی تین کو کہ جذر بزرگ
 مجذور اتکا ہی مضاعف کئے چھ ہو ایک زیادہ کئے سات ہو پہر اس ایک کو کہ گاہ
 رکھے بہ نسبت دسے سات سے ایک سب ہو اسی جذر دس کا تین صحیح اور ایک سب ہو
 اسی طرح سے ہر عدد اصم کا جذر تقریبی نکالنا اور اسے جذر تقریبی اس واسطے کہتے ہیں
 کہ اگر یہ صحیح ہوتا تو پہر اس جذر کو فی نصف ضرب دینے سے مجذور برابر حاصل ہوتا
 یعنی جذر دس کا تین صحیح اور ایک سب ہی اس کو فی نصف ضرب دینے سے نو صحیح
 ترالیس $\frac{27}{9}$ پنجاس حاصل ہوتے ہیں پس دس صحیح میں چھ خرم ہیں اور
 حکمای سابق اور حال کا اتفاق اسی پر ہے کہ جذر اصم کو کوئی نہیں جانتا مگر
 اللہ جل شانہ لَا یَعْلَمُ جَذْرُ الْأَصَمِ اَلَا هُوَ اور اگر عدد بہت ہو دین تو
 طریق اسکے جذر نکالنے کا ایسا ہی کہ لکھنا اس عدد کے ایک سطر فقط مراتب سے
 جیسا کہ اول معلوم ہوا ہی بعد جدول کرنا جیسا کہ عمل تقسیم میں کرتے تھے اول
 مرتبہ پراو پر جدول کے صفر کرنا پہر ایک خانہ چھوڑ کر دوسرے خانہ پر صفر کرنا پہر ایک خانہ
 چھوڑ کر تیسرے خانہ پر صفر کرنا اسی طرح سے آخر عدد تک پس صفر آخر خانہ جدول

تک پہنچے گا یا ایک خانہ آخر کا صفر سے خالی رہے گا اس پر کوئی عدد ایسا فرض کرنا
 احادیث سے صفر آخر پر کہ اس عدد کو فی نفسہ ضرب دینے سے حاصل ضرب اسکا فنا کرے
 ان دونوں عدد کو کہ دو خانے میں آخر کے یعنی ایک خانہ کہ اس پر صفر کئے ہیں اور دوسرا کہ خالی
 صفر سے بائیں طرف اسکے ہی اور اگر صفر آخر خانہ پر آوے اسے ایک عدد کو فنا کرے
 اور اگر دونوں صورتیں وہ عدد مفروض کافی نفسہ حاصل ضرب فنا کرے اور کچھ باقی رہے
 تو اس عدد مفروض سے کم باقی رہے پس اس عدد مفروض کو لکھنا اور علامت کے او
 اندر جدول کے مقابلے میں اسکے فاصلہ مطلوب ہے پہر انکو ضرب کر حاصل ضرب اسکا
 نیچے اس عدد مطلوب الجذر کے لکھنا اور بعد خط مجموعی اسکے کہیں پر باقی نکالنا اگر باقی
 ہو تو بعد اس عدد مفروض پر کہ اندر جدول کے مقابلے میں علامت اخیر کے ہی خط مجموعی
 پہنچنا پہر ان عددوں کو کہ اوپر علامت کے اور مقابلے میں اسکے ہے جمع کر کے ایک خانہ
 چھوڑ کے نقل اس مجموع کو کرنا سیدھے طرف جیسا کہ عمل تقسیم میں معلوم ہوا پہر دوسرا
 عدد اسی صفت کا پیدا کر کے اوپر علامت کے اندر جدول کے مقابلے میں اسکے لکھ کر عمل کرنا
 اور اگر کوئی عدد ناچلے تو اوپر علامت کے اور مقابلے میں اسکے اندر جدول کے صفر

کر کے ایک خانہ چھوڑ کر نقل کرنا یہ طرف اور اسی طرح سے عمل تمام کرنا وہ جو کہ کر کے اور علامت کے
 عدد حاصل ہو جائے جذری اس عدد مجذور کا اور جو کچھ کہ باقی رہا ہی اندر جدول کے کسری
 اور مخرج اس کا اس طرح ہوتا کہ عدد علامت اول کو جمع کرنا اس کے مقابلے کے عدد کے ساتھ کہ بعینہ
 اسی صورت کا ہے اور اس مجموعہ پر ایک ذہن سے ترکیب کر کے اور خط نمونہ کے لکھنا اگر احاد ہو کر
 اور اگر کچھ ذہن میں ہو صفر لکھ کر دوسرے عدد کے بائیں طرف اسکے جمع کر کے لکھنا اور
 اگر دس سے زیادہ ہو اس بنیادی کو مقابلے میں علامت اول کے لکھ کر دس کو ایک فرض کر کے یہ
 طرف سے عدد کے ساتھ جمع کر کے لکھنا اور جو کہ عدد ہو تو ان کو اور خط نمونہ کے نقل کرنا کہ یہ مخرج ہی
 اس کے ساتھ جاتے ہیں کہ جس عدد کا لینا ۲۸۱۴ ایک لاکھ اسی ہزار ایک سو بہتر عمل

۱	۹	۲	۵	۷	۲
	۳				
		۵	۶		
			۷	۱	۷
			۷	۰	۸
		۶	۵		
	۳				

اس کا طریق مذکور ہے ایسا صورت عمل کی مانند کر کے

تین سو اسی ہزار و آٹھ سو ساٹھ

ستر احاطہ ہوئے کہ یہ جذری عدد مذکور کا

یعنی ایک ضلع ہر مربع کا امتحان صحت

عمل جذر کا ایسا ہے کہ میزان اس عدد خارج

کے کہ اوپر خط عرضی جدول کے ہے لینا اور اسکو فی نصف ضرب کر کے میزان اس حاصل ضرب
 لیکر زیادہ کرنا اسپر عدد باقی کا کہ اندر جدول کے ہیں ہر میزان اسکی لیکر مقابلہ کرنا میزان
 عدد مطلوب الجذر سے اگر برابر ہو تو عمل صحیح ہے نہیں تو غلط اور جب کو مجذور
 کو اسکے جذریں ضرب دے جاوے تو حاصل ضرب کو کعب اور اس جذر کو اسکا کعب کہتے ہیں
 مثلاً دو کہ جذر چار کا ہی اور چار مجذور دو کا چار کو پہر دو ضرب کئے آتے ہو پس آت
 کعب دو کا ہی اور دو کعب آتے کا اور طریق عمل کعب کا ایسا ہی کہ عدد کعب کا اندر جدول کے
 بطریق تقسیم یا جذر کے کہ اول معلوم ہوا ہی لکھنا بعدہ اوپر جدول کے خانہ اول پر پٹلا
 صفر کی کرنا بعد اسکے دو خانے یچین چہور کے چوتھے خانے پر علامت صفر کی کرنا اسی طرح
 آخر جدول تک علامتیں صفر وکی کرنا بعد ایسا عدد ذہن سے پیدا کر کے اوپر علامت آخر
 کے لکھنا کہ کعب اسکا اس عدد سے کہ درمیان جدول کے محاذی عدد پیدا کئے ہوئے کے
 اور اگر بائیں خانوں میں ہی عدد ہو تو نقص کیا جاوے اور اگر کچھ سب باقی رہے بعد خط
 محو اندر جدول کے کہنیکر جیسا کہ عملین جذر اور تقسیم کے معلوم ہوا ہے لکھنا پہر اس عدد
 کو کہ ذہن سے پیدا کئے ہیں محاذی اسکے نیچے جدول کے دوم تہ محاذی ایک دہریہ لکھنا

پہر بعد عمل کرینگے اور عدد و نمبر کو کہ ایک اوپر علامت کے اور دو عدد محاذی اسکے نیچے جدول
 کے ہیں اور وہ تینو عدد ایک سے صوت کی لامحالا ہونے کے جمع کر کے پہر اس کی ایک صورت میں
 حاصل جمع کو ضرب کر کے اندر جدول کے حاصل ضرب کو بائیں طرف ایک خانہ چھوڑ کے اوپر
 مخرج کے لکھنا پھر دوسرا ایک عدد ذہن سے اسی صفت کا طلب کر کے آخر کے علامت کے
 اول علامت پر لکھنا اور محاذی اسکے نیچے جدول کے دو مرتبہ زیروں والا لکھنا ان تینو عدد و نمبر
 جمع کر کے آخر کے علامت کے عدد میں ضرب دنیا حاصل کو اوپر مخرج کے کہ مقسوم علیہ کے جاے
 پر اندر جدول کے ہی ایک خانہ بائیں طرف چھوڑ کر لکھنا اور اوپر اسکے خط عرضی کھینچ کر اوپر
 اسی خط عرضی کے جمع کرنا بعد اس عدد پیدا کئے ہوئے کو ہر مجموع ہر مخرج میں ضرب کر کے نیچے اعداد
 کو کعب باقی کو کہ اندر جدول کے ہے لکھنا پہر خط عرضی کھینچ کر باقی نکالنا پہر اس عدد پیدا کئے ہوئے
 کو کعب کر کے اعداد باقی سے نقصان کر کے نیچے خط محو کے باقی لکھنا پہر ان تینو عدد کو جمع
 کر کے ان دونو عدد میں کہ اوپر علامت کے پیدا کئے ہیں ضرب کرنا حفظ مراتب سے کہ اگر دہن
 سیا وغیرہ جو کہ ہے حاصل ضرب کو اوپر عدد مخرج کے ایک خانہ بائیں طرف چھوڑ کر لکھنا
 اور اوپر اسکے خط عرضی کھینچ کر بائیں طرف ایک خانہ چھوڑ کر جمع کرنا پہر اسی طرح تیسری

علامت پر سیدھے طرف صفت مذکور سے کہ عمل اسکا ہر کے عدد پیدا کر کے لکھنا
 اور بدستور سابق عمل کرنا علیٰ مذاق چوتھے اور پانچویں علامت پر عدد پیدا کر کے عمل کرنا
 آخر ہوئے تک اگر کچھ کسب باقی اسی عدد جو اوپر جدول کے ہیں کعب منطق ہے اگر کچھ باقی
 رہے اس عدد کو کہ اول علامت پر ہی اوپر زیادہ کر کے تین میں ضرب دنیا حاصل کو بہرہ
 تمام عدد میں کہ اوپر جدول کے ہیں ضرب کرنا حفظ مراتب سے بہرہ اس حاصل ضرب پر ایک بار
 کرنا اس مجموعہ کو اوپر مخرج کے ایک خانہ بائیں طرف چھوڑ کر لکھنا کہ وہ خانہ اول ہی اور
 اس خط عرضی کہیں چکر جمع کرنا کہ یہ مخرج ہی اس کسر کا اور عدد جدول کے اوپر کا مع باقی
 کے کسر مخرج مذکور سے جملہ کعب اصم ہی اور اوپر جدول کے کسی علامت پر عدد و صفت مذکور سے
 پیدا کرنا اگر کئے جاوے یعنی اس عدد کا ضرب کرنا عدد مخرج کے اور باقی عدد کعب سے
 نقصان کرنا ممکن نہ ہوے یعنی اعداد باقی مخرج سے کم رہے ہوں اور اس علامت کے بجائے
 عدد کے صفر کر کے بوجہ قاعدہ عدد کے مخرج بنے گا اور ضرب دینیکا اگر اسکو اول علامت
 پر عدد پیدا کر کے عمل کرنا اسی طرح سے آخر جدول تک یعنی خانہ اول جدول
 تک عمل تمام کرنا مثال کعب منطق کی مانند اس کے

چاہئے ہیں اس عدد کا کعب معلوم

کرنا ۱۷۸۲۵۳۵۳۷۷

پانچ سو ترست کعب منطوق کا

کسو اسطے کہ جدول میں کسر

باقی نہیں رہے اگر کسر رہتی تو

کعب اصم تھا کہ سال کعب اسم

ٹی قریر معلوم ہو کی لکھے ان

عدد کو کہ ستر کروڑ چوراسی

لاک ترین ہزار پانچ سو سی

۱	۲	۵	۳	۵	۶	۵	۲	۲
	۵	۳						
		۳	۲	۵				
		۲	۶	۳	۷			
							۲	
		۹	۴	۵	۸	۲		
		۹	۴	۵	۸	۲		
	۸	۴	:	۸				
		۹	:					
	۷	۵						
		۵						۳

ہیں اندر جدول کے پہر اور جدول کے علامت صفر کی گئے دو دو خانے چھوڑ کر کعب

علامت آخر عدد پانچ کا دہن سے طلب کر کے لکھے اور محاذی ایسے اس پانچ کو دو تہ

زیر و بالا لکھے اس کو کعب کے ایک سو پچیس سے لکھے نیچے عدد مطلوب کعب کے محاذی

اسی علامت کے بغیر خط کو کھینچ کر باقی خانے پر باقی رہے پہر ان میں عدد کو جمع کیے جائیں

ہوئے بند کو پانچ ضرب کے بجھتر ہوئے ایک خانہ بائیں طرف چہور کر لکھے پہر اول علامت
 اخیر بعد طلب کے چہ حاصل ہوئے لکھے اوپر علامت کے اور نیچے جدول کے دوسرے
 زیر و بالا ان تینوں کے جمع کئے اٹھارہ ہوئے ضرب کے اٹھارہ کو پانچین کے بعد علامت
 آخر کا ہی نو ہوئے لکھے اور مخرج کے ایک خانہ چہور کر پہر خط عرضی کہنچ کر جمع کئے
 چالیس ہوئے ضرب کے چہ کو کہ اوپر علامت کے ہی مہر مجموع مخرج میں پانچزار چالیس
 ہوئے مطلوبہ الکعب کے نیچے لکھے پہر خط عرضی کہنچ کر باقی کالے تین سو پانچ باقی
 بکلی پہر اس چہ کو الکعب کے دو سو سولہ ہوئے وضع کئے اس بعد باقی الکعب کے دوسرے
 آت سو سین تین باقی بکلی پہر اس چہ کو تین میں ضرب کے اٹھارہ ہوئے اس اٹھارہ کو
 چہ میں ^{۵۶} کہ اوپر دو نو علامتوں کے ہر ضرب کے ایکزار آت ہوئے لکھے اور مخرج کے
 ایک خانہ بائیں طرف چہور کر پہر اس پر خط عرضی کے اس خط عرضی پر پھر ایک خانہ بائیں
 طرف چہور کر جمع کئے نو ہزار چار سو آت ہوئے پہر علامت اول پر عدد ہر سے طلب
 کے تین حاصل ہوئے لکھے اوپر علامت کے اور نیچے جدول کے دوسرے زیر و بالا پہر
 ان تینوں کے جمع کئے نو ہوئے ضرب کے نو کو چہستین پانچ سو چار ہوئے لکھے اور مخرج

ایک زیادہ کئے نو ہوئے نو کہ تین میں ضرب کئے ستائیس ہوتا ہے چار سو اٹھارہ میں
 ضرب کئے چل کیا را ہزار دو سو چھیاسی ہو پھر اس پر ایک زیادہ کئے کیا را ہزار دو سو سی
 ہو لکھے اوپر خرچ کے ایک خانہ بائیں طرف چہر کر اور سپر خط عرضی کھینچی جمع کئے کہ
 مخرج تمام کسر کا تیار ہوا امتحان صحت کعب کا ایسا ہی کہ میزان عدد کعب کے لینا
 کہ اوپر جدول کے ہی پھر اس میزان کو کعب کرنا اگر کسر ہو تو اس کعب کے میزان کو کعب کے میزان
 کے ساتھ دیکھنا اگر برابر ہو تو عمل صحیح نہیں تو غلط اور اگر کسر باقی رہے کعب کے میزان کو
 کعب کر کے میزان لینا پھر اس میزان کو کسر کے میزان کے ساتھ شریک کر کے میزان لینا اگر یہ
 میزان عدد کعب کے میزان سے برابر ہو تو عمل صحیح نہیں تو غلط مثلاً اس میں میزان
 کعب کی چار کعب کا چونتہ میزان اس کی ایک شریک کسر کے ساتھ کر کے میزان لے سہ
 حاصل ہو پس میزان کعب کی ہی سات ہی پس عمل صحیح طریق صحت مخرج کعب کا
 نکالا ہو امیر مدایت علی کا یہی کہ میزان پر کعب کے ایک زیادہ کر کے تین میں ضرب کر کے پھر
 حاصل کو اسی میزان کعب میں بغیر اضافے ایک کے ضرب کر کے حاصل پر ایک زیادہ کرنا پس
 اس مجموع کی میزان اگر مساوی ہو میزان مخرج تمام کسر کعب سے تو عمل صحیح نہیں تو غلط

مثلاً اس مثال میں میزان کعب کے چار ایک زیادہ کئے یا پنج ہوئے ضرب کئے تین میں بند رہا ہو
 پہر اس کو ضرب کئے میزان کعب میں کہ چار میں سات حاصل ہوگا اس حاصل ضرب پر ایک
 زیادہ کئے اگست ہو اسکی میزان لئے سات ہو میزان محزبکی ہی سات ہی پس مخرج
 صحیح ہے باب دوسرا حساب اعمال کسور کے بیان میں اس میں تین
 مقدمے اور چھ فصل ہیں مقدمہ پہلا نسبتوں کے بیان میں کل نسبتیں
 چار ہیں مماثل تداخل توافق تباین پس جانا چاہئے کہ جو دو عدد کو
 واحد کے ہودین اگر وہ دونوں باہم برابر ہوں تو ان میں نسبت تماثل کی ہے جیسا کہ دو
 چار علیٰ ہذا اور اگر وہ دو عدد برابر نہ ہوں تو زیادہ عدد کو کم عدد پر تقسیم کرنا اگر پہلی تقسیم
 میں فنا ہو تو ان میں تداخل جیسا کہ دو اور دس دس کو دو پر تقسیم کئے ہر واحد صحیح کو یا پنج یا پنج
 پہلی تقسیم میں پہونچی اور کچھ باقی نہیں ہا مثال دوسری یا پنج اوچپس چپس کو یا پنج پر
 تقسیم کئے پہلی تقسیم میں ہر واحد کو یا پنج یا پنج پہونچی اور کچھ باقی نہیں ہا اور اگر زیادہ
 عدد کو کم عدد پہلی تقسیم میں فنا کرے اور ایک سے زیادہ باقی رہے تو پہر زیادہ عدد
 کو کم عدد پر یعنی مقسوم علیہ اول کو کسر پر تقسیم کرنا یہاں تک کہ فنا ہو جائے اس نسبت کو

اور اگر اس تقسیم کے مقسوم علیہ سے جز فوق نامزد ہوتا ہی کر دو ہو کہ دو مخرج
 کے توافقی النصف کہتے ہیں اور تین ہو کہ تو توافقی بالثلث علیٰ ہذا مثال جیسا
 کہ پہلی تقسیم میں نو کو چھ پر تقسیم کئے تین باقی رہے بہر تین پر چھ کو تقسیم کئے
 تین آخر تقسیم کا مقسوم علیہ ہی اور بہر تین و فی ہی کہ فنا کرنے والا ہی تھے اور نو
 کا بہر کا اور ترک چھ اور تین ترک نو پس ان دونوں میں توافقی بالثلث کی نسبت
 مثال دوسری چھ اور چار چھ کو چار پر تقسیم کئے دو باقی رہے پھر چار کو دو پر تقسیم کئے
 فنا ہو کر دو آخر تقسیم کا مقسوم علیہ ہی بہر جز و فی ہی کہ فنا کرنے والا ہی تھے اور چار
 کا بہر ان دونوں میں نسبت توافقی بالنصف کی ہے اور اگر پہلی تقسیم میں یا زیادہ
 واحد باقی رہے اسکو تباین کہتے ہیں جب کہ سات اور آٹھ سات کو سات پر تقسیم کئے
 پہلی تقسیم میں ہر واحد کو ایک ایک بھینچا اور ایک باقی رہا مثال دوسری پانچ اور سات
 پانچ پر سات کو تقسیم کئے دو باقی رہے پھر پانچ کو دو پر تقسیم کئے ایک باقی رہا ان دونوں
 نسبت تباین کی ہی اور صورتیں کسوئے مشہورہ کے یہ ہیں نصف ثلث
 ربع خمس سدس سبع ثمن تسع عشر اور اسکو امہات کسو

کہتے ہیں کہ واسطے کہ تمام کسور منطقہ اُسی سے پیدا ہوتے ہیں اور جب کہ کسور کو کسور کے
 ساتھ اضافہ دیتے ہیں تو کسور مضاعف کہتے ہیں جیسا کہ نصف ثلث یعنی آدہ تیسرے
 حصے کا کہ فی الحقیقت وہ سدس ہے اور بطریق تکرار کے کہ کسور مکرر کہتے ہیں جیسا کہ
 ثلثین یعنی دو ثلث اور ربعین یعنی دو ربع علیٰ ہذا اور کسور اصم اسکو کہتے ہیں کہ تعبیر
 اسے ممکن نہیں ہے مگر خبر کھے جائے ہیں جیسا کہ ایک خبر ستر اجزوں سے یا دو خبر ستر
 اجزوں سے اور اس طرح سے کسور مفرد منطق جیسا کہ ثلث اور مفرد اصم جیسا کہ ایک خبر
 کیا اجزوں سے اور مکرر منطق جیسا کہ ثلثین یعنی دو ثلث اور مکرر اصم جیسا کہ خبر بن
 زیادہ خبر یعنی دو خبر کیا اجزوں سے اور مضاف منطق جیسا کہ نصف سدس اور
 مضاف اصم جیسا کہ کیا روان حصہ بار وین حصے کا یا تیروان حصہ پندرہ وین حصے کا
 یا معطوف منطق جیسا کہ نصف اور ثلث یا معطوف اصم جیسا کہ کیا روان حصہ
 ایک خبر کیا اجزوں میں کا اور تیروان حصہ یعنی ایک خبر تیر اجزوں میں کا اور جب چاہیں
 کہ کسور کو صحیح کے ساتھ لکھیں تو اول صحیح کو لکھنا پہر اسکے نیچے صورت کسور اسکے
 نیچے مخرب مثلاً دو صحیح اور ایک نصف اس صورت سے ۲ اور اگر عدد صحیح ہو تو بجائے

صحیح کہ صفر لکھ ۱۰ اور چھین کسر اضم مضاف اور مضاف الیہ کے لفظ منہ صورت
 ایک صحیح اور دو ثلث کی ایسی ہے ۱۰ اور صورت نصف اور پانچ سدس کی ایسی،
 ۱۰ اور جبکہ اس صورتوں میں عدد صحیح نہ ہو کجا صحیح کے صفر لکھتے ہیں صورت دوسر
 اور تین ربع کی ایسی ہے ۱۰ و ۱۰ اور پچھن و اعطف اور صورت کسر مضام
 کی کہ وہ سو اجز کے کہے نہیں جاتی جیسا کہ ایک خبر کیا راجز سے اور ایک خبر تیر اجز
 اس صورت ۱۰ ۱۰ ۱۰ چھین کسر اور پانچ کے منہ لکھنا مقدمہ دوسرا
 مخرج کسر کے بیان میں مخرج کسر اسکو کہتے ہیں کہ ایک عدد تہوڑا صحیح ایسا ہو
 کہ کسر اس عدد سے بچے جیسا کہ نصف کے مخرج اسکا دو اور ثلث کے مخرج اسکا تین اور ربع
 کے مخرج اسکا چار علیٰ ہذا عشر تک پس مخرج کسر مفرد کا ظاہر ہی اور یہ مخرج کسر مرکب کا
 کہ ثلثین کے مخرج اسکا تین ہی یعنی دو ثلث صورت اسکی بھی ہے ۱۰ اور مخرج کسر مضام کا
 حاصل ہوتا ہی ضرب کرنے سے دونوں مخرجوں کے جیسا کہ سدس عشر جاتے ہیں کہ مخرج
 مشترک بنا کر ضرب کرنا مخرج سدس کو کہ چھ ہی مخرج عشرین کہ دس ہیں سات
 حاصل ضرب ہو اسکا نام مخرج مشترک ہے اور مخرج کسر مضاف اضم کا جیسا کہ ایک جز

کیا راج کا اور ایک جزیرہ کا صورت اسکی واسطے دو نون مخمبین کے کیا را
 اور تیرا ہین ضرب کے کیا را کو تیرا ہین ایک سو ترالیس حاصل ضرب ہو پس مخرج مشترک
 ایک منہ کیا را اور ایک منہ تیرا کا ایک سو ترالیس حاصل ہوا اور مخرج کسر معطوف کا قیاس
 کرنا کہ دو نون مخمبین کے ایک کسر معطوف اور دوسرا کسر معطوف علیہ کیا نسبت ہے
 اگر تباہ ہو ضرب کرنا مخرج کسر معطوف کو مخرج کسر معطوف علیہ میں اور اگر توافقی ہو تو
 جزوفی کو ایک مخرج کے دوسرے کسر کے سالم مخمبین ضرب کرنا اور اگر دو نون مخمبین تباہ
 ہو تو کم عدد کو اگر اکتفا زیادہ عدد پر کرنا اور اس کو ذہن میں نگاہ رکھنا اور حاصل ضرب
 تباہ کو دیکھنا کہ مخرج کسر سیم سے کیا نسبت رکھتا ہے جس طرح کہ بیان کیا گیا عمل کرنا
 مثلاً چاہتے ہیں کہ مخرج مشترک کو سوتو کا معلوم کرنا مخرج نصف کا دو اور مخرج ثلث کا
 تین دو اور تین میں تباہ ہے ضرب کے دو کو تین میں حاصل ضرب چھ ہو پس اس چھ کو
 دیکھنا کہ مخرج کسر سو کم کہ چار میں کیا نسبت رکھتا ہے عدد چھ کا عدد چار نسبت
 توافقی بالنصف کی رکھتا ہے اس واسطے جزوفی کہ دو میں ضرب کے دو کو چھ میں حاصل
 بار ہو اس طرح دیکھنا بار کو چوتھے کسر کے مخرج سے کہ پانچ ہے اور عمل کرنا آخر مخرج کے

پانچ سو بیس مخرج مشترک کو سوتو کا ہی کہ اس مخرج مشترک بن مخارج کو سوتو کے موڈ
 ہیں جیسا کہ نصف اسکا دو ہزار دو سوت اور ثلث آت سو چالیس اور ربع چھ سو
 بیس اور خمس پانچ سو چار اور سدس چار سو بیس اور سبع تین سو سات اور ثمن تین سو
 پندرہ اور تسع دو سو اسی اور عشر دو سو پچاس سے مقدمہ تیسرا تجنیس اور
 رفع کسور کے بیان میں کہ اسکو بسیط ہی کہتے ہیں مراد اس ہے کہ عدد صحیح کو
 جنس کے معین کے برابر اجزا کرنا عمل اسکا یہ ہے کہ جو وقت عدد صحیح ہو کسر کے سات
 ضرب کرنا اس عدد صحیح کو مخرج بن اس کسر کے اور زیادہ کرنا اسپر وہی صورت کسر کو
 مثلاً مجنس دو صحیح اور ایک ربع کا نورع ہوتا ہے سو اسطے کہ دو عدد صحیح کو مخرج
 ربع میں کہ چار میں ضرب کے آت حاصل ہو یہ فی الحقیقت آت ربع ہیں کہ دو عدد
 صحیح کے آت ربع ہوتے ہیں زیادہ کئے اسپر صورت کسر کو کہ ایک ہے تو ہونو کو نسبت دے
 چارے نورع ہو بسط ظاہر ہے کہ دو صحیح اور ایک ربع کے مجنس نورع ہیں مثال
 دوسری مجنس چھ صحیح اور تین جنس کا تین تیس خمس ہے سو اسطے کہ چھ صحیح کو مخرج
 خمس میں کہ پانچ میں ضرب کے تیس حاصل ضرب ہو صورت کسر تین ہے اسپر زیادہ کئے تین متر

ہے مثال تیسری صحیح اسے مضاف کے مجنس پر صحیح اور ثلث سب کا بجایا ہے
 کو واسطیکہ چار صحیح کو مخرج ثلث بن کہ تین ہے ضرب کے بارہ حاصل ضرب ہو پھر بار کو مخرج
 سب میں کہ سات ہی ضرب کے چور یا سی ہو زیادہ کئے حاصل ضرب پر صورت کسر کہ ایک ہے
 بجایا سی ہے مثال فقط تجنیس کسر مضاف کی اول صورت کسر کو ضرب دیکر لکھنا پھر
 مخرج کو ضرب دیکر نیچے اس کے لکھنا مثلاً دو ثلث سے دس صوت اس کی ۲۰ چاہتے ہیں کہ
 تجنیس کریں ضرب کے دو نو صورت کسر کو کہ ایک اور دو ہیں حاصل دو ہو لکھے بعد ضرب کے
 دو نو مخرج کو کہ چھ اور تین ہیں اتھار ہو لکھے نیچے اس کے پر حاصل اس کا دو ۲۸
 اتھار ہو کہ حقیقت میں ایک سے ہے ہو المطلوب اور امتحان اس کا رفع
 کسور ہو تا ہی پھر اے رفع کرنا اگر وہی صورت حاصل ہو تو عمل صحیح ہے نہیں تو
 نقطہ مثلاً مجنس ایک صحیح اور ایک بع کا بائج ربع ہو پھر بائج کو تقسیم کئے چار پر
 وہی ایک صحیح اور ایک بع ہو اور رفع کسور اس کو کہتے ہیں کہ ایک جنس کے
 کسر کو صحیح بنانا مثلاً اگر چند کسریں ایک جنس کے ہو دیں کہ مجموعہ اس کا مخرج زیادہ
 ہو تو اس صورت میں بھی قابل رفع کسور کے ہی اس وقت اس کسر کو مخرج پر تقسیم کرنا

جو خارج قسمت نکلے وہی رفع اُن کسر و نکاحی یعنی کسر و نکودور کر کے صحیح بنا کر کہہ
 باقی رہے کس اسی جنس مخرج کی ہے مثال مرفوع پندرہ رابع کا تین صحیح اور تین ربع
 ہے کسو اسطیکہ مخرج ربع کا چار ہے پندرہ کو تقسیم چار پر خارج قسمت تین صحیح نکلے
 اور تین باقی رہے نسبت دئے تین کو چار سے تین ربع ہو پس خارج قسمت تین صحیح او
 تین ربع ہی مثال دوسری مرفوع بچیس جنس کا پانچ صحیح ہی کسو اسطے کہ تقسیم
 بچیس کو پانچ پر خارج قسمت پانچ صحیح ہی پس بچیس جنس کا رفع پانچ صحیح ہی علیٰ ہذا امتحان
 اسکا یہ ہے کہ پھر اسے تجنیس کرنا اگر پندرہ رابع ہوں تو عمل صحیح نہیں تو غلط فصل
 پہلا جمع کسور اور تضعیف کسور کے بیامین طریق جمع کسور کا یہ ہے
 کہ پہلے مخرج مشترک بنانا پھر مخرج کسور لے تقسیم کرنا خارج قسمت کو اسی مخرج کسور کی صورت
 کس میں ضرب دیکر حاصل کو لکھ رکھنا پھر اسی طرح مخرج مشترک کو دوسرا اور تیسرا
 مخرج کسور تقسیم کر کے خارج قسمت کو دوسرا اور تیسرا صورت کہ میں ضرب دیکر ان سب
 حاصل ضرب کو جمع کر کے مخرج مشترک پر تقسیم کرنا جو خارج قسمت نکلی انکی جمع ہی
 علیٰ ہذا جتنے کسیر ہوں بطریق مذکور کے عمل کرنا مثال جمع کسور کی مثلاً نصف

اور ثلث اور ربع جمع اسکی ایک صحیح اور نصف سس کے واسطے کہ مخرج مشترک ان کسروں کا
 بارہی صورت انکی یہ ہے $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ دو کو تین میں ضرب کئے کہ تباہی حاصل ضرب
 چھ ہوئے چھ دو چار میں توافق بالنصف ہے جزو فوق میں چار کے کہ دو ہی ضرب کئے
 چھ کو بارہ حاصل ضرب ہو گیا مخرج مشترک ہے کسروں کو تقسیم کئے اس مخرج مشترک کو
 دو پر کہ مخرج کسروں کا ہی چھ خارج قسمت ہو لکھے پھر تقسیم کئے بارہ کو تین پر چار خارج ہو
 پھر تقسیم کئے بارہ کو چار پر تین خارج ہو پائیں یک دو سر کے بدستو جمع لکھ کر جمع کے مجموعہ
 چھ چار تین کا تیرا ہوا صورت اسکی یہ ہے $\frac{12}{13}$ دیکھی اس مجموعہ کو مخرج مشترک سے کہ
 زیادہ ہے مخرج مشترک بارہ مجموعہ کسو تیرا تقسیم کئے تیرا کو بارہ پر خارج قسمت ایک صحیح اور
 سس یعنی $\frac{1}{13}$ حاصل نکلا اور اگر مجموعہ کسو مخرج مشترک سے اپنے کمر ہو نسبت بنا
 اسکو مخرج سے حاصل نسبت مطلوب ہے جیسا کہ مجموعہ سس اور ثلث کا تین سس یعنی
 نصف ہے کسواسطے کہ مخرج مشترک سس اور ثلث کا چھ ہی اور مخرج ثلث کا تین چھ اور
 تین میں نسبت متداخل ہے پس کم عدد کہ تین ہے کرادئے اور کثرتا زیادہ عدد پر کہ چھ
 ہے کئے پھر اس چھ کو مخرج سس تقسیم کئے خارج قسمت ایک نکلا پھر اس چھ کو تین پر

کہ مخرج ثلث کا ہی تقسیم خارج قسمت دو ہو ایک اور دو کو جمع کئے تین ہو نسبت کے تین کو
 چھ سے تین سے نسبت دیکھی کہ فی الحقیقت تین نصف ہے چھ کا ہو المطلوب
 اور اگر مجموع کس کو مخرج مشترک مساوی ہو تو ایک عدد صحیح حاصل ہوگا جیسا کہ مخرج نصف
 اور ثلث اور سب کا چھ ہی پس دو پر تقسیم کئے تین خارج ہو پھر تین پر تقسیم کئے دو خارج
 ہو پھر چھ پر تقسیم کئے ایک خارج ہو جمع کئے تین دو ایک کو چھ ہو پس مجموع کس کو چھ
 اور مخرج چھ ہی ہو دو نو مساوی ہیں تو ایک عدد صحیح جانا امتحان جمع کس کو کا چھ
 کہ وضع کرنا کسی ایک کس کو حاصل جمع میں سے موافق قاعدہ تفریق کے اگر باقی صورت
 دوسرے کس کی نکلے تو عمل صحیح ہی نہیں تو غلط مثال $\frac{3}{20}$ مخرج مشترک جمع کس کو
 از رو قاعدہ معلوم کے ایک صحیح $\frac{1}{2}$ سات میں ہیں ہو واسطے امتحان کے
 وضع کئے اور کس رو میں سے ایک کس کو مثلاً $\frac{1}{2}$ رجب کو ایک صحیح $\frac{1}{2}$ سات میں
 میں سے موافق قاعدہ تفریق کے وہی صورت کس اول کی کہ تین $\frac{1}{2}$ منسے باقی رہی ہے
 معلوم ہوا کہ عمل صحیح ہی اور عمل تضعیف کا بعینہ مانند عمل جمع کے ہی یعنی
 حقیقت میں دو کس ایک طرح کے جمع کرنا تضعیف ہے جیسا کہ بعض ایک ثلث کا

دو ٹکٹ اور مجموعی ایک ٹکٹ اور ایک ٹکٹ کا دو ٹکٹ پر عمل تضعیف میں کسر کو جمع
 کرنا مخرج سے اسکا کر یک جنس ہے ہو یا مخرج مشترک ہے اسکے کو مختلف ہو بعد اسکی تضعیف
 جائے کرنا صورت کسر کو اگر مخرج سے زیادہ ہو تو تقسیم کرنا نہیں تو نسبت دینا جیسا کہ مضاعف
 تین خمس کا ایک عدد صحیح اور ایک خمس سے کسواسطیکہ مضاعف صورت کسر کا کہ تین چھ
 ہو تقسیم کئے اس چھ کو پانچ ایک عدد صحیح اور ایک خمس خارج ہو کہ مضاعف تین خمس کا
 ہی اور اگر ضعف کسر کم ہو تو مخرج جیسا کہ چار سے مضاعف صورت کسر کا آتے اور
 مخرج نو پس مخرج پر تقسیم نہیں ہوتی نسبت دے آتے ہو کہ هو المطلوب امتحان
 تضعیف کا تضعیف ہے ہوتا ہے یعنی اس مضاعف کو پھر تضعیف کرنا اگر دو صورت حاصل
 ہو تو صحیح ہی نہیں تو غلط فصل دوسرا عمل تضعیف اور تفریق کسر
 کے بیان میں عمل تضعیف کا مانند عمل تفریق کے ہی طریق عمل تضعیف کسر کا اگر صورت
 کسر زوج ہو نصف کرنا صورت کسر کو اور نسبت دینا مخرج سے حاصل مطلوب ہے مثلاً
 دو ٹکٹ صورت کسر دو اور عدد زوج ہی نصف کئے ایک ہو اور مخرج تین نسبت دے
 ایک ٹکٹ ہو اعلیٰ مذکور اگر صورت کسر فرد ہو تو مخرج کو اسکے مضاعف کرنا اور صورت

کسرے نسبت دینا حاصل مطلوب ہے مثلاً تین ربع صورت کسر فرد نصف نہایت
 یعنی عدد تین کا نصف صحیح نہیں ہوتا پس مخرج کو مضاعف کئے آت ہو نسبت دے
 مخرج سے تین ٹمن ہو اور اگر کسر کے سات عدد صحیح ہو تجنیس کرنا جیسا کہ عمل تجنیس کے اول
 ہو اسی بعد تجنیس کو نصف کرنا اگر عدد زوج ہو کہ اور مخرج پر تقسیم کرنا اور اگر عدد فرد ہو
 مخرج کو مضاعف کرنا اور تجنیس کو مضاعف مخرج پر تقسیم کرنا اگر کچھ کسراتی ہے مخرج
 نسبت دینا کہ وہ کسرے پس خارج قسمت مع کسر نصف مطلوب ہی اس صحیح یا کسر کا
 مثال نصف پانچ صحیح اور ایک ثلث کا دو صحیح اور دو ثلث بھی کسواسطیکہ یا کچھ
 کے جس کسر کے تین ہے یعنی ضرب کئے تین کو پانچین بندہ حاصل ہو اضافہ کے متبر
 کسر اور اس کے کہ ایک ہے سولہ ہو نصف کئے سولہ کو کہ عدد زوج ہی آت ہو تقسیم کئے
 آت کو مخرج پر کہ تین ہے دو صحیح اور دو ثلث حاصل ہو پس خارج قسمت اور حال نسبت
 مطلوب ہے امتحان اس کا تضعیف ہے ہوتا ہی یعنی پھر اس نصف کئے ہو کو مضاعف
 کرنا اگر وہی صورت کلی تو عمل صحیح نہیں تو غلط عمل تفریق کسور کا یعنی فرق کرنا ایک
 کسر کو دوسرے طریق عمل اس کا ایسا ہی کہ اول تبادل مخرجین کرنا یعنی صورت کسور کو

مخرج کسراؤ میں ضرب دیکر حاصل نیچے خط عرضی کے محاذی کسراؤل کے لکھنا پھر سیر سے
 صورت کسراؤنی کو مخرج کسراؤل میں ضرب دیکر نیچے خط عرضی کے محاذی کسراؤنی کے لکھنا۔
 دو نو مخرج کو بے رعایت نسبت کے باہم ضرب دیکر مخرج مشترک بنانا اور وہ تبادل مخرج کے
 تناسب کو اس مخرج مشترک پر تقسیم کرنا اگر زیادہ ہو مخرج سے نہیں تو نسبت دینا پس یہ
 خارج نسبت یا حاصل نسبت تفاضل ان دو نو کا ہی اگر کسراؤں کی جمع کی خرچگی کسراؤں کم ہو تو تفاضل
 دکر باقی مثال اگر نقصان کریں ربع کو ثلث سے نصف سس یعنی سس باقی رہے گا
 اس واسطے کہ صورت کسراؤل کو کہ ایک ہے مخرج کسراؤنی میں کہ تین ہیں ضرب کیے حاصل تین
 ہو اس کو محاذی کسراؤل کے لکھے پھر صورت کسراؤنی کو کہ ایک ہے مخرج کسراؤل میں کہ چار ہیں
 ضرب کیے حاصل چار ہو نیچے خط عرضی کے محاذی کسراؤنی کے لکھے پس یہ تبادل مخرجین ہوا
 ان کا تفاضل کہ ایک ہے نسبت دے مخرج سے یعنی بارہ ایک سس ہو کہ نصف سس
 مثال دوری تین ربع اور دو ثلث تفاضل اس کا ایک سس ہو اس واسطے
 تین کو کہ مخرج کسراؤنی کا ہی ضرب دے صورت کسراؤل میں کہ تین ہے نو ہو لکھے نیچے خط عرضی
 کے محاذی کسراؤل کے پھر مخرج کسراؤنی کو کہ چار ہی صورت کسراؤل میں کہ دو ہی آتے حال

ہو لکھے نیچے خط عرضی کے محاذی مخرج ثانی کے پہلے تفاضل آ۲ اور نو کا ایک ہے لکھے پھر
 ضرب کے دو نو مخرج کو بے رعایت نسبت کے بارہ حاصل ہو نسبت دے ایک کو بارہ سے
 ایک مہاسبہ بارہ ہو کہ یہ ہر تفاضل ہے یعنی اگر تین ربع میں سے دولت کم کریں مہاسبہ باقی
 رہے گی اور اگر دو صحیح باکسر ہوں تو مجنس کر کے بستونہ کو رکے عمل کرنا مثال دو صحیح
 اور ایک ربع میں سے ایک صحیح ایک ثلث نقصان کے باقی کیا مہاسبہ بارہ ہے جیسا کہ دو
 صحیح اور ایک ربع کا مجنس نو ربع ایک صحیح اور ایک ثلث کا مجنس چار ثلث ہوا لکھے نیچے
 خط عرضی کے پہر تبادل مخرجین کے یعنی تین کہ مخرج کس ثانی کا ہی ضرب کے نوین کہ صوت کسر
 اول کی ہے ستائیس حاصل ہو لکھے نیچے خط عرضی کے پہر اسی طرح ضرب کے مخرج کسر اول کو
 صوت کس ثانی میں کہ چار چار ہیں سو لا حاصل ہو تفاضل ان دو نو کا کیا رہی ضرب کے دو نو
 مخرج کو کہ چار اور تین ہیں بارہ ہو نسبت دے کیا بارہ سے کیا مہاسبہ تفاضل حاصل ہوا
 امتحان اسکا یہ ہے کہ جمع کرنا حاصل تفریق کو منقص کے ساتھ موافق قاعدہ جمع کسو کے
 اگر صوت منقص نہ کی کلی تو عمل صحیح نہیں تو غلط مثلاً منقص نہ ۱۰ منقص نہ ۱۰ چاہا
 اور دو تبادا مخرجین ۲۲ تفاضل ۲ ضرب مخرجین ۸ تخفیف روشن کی ۱۰ ۱۰ منقص نہ ۱۰ منقص نہ ۱۰

۲ تفاضل ۴ تخفیف دوشن کی پس تفاضل اسکا ایک بع ہوا واسطے امتحان کے
 ۸ ضرب برضین جمع کئے تفاضل کو منقص کے ساتھ وہ بھی ایک بع ہے جمع ان دونوں کی نصف ہوئی اور
 صورت منقص کی یہ نصف ہے ہوا المطلوب فصل تیسرا ضرب کسور کے
 بیان میں اس میں پانچ قسم ہیں قسم پہلی کسر کو کسر بن قسم دوسری کسر کو
 فقط صحیح بن قسم تیسری صحیح با کسر کو دوسرے صحیح با کسر بن قسم چوتھی صحیح کو
 صحیح با کسر بن قسم پانچویں کسر کو صحیح با کسر بن عمل قسم اول کا کسر در کسر ہے
 دونوں صورت کسر کو ضرب کر حاصل ضرب کو حاصل اول نام رکھنا پہر دونوں مخرج کو بے رعایت
 کھرب دیکر حاصل ضرب کو حاصل ثانی نام رکھنا پہر حاصل اول کو حاصل ثانی پر تقسیم کرنا خارج
 قسمت حاصل ضرب ہی اگر مخرجے زیادہ ہو نہیں تو نسبت دنیا مثال چاہتے ہیں کہ
 دو ثلث اور تین ربع کا حاصل ضرب معلوم کرنا چھ مہاسبہ بار حاصل ہو یعنی ایک نصف
 کو واسطے کہ صورت کسر اول کو صورت کسر دوم میں کہ دو اور تین ہیں ضرب کئے حاصل ضرب چھ
 ہو اسکا نام حاصل اول رکھے پہر دونوں مخرج کو کہ تین اور چار ہیں ضرب کئے حاصل ضرب بار
 ہو نسبت دے حاصل اول کو حاصل ثانی ہے چھ مہاسبہ بار حاصل ضرب ہو یعنی ایک نصف

عمل قسم دوسرے کا کہ کسر کو فقط صحیح میں صحیح کو صورت کہ میں ضرب کر کے منہ
 پر تقسیم کرنا خارج قسمت حاصل ضرب ہے پس دو ثلث اور چار صحیح کا حاصل ضرب $\frac{2}{3} \times \frac{4}{1} = \frac{8}{3}$ صحیح
 دو ثلث ہوا ضرب کے صورت کسر کو صحیح میں کہ در اور چار میں آت حاصل ضرب ہوے
تقسیم کے آت کو مخرج پر کہ تین ہے خارج قسمت دو صحیح اور ثلث ہوے **عمل قسم ستر کا**
 صحیح بالکسر کو صحیح بالکسر میں مجنس کرنا صحیح کو پھر بہتور عمل مثال دو صحیح اور ایک بع مضروب
 اور چار صحیح ایک نصف مضروب فیہ ہی مجنس دو صحیح ایک بع کا نو ربع ہوا اور مجنس چار صحیح ایک
 نصف کا نو نصف ہوا پس ضرب کے دو نو صورت کسر کو کہ نو نو میں کیا سی ہو حاصل اول نام ہے
 پھر ضرب کے دو نو مخرجوں کو کہ چار اور دو میں آت ہو حاصل ثانی نام رکھے پھر تقسیم کے حاصل
 اول کو حاصل ثانی پر خارج قسمت دس صحیح اور ایک ثمن نکلا یہی مطلوب سطر سے ہر ستر کا
عمل جس قسم کا کہ مضروب اور مضروب فیہ ہو مجنس کر کے عمل کسر کرنا امتحان اس کا
 تقسیم سے تو باہی تقسیم کرنا حاصل ضرب کو کسی ایک مضروب میں پر اگر خارج قسمت صورت
 دوسرے کسر کی نخلی تو عمل صحیح نہیں تو غلط مضروب مضروب فیہ حاصل ضرب تقسیم
 کے کسی ایک مضروب میں پر مثال تین ربع پر موافق ضابطہ کے جو وہی صورت مضروب کی

کہ نصف سے نکلے ہو والمطلوب فصل چوتھا تقسیم کسر کے بیان میں پھر
 تقسیم اول صحیح اور صحیح کے کہ بیشتر صحاح میں کہہ رہا تھا آت قسم
 دوسری قسمت فقط صحیح کی اور صحیح باکسر کے تیسری قسمت فقط کسر کی اور فقط
 کسر کے چوتھی قسمت کسر کی اور صحیح کے پانچویں قسمت کسر کی اور صحیح باکسر کے
 چھٹی قسمت صحیح باکسر کی اور صحیح باکسر کے کہ مقسوم اور مقسوم علیہ دونوں صحیح باکسر ہوں
 ساتویں قسمت صحیح باکسر کی اور صحیح کے آٹویں قسمت صحیح باکسر کی اور کسر کے
 طریق عمل کا تمام اقسام مذکورہ میں ایسا ہے کہ اول تبادل مخربین کرنا اور بعد مقسوم
 کو مقسوم علیہ پر تقسیم کرنا اور اگر مقسوم اور مقسوم علیہ صحیح باکسر ہو تجنیس کرنا اگر مقسوم
 صحیح باکسر اور مقسوم علیہ فقط کسر ہو تو بھی جس کرنا اور صورت کسر کی بنانا پس تقسیم کرنا
 مقسوم کو مقسوم علیہ پر اگر زیادہ ہو نہیں تو نسبت دینا اور اگر مساوی ہو تو ایک
 صحیح بنانا پس خارج قسمت یا حاصل نسبت مطلوب ہو گا تمام اقسام صورت کسر کی بنا کر
 عمل فقط کسر در کسر کا کرنا مصنف کتاب خلاصہ نے مثال تین قسم کے بیان کیا اور باقی کو
 کہا ہے کہ اس قیاس پر استخراج کرو اور بعض مترجموں نے بطریق اجمال کے بیان کئے ہیں

اگر مبتدیان کو سمجھنا اجمال کا، شولہ ہوتا ہے اس واسطے عاصی نے واسطے سمجھنے مبتدیوں کے ہر قسم کو
 اسی ایک قاعدے مع اعمال اور مثالوں کے لکھا **اول** قسم صحیح کی اور سر کے پہلے مقسوم اور
 مقسوم علیہ پر علامت کرنا پھر صحیح کو مجنس کر کے جس مخجل کی تجنیس ہے نیچے اس کے لکھنا پھر مقسوم کو
 مقسوم علیہ تقسیم کرنا یا تبادُل مخضین کے مقسوم کو مقسوم پر تقسیم کرنا خارج مسئلہ ہی **مثال** دو صحیح کو چاہتے ہیں
 کہ تین ربع پر تقسیم کریں خارج قسمت دو صحیح اور دو ثلث ہو کہ واسطے کہ اول دو صحیح کو
 مجنس کے مخرج ربع یعنی ضرب کے چار کو دو میں حاصل آتے ہو پھر مخرج کو کہ چار میں نیچے
 آتے کے لکھے نسبت دے آتے ربع ہو اور تین ربع کہ کسر لکھے مقابل میں اس کے کہ دو صحیح
 ہی صورت کسر کی پیدا کیا یعنی تقسیم دو صحیح کی تین ربع پر فی الحقیقت آتے ربع کو تین
 ربع پر تقسیم کرنا ہی عمل تقسیم کا اول تبادل مخضین کرنا یعنی ضرب کرنا چار کو آتے میں
 حاصل تیس ہو لکھے نیچے مخرج کسر کے اول کے پھر ضرب کے چار کو تین میں بار حاصل ہو
 لکھے نیچے مخرج کسٹانی کے تیس اور بار کہ تبادل مخضین ہیں تقسیم کے تیس کو بار خارج
 قسمت دو صحیح اور آتے $\frac{1}{12}$ بار ہو تخفیف کے آتے $\frac{1}{12}$ بار کو دو ثلث ہو خارج قسمت
 دو صحیح اور دو ثلث ہیں **مثال** دوسرے قسم کی کہ صحیح اور صحیح باکسر

جاتے ہیں کہ تین صحیح کو دو صحیح ایک نصف پر تقسیم کرنا خارج تمت ایک صحیح ایک خمس ہوا
 اول نمائے یعنی ضرب کے دو کو کہ مخرج نصف کا ہی تین میں کہ صحیح ہے چھ نصف ہو لکھے
 پنج خط عرضی کے پھر خمس کے دو صحیح کو مخرج نصف سے پانچ نصف ہو پھر تبادل مخرجین کے
 یعنی دو کو چھ میں ضرب کے بارہ حاصل ہو لکھے پنج خط عرضی کے پھر ضرب کے دو کو پانچین جمل
 دس ہو بستو سابق لکھے تقسیم کے بارہ کو دس پر خارج تمت ایک صحیح اور دو عشر یعنی ایک
 خمس نکلا ہو المطلوب مثال دوسری دوسرے قسم کی جاتے ہیں کہ تین صحیح کو
 پانچ صحیح اور ایک نصف پر تقسیم کرنا اول خمس کرنا تین صحیح کو مخرج نصف سے چھ نصف ہو
 پھر خمس کے پانچ صحیح ایک نصف کو یکا را نصف ہو تبادل مخرجین کے مقسوم بارہ اور مقسوم
 بائیس ہو پس بارہ بائیس پر تقسیم نہیں ہو سکتی نسبت دئے بارہ اسٹے بائیس کو یعنی ہر
 کا حصہ ایک صحیح کے بائیس جز میں سے بارہ جز میں مثال تیسرے قسم کی کہ کسر اور کسر کے
 جاتے ہیں کہ تین ربع کو دو ثلث پر تقسیم کرنا ایک صحیح ایک من خارج تمت ہوا اول تبادل مخرجین
 کے نو مقسوم اور آٹ مقسوم علیہ ہو تقسیم کے نو کو آٹ پر ایک صحیح ایک من ہو مثال
 دوسرے قسم کی جاتے ہیں کہ ایک نصف کو تین ربع پر تقسیم کریں دو ثلث خارج تمت

ہو اول تبادل مخزن کے معنوم چارہ و مقوم علیہ چھ نسبت دے چار کو چھ سے چار سدر
 نسبت دے کئی تخفیف اسکی دولت ہے مثال چوتھے قسم کی کہ کسر اور صحیح کہ جانتے
 ہیں کہ دوسرے کو دو صحیح تقسیم کرنا بار ام ^{۱۲} بہتر خارج قسمت ہو اول مخزن کے دو کو بار
 سدس ہو اور دوسرے جو دین تبادل مخزن کے بار اور بہتر ہو پس بار ^{۱۲} خارج قسمت
 ہو تخفیف اسکی ایک سدس ہے ہو المطلوب مثال پانچویں قسم کی کہ کسر اور صحیح
 باکسر کے جانتے ہیں کہ پانچ سدس کو دو صحیح اور تین جنس پر تقسیم کرنا خارج قسمت پچیس
^{۲۵} اٹھتر ہو یعنی مخزن دو صحیح تین جنس کا تیرا جنس ہو پانچ سدس کے موجود ہے تبادل مخزن
 اسکا پچیس ^{۲۵} اٹھتر ہو فافہم مثال چھٹے قسم کی کہ صحیح باکسر اور صحیح باکسر کے
 جانتے ہیں کہ تین صحیح اور چار سدس کو دو صحیح اور دوسرے پر تقسیم کرنا خارج قسمت ایک
 صحیح بار ^{۱۲} اکیس ہو اول مخزن کرنا مخزن تین صحیح چار سدس کا بائیس سدس ہو ایک
 نیچے خط عرضی کے بعد مخزن کے دو صحیح دوسرے کو چار سدس ہو پہر تبادل مخزن کے ایک سو
 تیس اور چورایسی ہو تقسیم کے ایک سو تیس کو چورایسی پر خارج قسمت ایک صحیح اترتالیس
^{۳۸} چورایسی ہو تخفیف اسکی بار ^{۱۲} اکیس ہو پس ایک صحیح بار ^{۱۲} اکیس

۱۲۳ مرتبہ ہو ہو المطلوب مثال ساتویں قسم کی نسبت صحیح باکسر کی اور صحیح کے
 چاہتے ہیں کہ دو صحیح اور تین سدس کو چار صحیح پر تقسیم کرنا نو ذمہ ایک سو چوان لیس کو
 کو واسطے کہ جنس کے دو صحیح تین سدس کو پندرہ سدس کو پھر جنس کے چار صحیح کو مخرج سدس
 چوبیس سدس ہو پھر تبادل مخرجین کے نو اور ایک سو چوان لیس ہو پس نو ایک سو
 چوان لیس پر تقسیم نہیں ہوتی نسبت کے نو ذمہ ایک سو چوان لیس ہو تخفیف اس کو
 ۱۲۴ ہو المطلوب مثال آٹویں قسم کی کہ نسبت صحیح باکسر کی اوپر کسر کے
 چاہتے ہیں کہ دو صحیح اور ایک بع کو دو ثلث پر تقسیم کرنا خارج نسبت تین صحیح اور تین
 ثمن کے جنس کے دو صحیح ایک بع کو نو بع ہو دو ثلث کہ موجود ہیں تبادل مخرجین کے سائیر
 اور آٹھ ہو تقسیم کے سائیر کو آٹھ پر تین صحیح اور تین ثمن خارج نسبت ہو ہو المطلوب
 نو تم تقسیم اس کے تمام ہو ایک قاعدہ سے امتحان اس کا ضرب ہو با خارج نسبت کو
 مقسوم علیہ میں ضرب کرنا اگر صورت مقسوم علیہ کی کلی تو عمل صحیح نہیں تو غلط مثلاً
 مقسوم ۱۰ مقسوم علیہ ۱۰ خارج نسبت ۱۰ تخفیف ۱۰ خارج نسبت ۱۰ اور مقسوم علیہ ۱۰
 کو ضرب دینے سے حاصل ایک ثمن ہو کہ صورت مقسوم کی ہی فضل بانچوان استخراج

جذر و کعب کسر کے بیان میں طریق عمل سکا یہ ہے کہ صورت کسر کو جذر مخرج

کسر پر تقسیم کرنا اگر جذر صورت کسر کا جذر مخرج کسر سے زیادہ ہو تقسیم کرنا جذر صورت کسر کو

جذر مخرج پر نہیں تو نسبت دینا خارج قسمت یا حاصل نسبت مطلوب ہے اور اگر صحیح

با کسر ہو تجنیس کرنا موافق قاعدہ معلوم کے پھر جذر صورت کسر کا جذر مخرج پر تقسیم کرنا اگر

زیادہ ہو نہیں تو نسبت دینا مثال فقط جذر کسر کے جذر چارے کا دثلث

ہے کو واسطے کہ جذر نو کا تین اور جذر چار کا دو نسبت دے دو کو تین سے دوثلث ہو

ہو المطلوب مثال جذر صحیح با کسر کی جیسا کہ جذر چھ صحیح اور ایک ربع کا دو صحیح

ایک نصف ہی کو واسطیکہ مجنس چھ صحیح اور ایک ربع کا پچیس ربع ہی جذر پچیس کا

پانچ اور جذر چار کا دو ہی تقسیم کئے پانچ کو دو پر خارج قسمت دو صحیح ایک نصف نکلا ہو

المطلوب مثال دوسری فقط جذر کسر منطوق کی جاتے ہیں کہ جذر چارے کا

نکالیں جذر کسر کا کہ چار ہے دو ہو اور مخرج کہ نو ہی جذر اس کا تین ہو اور دو کو نسبت دے

تین سے دوثلث ہو پس جذر چارے کا دوثلث ہو اهو المطلوب مثال تیسری

جذرا صم کی جذر پانچ ربع کا پچپن $\frac{55}{40}$ میں ست ہی کو واسطیکہ جذر پانچ کا دو صحیح

ایک خمس ہے موافق قاعدہ جذر صحاح کے اس طرح کہ دو کو فی نصف ضرب کئے چار ہو باقی رہا
ایک باقی ہے مخرج بطریق معلوم کے یعنی دو کو دو سے جمع کئے اور ایک اضافہ کئے پانچ ہو
نسبت دئے ایک کو پانچ سے ایک خمس ہو اور پانچ کا دو صحیح ایک خمس ہے لکھے پھر
اسی قاعدہ سے حاصل کئے جذر ساکتا دو صحیح تین خمس نکلا تقسیم کئے جذر کسر کو جذر مخرج پر
موافق ضابطہ تقسیم کسے کے تبادل مخرجین پچیس میں ست ہو مقسوم کم مقسوم علیہ
زیادہ نسبت دئے پچیس $\frac{۵۵}{۶۰}$ میں ست ہو ۷ ہو المطلوب قاعدہ استخراج
جذرا صم کا موافق ضابطہ مصنف خلاصۃ الحساب کے بطریق قاعدہ صحاح کے کمر اسمیں
زیادہ کسر رہتی ہے اور قاعدہ اول سے کسر بہت کم رہتی ہے سب طرح کی اختلاف
وقع میں وہی قاعدہ جاری رکھنا اور یہ قاعدہ مصنف کا ہی لکھا کیا کہ حاجت
نہیں ہے قاعدہ استخراج جذرا صم کا اگر محسوس کسر کا اور مخرج کسر کا دونوں اصم
ہوں ضرر نہ کرنا محسوس کسر کو مخرج کسر میں اور لینا جذر تقریبی حاصل کو جیسا کہ
معلوم ہوا ہی جذرا صم صحاح میں عمل اقرب مجذورات کا اور تقسیم کرنا اسکو مخرج کی
خارج سمت پر مطلوب ہے مثال جاتے ہیں کہ جذر تین صحیح اور ایک نصف کا معلوم

کرنا مجمل اسکا سات ہی ضرب کرنا سا کو مخرج نصف میں کہ دو ہی حاصل چودا ہو

پس لینا جذر تقریباً اتنے کہ اقرب مجذورات چودا کا نوہی کرادے پانچ باقی رہے او

جذر نوکاتین ہی مضغف کے چہ ہو ایک و پر اسکی زیادہ کئے سات ہو پانچ کو نسبت دے

سات پانچ سبع ہو تقسیم کے مخرج نصف پر کہ دو ہی موافق ضابطہ تقسیم کسور کے خارج

نسبت ایک صحیح اور چہ سبع ہو کہ جذرتین صحیح اور ایک نصف کا ہی صورت عمل کی

صورت عمل کی
جذر ۲۲

حکامی باقی نے اپنے تصنیفات میں اسلکے ہیں کہ جذرا صم کوئی شخص نہیں جانتا مگر اللہ جل شانہ

مالا یعلم جذرا الا صم الا هو تقریباً ضرب مخرج نصف میں

کہ حاصل ہوتا ہی قاعدہ اول کے ظاہر ہے

کہ کسب بہت کم رہتی ہے اور اس قاعدہ سے کثیرا

رہتی ہے مثلاً قاعدہ او ا ہے جذرے تیز

صحیح ایک نصف کا کالیں محسوس ہیں صحیح ایک

نصف کا سات نصف ہو جذریات کا دو صحیح

محسوس ضرب مخرج نصف میں
مثلاً ضرب مخرج نصف میں
نہ چودا سے اقرب مجذورات کا
نصف حاصل ہوتا ہے
باقی ماندہ
جذرات مجذورات کو ملاتے
جذرات نصف کا ہی
جذرات نسبت معلوم

تین خمس اور جذر دو کا ایک صحیح ایک ثلث مجنس دو صحیح تین خمس کا تیرا خمس اور ایک صحیح ایک ثلث
 کا چار ثلث تبادل مخزجین اسکا انچالیس اور بیسھے تقسیم کئے انچالیس کو بین بر ایک صحیح
 انیس ^{۱۹} بیس ہو پس انیس منسہ بیس کم ہن چھے سبع یعنی اگر اسکو فی نفسہ ضرب یوز
 نو کسر کم اگلی اور چھے سبع کو فی نفسہ ضرب یوز نو کسر تین صحیح ایک نصف میں زیادہ حاصل
 ہو کی اور طریق کھانے کعب کو منطق کا ایسا بھی کہ تقسیم کرنا کسر کے کعب کو مخزج کے کعب
 خارج سمت کعب اس کسر کا ہی مثلاً چاہتے ہن کہ کعب آت جز نسبتائیں ضرب کا معلوم
 کریں کعب کسر کا دو اور کعب مخزج کا تین ہے نسبت دئے دو ثلث ہوئے یہی مطلوب اسطرح
^{۲۲} کعب آت کا کعب تائیں کا نسبت اور اگر کعب کسر کا اصم ہو چاہئے کہ کسر
 ایک کم کر کے تین میں ضرب کرنا اور حاصل کو مخزجین ضرب کرنا کعب حاصل ضرب کا لیکر
 مخزج پر تقسیم کرنا خارج سمت پھر کعب اس کسر کا ہی مثلاً کعب تین ربع کا چون ^{۲۴} م
 چتر ہے کعب ^{۲۴} کعب اور قاعدہ کھانے کعب منطق صحیح بانس کا
 ایسا ہے کہ کعب تجنیس کا لینا اور کعب مخزج پر تقسیم کرنا خارج سمت مطلوب ہی
 مثلاً چاہتے ہن کہ کعب تین صحیح اور تین ثمن کا معلوم کریں تجنس کے شائیں

ہوئے کعب او سکاتین ہے اور کعب مخرج کا دو ہی تقسیم کئے ایک صحیح اور ایک
 نصف نکلا کہ وہ کعب تین صحیح اور تین ثمن کا ہے اسطرح سے صورت اسکی
 کعب اور اگر کعب اصم صحیح باکر کا کانا منظور ہو قاعدہ اسکا ایسا ہی کہ
 تعد تجنیس سے ایک کم کرنا اور باقی کو تین میں ضرب دینا حاصل ضرب کو
 مخرجین ضرب کرنا پھر کعب حاصل ضرب کا لیکر مخرج پر تقسیم کرنا خارج قسمت
 کعب مطلوب ہے مثلاً جانتے ہیں کہ کعب تین صحیح ایک نصف کا کانا
 تجنیس کے ساتھ ہو ایک کم کئے چھ سے تین میں ضرب دے اہتار ہو پھر مخرجین کہ دو ہی
 ضرب کئے چھتیس ہو کعب اسکالے تین صحیح اور نو چھتیس تین سے اور طریق مخرج
 بنانے کا ایسا ہے کہ تین صحیح کہ اوپر جدول کے ہر ایک زیادہ کئے چار ہوئے
 تین میں ضرب کئے بارہ ہوئے پھر اسکو اسے تین صحیح میں ضرب کئے
 چھتیس ہوئے ایک سے پھر زیادہ کئے سین تیس ہوئے کہ مخرج ہے
 اور کر اسکی نو ہے پس تین عدد صحیح اور نو جز تین تیس جزو
 میں سے تمام کعب اصم مطلوب ہے صورت اسکی یہ ہے

فصل چھٹا تحول کے دو کے بایمیں یعنی خواہ

کرنا ایک کسر کو دوسرے کسر کے طریق عمل اسکا یہ ہے کہ

صورت کسر کو جس مخرج سے کہ تحول چاہتے ہیں اس مخرج میں ضرب کر کے

حاصل ضرب کو مخرج محول تقسیم کرنا خارج قسمت مطلوب ہے

مثلاً چاہتے ہیں کہ پانچ سب کے کتنے ثمن ہو معلوم کریں

ضرب کیے پانچ کو کہ صورت کسر کی ہے مخرج ثمن میں کہ آت میں

چالیس حاصل ہو تقسیم کے چالیس کو سات پر کہ مخرج سب کا ہے

خارج قسمت پانچ ثمن اور پانچ سب ثمن کلی مثال دوسری

دو خمس کی کتنے سدس ہو میں معلوم کرنا چاہتے ہیں ضرب کے دو

کو مخرج سدس میں کہ چھ میں بار حاصل ہو تقسیم کے بار کو مخرج

کسر خارج قسمت پانچ سدس اور دو خمس سدس ہو یہی مطلوب امتحان اسکا یہ ہے

کہ خارج قسمت کو مع کسر جمع کرنا اگر وہی صورت کسر اول کی نکلی تو صحیح نہیں تو غلط مثلاً

اس مثال میں پانچ ثمن اور پانچ سب ثمن نکلتے ہیں جمع کیے پانچ ثمن اور پانچ سب ثمن کو وہی

کسر

تجزیہ

۲ ضرب تین میں

۱۲ ضرب مخرج

۳۶

۲	۶
۲	۹
۳	۴
۳	۳

قسمت کسر کی

قسمت

خارج قسمت

۲۶

پانچ سو باب تیسرا استخراج مجہولات کے بیان میں اربعہ نسبت
 کے عمل سے اربعہ متناسبہ اہل حساب کے اصطلاح میں اسکو کہتے ہیں کہ چار عدد
 ایسے ہوں کہ جیسی نسبت ایک کی دوسری ہے ویسی نسبت تیسرے کی چوتھے سے ہوگی
 یعنی اگر عدد اول نصف ہے دوسر کا ویسا ہی تیسرا نصف ہو چوتھے کا علی ہذا
 العین اس ربع سے وغیرہ اصطلاح محاسبین عدد اول کو طرف اول کہتے ہیں اور
 دوسرے کو وسط اول اور تیسرے کو وسط ثانی اور چوتھے کو طرف آخر پس دو طرفین اور
 دو وسطین میں اور دوسری تعریف اسکی بھی ہے کہ سطح طرفین مساوی ہو سطح
 وسطین کو یعنی اگر ضرب کرین طرف اول کی عدد کو طرف آخر کے عدد میں پس حاصل
 ضرب برابر ہو سطح وسطین کو یعنی حاصل ضرب نو عدد دو سطحین کو مثلاً
 دو چھ تین نو جیسا کہ نسبت دو کی چھ سے ویسی ہی نسبت تین کی نو سے یعنی
 دو ثلث ہی ہے چھ کا ویسا ہی تین ثلث بی نو کا اور سطح طرفین یعنی حاصل ضرب دو
 اور نو کا اٹھایا ویسا ہی سطح وسطین یعنی حاصل ضرب چھ تین کا ہی اٹھارہ ہے
 پس مساوی ہے سطح طرفین سطح وسطین کو جسوقت کہ عددان چار عدد کے کوئی

ایک مجہول ہو طریق استخراج اسکا ایسا ہی کہ اگر عدد وسطین سے کوئی ایک مجہول ہو سطح طرفین کو وسط معلوم پر تقسیم کرنا خارج قسمت عدد مجہول ہے اور اگر کوئی عدد طرفین سے مجہول ہو سطح وسطین کو طرف معلوم پر تقسیم کرنا خارج قسمت مطلوب ہے مانند مثال مذکور کہ طرف اول معلوم وسط اول معلوم وسط ثانی مجہول طرف ثانی معلوم دو چیزوں معلوم اور وسط ثانی مجہول سے سطح طرفین کہ اتہار ہی وسط اول معلوم پر کہ چیز ہی تقسیم کئے تین حاصل ہو اور اگر کوئی طرف مجہول ہو سطح وسطین کو طرف معلوم پر تقسیم کرنا خارج قسمت مطلوب ہے مثلاً اگر طرف آخر نو مجہول ہو دین سطح وسطین کہ اتہار ہی طرف معلوم پر کہ دو ہی تقسیم کئے نو خارج قسمت ہو هو المطلوب پس واسطے استخراج سوال کے کہ وہ سوال اگر زیادہ اور نقصان کرنے عدد کا ہو طریق استخراج اسکا یہ ہے کہ کوئی عدد طرف اول پر فرض کر کے موافق سوال سایل کے عمل کر کے وسط ثانی کرنا اور طرف آخر پر وہ عدد کہ عطا کیا ہو سایل کا ہی لکھنا پس موافق مذکور کے سطح طرفین کو وسط معلوم پر تقسیم کرنا خارج قسمت مطلوب ہے اور اگر سوال معاملات میں ہو طرفین اور ایک وسط سایل عطا کرنا ہی وسط مجہول

موافق قاعدہ معلوم کے نکالنا مثلاً سوال عدد کا اگر کھئے کو نسا عدد ہی کہ اسپر زیادہ

کیا جاو ربع اسی عدد کا تو تین حاصل ہو صورت عمل کی $\frac{3}{4}$ $\frac{5}{6}$ $\frac{7}{8}$

طرف اول پر چار فرض کئے اور موافق سوال سائل کے کہ ربع زیادہ کرو کہا ہمارے چار کا

ایک ہے زیادہ کئے پانچ ہو پانچ کو وسط اول کئے اور طرف آخر تین کہ عطا کیا ہو سائل

کہا تھا لکھے پھر سطح طرفین کہ بارہی تقسیم کئے وسط اول پر کہ پانچ ہیں دو صحیح اور دو خسر

نکلے لکھے وسط آخر پر اور پھر دو صحیح دو خسر مطلوب ہے اگر ربع اسکا کہ تین جنس ہیں

اسپر زیادہ کریں تین صحیح ہوئے اور تعریف اسکی کہ سات کئے گئی برابر ہی کہ سطح طرفین

مساوی ہے سطح وسطین کو سوال دو سراعد کا کو نسا عدد ہی کہ اگر خمس اسکا

اسے کم کریں اور باقی کو سات میں ضرب دیں اور حاصل ضرب کو نصف کر کے تین ہیں

ضرب کریں تو درست ہو طریق استخراج اسکا ربع متاسبہ سے ایسا ہی کہ اول عدد طرف

اول پر فرض کرنا مثلاً اس مثال میں پانچ فرض کئے سائل کھاتا خمس اسکا اے کم کرو

خمس پانچ کا ایک ہے کم کئے چار باقی رہے چار کو سات میں ضرب کئے حاصل آٹھائیس ہو حاصل

نصف کئے چودا ہو چودا کو تین میں ضرب کئے حاصل ضرب سیالیس ہو پس موافق سوال کے عمل کئے

ہو کی جنس کے پانچ سیر ہے عدد پانچ کا طر اول کرنا اور قیمت کہ تین روپے میں عدد تین کا وسط
 اول کرنا اور دوسرے قیمت اسکی معلوم کرنا منظور ہے وسط دوم کرنا قیمت دوسرے
 کی معلوم کرنا منظور ہے موافق قاعدہ معلوم کے سطح وسطین کو طرف اول معلوم پر تقسیم
 کرنا خارج قیمت ایک و بیاض مع اور ایک منس روپکا یعنی پانچ آنے اور با پنجواں حصہ ایک آنکا
 قیمت دوسرے کی ہی صورت علی سیر — قیمت — قیمت طلب آثار مجہول قیمت دوسرے کی
 اور سطح طرفین کہ چھ ہی ساوی ہے سطح وسطین کا کہ بہہ ہی چھ ہی ہو المطلوب
 سوال دوسرے معاملہ میں اگر گئے کوئی جنس پانچ سیر تین روپے کو دور و پیہ کے
 کتنے سیر ہو کے مثال اول میں قیمت مجہول تہی اور اس مثال میں وزن جنس کا مجہول ہے پیر
 پانچ کیر وزن ہے عدد پانچ کا طرف اول پر لکھنا اور تین روپے کہ قیمت ہی وسط اول
 کرنا اور دور روپے کہ وزن خریدی جنس اسکی مطلوب ہے طرف آخر کرنا پس سطح طرفین کو
 وسط معلوم پر تقسیم کرنا خارج قیمت کہ تین معیم یعنی تین سیر اور ثلث یعنی تہہ
 سیر کا وزن جنس کا دور روپے کو ہو کا اور ثلث سیر یعنی تیسرا حصہ اگر چہ رایے
 روپے کا سیر ہو تو اتھائی روپے وزن تیسرے حصہ سیر کا ہے صورت عمل کی

سیر قیمت — مجہول وزن ضرب کا قیمت — سوال فرایض
 میں اگر کہا جاوے کہ زکوٰۃ دو سو کو پانچ روپے واجب ہے ہزار روپے کی کتنی زکوٰۃ ہوگی
 پس پانچ روپے طرف اول اور دو سو وسط اول اور ہزار طرف آخر کہ عدد زکات ہزار
 کا معلوم کرنا منظور ہے وسط دوم مجہول طرف آخر کو کہ ہزار ہی طرف اول میں ضرب کیے
 پانچ ہزار ہو وسط معلوم پر تقسیم کیے پچیس خارج ہو کہ زکوٰۃ ہزار کی ہے سوال دوم
 فرایض میں اگر سوال کریں کہ دو سو پانچ روپے پس کتنے روپے کے تین روپے
 زکوٰۃ ہوگی پانچ طرف اول دو سو وسط اول اور تین وسط دوم اور طرف آخر مجہول
 سطح وسطین کو طرف آخر پر تقسیم کیے ایک ہزار دو سو خارج ہو پس یک ہزار دو سو کی زکوٰۃ تین روپے
 ہوگی صورت علی زکوٰۃ — روپے زکوٰۃ ادا کرنے کے — زکوٰۃ — روپے زکوٰۃ ادا کرنے کے
 معلوم کیا جائے اربعہ متاسبہ سے وہ سوال استخراج تھیں ہوتا کہ اگر زیادہ نقصان
 کرنا ایسے عدد کا ہو تو کہ وہ عدد اسے نسبت نہ رکھتا ہو مثلاً سوال کیا جاوے
 کونسا عدد ہے کہ اس کے نصف پر چار یا آٹ زیادہ کئے جاوے تو تیس ہے استخراج اسکا
 اربعہ متاسبہ سے محال ہے مگر خطائیں اتفاق سے باب چوتھا استخراج

مجہولات کے بایں عمل سے خطائیں کے عمل خطائیں کو زائد سابق
 میں کرامات سے اولیا اور انبیاء کے جانتے تھے کرامات اکو نہیں کہتے ہیں یہ علی مقدمہ ہے
 اور کرامات فہم سے ہمارے سو ہے کہ وہ واسطے اولیا اور انبیاء کے ہی اگر کرامات
 ہو تو ہمارے فہم میں کہو نہ آتے طریق اسکا ایسا ہے کہ پہلے چار خط کرنا منہ عمل
 اربعہ متاسب کے پہلے خط پر مفروض اول دوسرے پر خطے اول تیسرے پر مفروض ثانی
 چوتھے پر خطے ثانی لکھنا جس خط پر مفروض اول لکھے ہیں اس خط کے نیچے کوئی عدد فرض
 کر کے لکھنا اور اس عدد مفروض پر موافق سوال سیال کے تصرف کرنا یعنی جیسا کہ سیال
 کہا ہو اسے موافق عمل تمام کرنا یعنی نصف اور ثلث اور ربع تضعیف یا جو کچھ
 سو اس کے لکھا ہو اگر مطلوب حاصل ہو بہتر بھی نہیں تو دو حال سے خالی ٹھوکا مطلق
 سے زیادہ یا کم اگر زیادہ ہو اس زیادتی کو نیچے خط خطای اول کے خط سے اول از ای نام
 رکھ کے لکھنا اور اگر کم ہو اس کمی کو خطے اول ناقص نام رکھ کے لکھنا پہر اسی طرح سے
 نیچے خط مفروض ثانی کے کوئی عدد فرض کر کے موافق مفروض اول کے بحسب سوال سیال
 کے تصرف کر کے زاید یا ناقص نام رکھ کے نیچے خط خطے ثانی کے لکھنا پہر اور چار خط

یائیں اور خطوں کے گھیننے بعد عرض اور اون خطائے ثانی ضربے یا حاصل ضرب کو محفوظ اول
 نام کر کے نیچے خط اول یائیں کے لکھنا پھر خطائے اول کو مفروض ثانی میں ضربے بے حاصل
 ضرب کو محفوظ ثانی نام رکھ کر نیچے دوسرے خط یائیں کے لکھنا پھر دیکھنا کہ دونو خطائیں زیادہ
 ہیں یا ناقص یا مخلوط یعنی ایک زیادہ اور دوسرے ناقص اگر زیادہ یا ناقص دونوں میں فضل فظن
 کو نیچے خط تیسرے یائیں کے لکھنا اور اوپر خط کے فضل محفوظین لکھنا اور فضل خطائیں کو نیچے چوتھے خط
 یائیں کے لکھنا اور اوپر خط کے فضل خطائیں اور اگر مخلوط ہو مجموعہ محفوظین اور مجموعہ خطائیں بدستور کو
 کے لکھنا بعد تفاضل یا مجموعہ محفوظین کو تفاضل یا مجموعہ خطائیں تقسیم کرنا خارج قسمت عدد مسؤل
مشدداً سوال سائل کا کونسا عدد $\frac{1}{2}$ کہ ربع اسکا اس پر زیادہ کر کے حاصل کو تین میں ضرب کر کے
 تو حاصل ضرب بقیہ ہوے اول چار خط کئے اور بدستور معلوم عمل کئے صورت عمل کی

مفروض اول	خطائے اول ناقص	مفروض ثانی	خطائے دوم زیادہ
$\frac{2}{10}$	۱۵	$\frac{14}{20}$	۳۰
$\frac{2}{10}$		$\frac{14}{20}$	
$\frac{2}{10}$		$\frac{14}{20}$	
$\frac{2}{10}$		$\frac{14}{20}$	
محفوظ اول	محفوظ ثانی	مجموعہ محفوظین	مجموعہ خطائیں
۱۲۰	۲۳۰	۳۶۰	۴۵

عدد معمول بحسب سوال سائل اس پر عمل کر کے حاصل مسؤل

یعنی تیسرے ہر طریق عمل کا اول چار خط کے پہلے خط کے نیچے عدد چار کا فرض کئے اور
 اوپر اسکے مفروض اول لکھے پہر موافق سوال کے تصرف کے ربع چار کا ایک ہے ایک کو چار پر
 کئے پانچ ہوئے ضرب کئے پانچ کو تین میں بند رہو۔ ۷۷ حاصل نے عدد تیس کا کہا تھا اور بھیہ
 ہو پذیرا پس بند را کم میں عدد مسؤل سے لکھے بند را کو نیچے دوسرے خط کے خطائے اول بھر
 نام رکھ کے اوپر اس خط کے لکھے کو واسطے کہ سوال سے سایل کے پذیرا کم میں بھر نیچے میر
 خط کے عدد سولا کا فرض کئے اور تصرف کے موافق سوال سایل کے ربع سولا کا چار ہی
 زیادہ کئے سولا پر میں حاصل ہو سایل نے عدد تیس کا کہا تھا اور بھیہ ہو سات تیس
 زیادہ ہو لکھے نیچے چوتھے خط کے اور اوپر اسکے خطائے ثانی زاید لکھے پھر کہیں چار خط بائیں اسکے
 پہر مفروض اول کو خطائے ثانی میں ضرب کئے چار او تیس میں حاصل کیو میں ہو لکھے نیچے خط
 اول بائیں کے اور اوپر اسکے محفوظ اول لکھے پہر خطائے اول کو مفروض ثانی میں ضرب کئے کہ پذیرا
 اور سولا میں حاصل دو سو چالیس ہو لکھے نیچے خط بائیں دوسرے کے اور اوپر کے محفوظ
 ثانی پہر جمع کے محفوظ اول اور محفوظ ثانی کو کہ اول ایک سو میں اور ثانی دو سو چالیس
 ہیں کہ واسطے کہ خطائے مخلوط ہیں یعنی اول ناقص اور خطائی ثانی زیادہ ہی حاصل جمع تیر

ساتھ ہو لکھے نیچے خط تیس پائین کے اور اوپر اسکے مجموع محفوظین پہر جمع کئے دو نو
 خطاؤ کو کہ پندرہ اور تیس سے حاصل بنائیں ہو لکھے نیچے چوتھے خط پائین کے اور اوپر اسکے
 مجموع خطائیں پس مجموع محفوظین کو مجموع خطائیں پر تقسیم کئے خارج قسمت آٹھ صحیح نکلے
 ہو المطلوب تصرف کئے اس آٹھ میں موافق سوال کے ربع اسکا دو زیادہ کئے دو
 آٹھ پر دس ہو دس کو ضرب کئے تین میں تیس ہو کہ یہ عدد موافق سوال سائل کے ہی
 ہو المطلوب سوال دو سرکہ اس میں دو نو خطائیں زیادہ ہیں کونسا عدد
 کہ اگر اسکو نصف کر کے سات میں ضرب دیں اور حاصل کو تضعیف کریں تو بارہ ہو صورت عملی ہے

معرض اول	خطائے اول زیادہ	معرض ثانی	خطائے دوم زیادہ
۲	۲	۲	۱۶
۱	۲	۲	۱۶
۱۳	۱۳	۲۸	۱۳
محفوظ اول	محفوظ ثانی	فضل محفوظین	فضل خطائیں
۳۲	۸	۲۲	۱۳

ایک صحیح دس میں جوڑا تخفیف ایک صحیح پانچ سے بیہ
 مجہول مطلوب ہے نصف اسکا چھ سے چھ سے کو

۱۰
 ۱۳
 ۱۰
 ۵

۲	۲
۱	۲
۱	۰
۱	۲

ساتین ضرب دے حاصل چہ صحیح ہو مضاعف کئے بار ہو، ہو المطلقو باب
 پانچواں علم میں عمل بالعکس کے کہ اسے بھی استخراج مہولات کا ہوتا ہی اور
 اسکو تحلیل اور تعاکن ہی کہتے ہیں طریق عمل کا اس میں یہی کہ خلاف کرنا سوال یا کر
 اگر یا لکھے تضعیف کرو تضعیف کرنا اور اگر زیادہ کرو گھے تو نقصان کرنا اور ضرب کرو گھے
 تو تقسیم کرنا اور اگر جذر کہے تو فی نفسہ ضرب کرنا یعنی مربع کرنا اور اگر عکس اس تمام کا کہے تو
 عکس کہے ہو گا کرنا یعنی اگر تضعیف کہے تو تضعیف کرنا اور اگر نقصان کہے تو زیادہ کرنا اور
 اگر تقسیم کہے تو ضرب کرنا اور اگر فی نفسہ ضرب کہے تو جذر لینا اور اگر ضرب یا کہ نصف اور
 ثلث اور ربع وغیرہ کہے تو مخرج پر ایک زیادہ کر کے صورت کسر سے نسبت دینا جو کہ حاصل
 ہو اتنا کم کرنا مثلاً نصف کم کرو کہے تو مخرج پر ایک زیادہ کئے تین ہو نسبت دے
 صورت کسر سے ایک ثلث ہو اس ایک ثلث کم کرنا اگر ثلث کھا ہو مخرج پر ایک زیادہ کئے
 ربع ہو ایک ربع کم کرنا اور اگر نصف اور ثلث وغیرہ زیادہ کرو کہے تو مخرج پر ایک زیادہ
 کر کے جو کہ حاصل ہو اتنا زیادہ کرنا مثلاً اگر نصف زیادہ کرو کہے تو ثلث زیادہ
 کرنا اور ثلث کہے تو ربع زیادہ کرنا علیٰ ہذا اور شروع عمل کا بائیں طرف سے کرنا بہر جب عمل

تمام ہو وہ جو کچھ کہ حاصل ہوتا ہے عد مجہول ہی اس عد مجہول پر موافق سوال سیال کر کے
 جیسا کہ کہا ہی برابر عمل کرنا سوال معلوم ہو کہ مثلاً سوال اگر کوئی کہے کہ ناسا عدد
 کہ فی نفس ضرب کریں اور زیادہ کیا جاوے حاصل بر دو اور تضعیف مجموع کو کر کے
 حاصل بر تین زیادہ کریں پھر تقسیم کریں مجموع کو پانچ پر اور خارج قسمت کو دس میں ضرب
 کریں تو حاصل پچاس ہو پس طریق نکالنے عد مجہول کا عمل بالعکس سے ایسا ہے
 وہ جو کچھ سیال کہا آخر سے اسکے عمل شروع کرنے میں اس طرح سے کہ تقسیم کرنا پچاس کو در
 پر کو اسطے کہ ضرب کیا تھا پانچ خارج قسمت نکلے بعد ضرب کئے پانچ کو فی نفس تقسیم
 کہا تھا پچیس ہو پھر کم کئے حاصل سے تین عدد کہ زیادہ کہا تھا باقی بائیس رہے
 پھر تضعیف کئے بائیس کو کہ تضعیف کہا تھا کیا راہو اسے دو عدد کم کئے کہ زیادہ کہا تھا
 باقی نو رہے جذبتے نو کا کہ فی نفس ضرب کیا تھا تین ہو کہ یہ تین کا عدد جواب سیال کا ہی ہے
 موافق سوال کے اس تین کے عدد پر عمل کرنا تو پچاس حاصل ہونے اس طرح سے کہ تین کو
 فی نفس ضرب کئے نو ہوے دو زیادہ کئے کیا راہو ہے کیا راہو مضاعف کئے بائیس ہو
 تین زیادہ کئے پچیس ہوے پچیس کو پانچ تقسیم کئے پانچ خارج قسمت نکلے پانچ کو در

اور تفریق وغیرہ کر کے سوال تیار کیا ہی اسکا عکس تضعیف اور تفریق اور جمع وغیرہ کرنے سے وہ عدد مجہول حاصل ہوتا ہی جس کے سائل نے عدد چار کا فرض کیا اور اسکو تضعیف کیا آت ہو اور جمع کیا دو سے اس جواب سوال کیا کہ وہ کونسا عدد ہی کہ اسکو تضعیف کر کے دو عدد دو سے اس پر زیادہ کریں تو دس ہو پس عمل اسکا دس سے عکس سوال کا کریں تو وہی چار کہ عدد مجہول ہے حاصل ہوگا اس طرح سے کہ دس کے عدد سے دو کا عدد تفریق کئے کہ سائل جمع کیا تھا آت رہی آت کو تضعیف کئے کہ سائل تضعیف کیا تھا وہی چار ہے پہر اس چار کو موافق سوال سائل کے عمل کریں تو وہی دس حاصل ہوئے **باب چہتمولف** کے گوشوارہ اعمال کو سورین فایہ معلوم ہو کہ ہر ہر اعمال کی تفصیل سمجھائی کے بعد یاد رکھنا اسکا دشوار ہوتا ہی اور قاعدہ کلیہ کہنے سے سہل یاد ہوتے ہیں اور یہ تفصیل اسی کلیہ سے ذہن میں آتی ہے اس مولف نے ہر ہر اعمال کو اختصار کر کے لکھا ہی ان اعمال کلیہ کو چاہئے کہ خوب حفظ کریں تاکوئی عمل محتاج عامل کا نہ ہو اور استخراج اعمال میں مشق ضروری ہے کہ ذہن کثرت اعمال سے ہر عمل کے استخراج کے وقت جمع رہتا ہی پریشان نہیں ہوتا اور اگر کثرت

اعمال نامہوں کے تو کلیہ قاعدہ یاد رہنے کے استخراج عمل موثباتی لیکن دقت سے وہ قاعدہ
 کلیہ یہ ہے **فضل پھلا نسبتوں کے** بیانیہ نسبتیں چارہیں مماثل
 تداخل توافق تباین مماثل دو دو چار چار تداخل چھے تین آٹ
 چار توافق نو چھے چار چھے تباین چار تین چھے سات پس مخرج مشترک
 اس طرح طیار کرنا مماثل ہو تو ایک کو رکھنا ایک کو کرنا تداخل ہو تو انگارہ
 عدد پر کرنا توافق ہو تو جزوفی کو دوسرے کے سالم میں ضرب دینا تباین ہو تو دو
 کو باہم ضرب دینا **فضل دوسرا تجنیس اور رفع کسور کے** بیانیہ
 اگر عدد صحیح کے ساتھ کسر ہو صحیح کو مخرجین ضرب کر کے حاصل پر صوت کسر کو
 زیادہ کرنا اور طریق رفع کسور کا یہ ہے کہ کسور کو ایک جنس کر کے مخرج مشترک تقسیم
 کرنا خارج سمت صحیح مع کسر رفع ہی ان کسروں کی اگر کسر مخرج جسے کم ہو تو نسبت
 دینا امتحان رفع کا تجنیس اور تجنیس کا رفع سے ہوتا ہے **فضل تیسرا جمع**
اور تضعیف کسور کے بیانیہ عمل جمع کسور کا مخرج مشترک کال کر
 پہلے مخرج اول تقسیم کرنا خارج کو صوت کسر اول میں ضرب کر کے لکھنا جتنے کسریں

ہرین سطح عمل کر کے لکھنا پھر انکو جمع کر کے مخرج مشترک سے زیادہ ہو تو تقسیم کرنا نہیں نسبت
 دینا اگر جمع باکسر ہو تو صحیح کے جمع پر کسور کی جمع کو زیادہ کرنا امتحان اسکا تفریق ہے ہوتا ہے
 اور عمل تضعیف کسور کا صوت کسر کو مضاعف کر کے مخرج سے نسبت دینا اگر صحیح باکسر
 ہو تو مجلس کر کے صوت کسر کو مضاعف کرنا اور مخرج پر تقسیم کرنا امتحان اسکا تخفیف
 سے ہوتا ہے فضل جو تھا تفریق او تضعیف کسور کے بیامین
 عمل تفریق کسور کا اول تبادل مخرجین کرنا اور تفاضل تبادل مخرجین کو حاصل ضرب
 مخرجین سے کہ دونو مخرجوں کا ضربے رعایت نسبت کے ہو نسبت دینا یا تقسیم کرنا اگر صحیح
 باکسر ہو تو مجلس کرنا اور بدستور عمل کرنا امتحان اسکا جمع کرنے سے باقی کو مقوس کے ساتھ
 ہوتا ہے عمل تضعیف کسور کا مخرج کو مضاعف کرنا اگر صحیح باکسر ہو تو مجلس
 کر کے ضعف مخرج سے نسبت دینا یا تقسیم کرنا امتحان اسکا تضعیف سے ہوتا ہے فضل
 پانچواں ضرب کسور کے بیامین طریق عمل اسکا دونو کسروں کو ضرب کر
 حاصل اول نام رکھنا بعد دونو مخرجوں کو بے رعایت نسبت کے ضرب دیکر حاصل ثانی نام
 رکھنا پس حاصل اول کو حاصل ثانی پر تقسیم کرنا یا نسبت دینا اگر صحیح ہو تو مجلس کر کے بدستور

عمل کرنا امتحان اسکا تقسیم ہوتا ہے فصل چھٹا تقسیم کسور کے بیان میں
 عمل تقسیم کسور کا اول باب: مخبرین کرنا پھر مقسوم کو مقسوم علیہ پر تقسیم کرنا نسبت
 دینا اگر صحیح با کسر ہو تو مخبرین کے نسبت دینا یا تقسیم کرنا امتحان اسکا ضرب ہے
 ہوتا ہی فصل ساتواں جذر کسور اور کعب کسور کے بیان میں عمل
 جذر کسور کا صورت کسر کی جذر کو مخرج کسر کے جذر پر تقسیم کرنا یا نسبت دینا اگر صحیح با کسر
 ہو تو مخبرین کے عمل کرنا امتحان جذر اصم کا نہیں ہو سکتا اور طریق نکالنے کعب
 کسور منطق کا تقسیم کرنا کعب کسر کو کعب مخرج پر خارج منت کعب اس کسر کا ہے
 اور طریق نکالنے کعب کسور اصم کا صورت کسر سے ایک کم کر کے ہمیشہ تین میں
 ضرب کرنا خارج منت کعب اس کسر کا ہی اور طریق نکالنے کعب منطق صحیح با کسر
 کا کہ کعب تجنیس کا لیکر کعب مخرج پر تقسیم کرنا خارج منت مطلوب ہے اور طریق نکالنے
 کعب اصم صحیح با کسر کا عدد تجنیس کے ایک کم کرنا اور باقی کو تین میں ضرب کر کے
 مخبرین ضرب کرنا پھر کعب حاصل کا لیکر مخرج پر تقسیم کرنا خارج منت کعب مطلوب ہے
 فصل آٹواں تحول کسور کے بیان میں جس مخرج کے تحول چاہئے

اور مخربین صوت کسر کو ضرب نیا حاصل کو اس مخرج پر تقسیم کرنا کہ جبکی صوت کسر دوسرے
 مخربین ضرب کئے ہیں خارج قسمت مطلوب ہے **فصل نو ان اربعہ متناسبہ کے**
عمل میں عمل اربعہ متناسبہ کا استخراج مجہولات کے واسطے اول چار خط عرضی کرنا اول
 کے خط پر کوئی عدد فرض کر کے موافق سوال سائل کے عمل تمام کرنا بعد جو کچھ حاصل
 ہو وہ وسط اول پر لکھنا اور طرف آخر پر عدد معلوم لکھنا پھر سطح طرفین کو وسط معلوم
 پر تقسیم کرنا خارج قسمت وسط آخر پر لکھنا کہ مجہول مطلوب ہے امتحان اس کا سطح
 طرفین مساوی ہو وہ وسط وسطین کو **فصل دسواں خطائین کے عمل میں**
 طریق عمل کا اول چار خط کرنا پہلے خط پر کوئی عدد فرض کر کے مفروض اول نام رکھنا ثانی
 سوال کے اس عدد پر عمل کرنا دیکھنا خطا سوال سے زائد ہی یا ناقص دوسرے خط پر زائد
 یا ناقص نام کر کے لکھنا تیسرے خط پر پھر کوئی عدد فرض کر کے مفروض ثانی نام کر کے
 موافق سوال کے عمل کرنا پھر خطا زائد یا ناقص کر کے چوتھے خط پر لکھنا پھر چار خط
 بائیں اور دس خطوں کے کر کے سطح طرفین پہلے خط بائیں پر محفوظ اول نام کر کے لکھنا
 اور دوسرے خط بائیں پر سطح وسطین محفوظ ثانی نام کر کے لکھنا پھر دیکھنا خطا زائد

ہی یا ناقص یا مخلوط زاید یا ناقص ہوں تو تیسرے خط پائین پر تفاضل محفوظین چوبیس
 خط پر تفاضل خطائیں لکھنا پھر تفاضل محفوظین کو تفاضل خطائیں تقسیم کرنا حاج
 قسمت مطلوب ہے اور اگر مخلوط ہو تو عوض تفاضل کے مجموعہ لیکر لکھنا امتحان
 اسکا یہ ہے کہ عدد مجہول موافق سوال سائل کے نکلے فصل کیا روان عمل
 بالعکس کے بیان میں طریق اسکا یہ ہے عمل برعکس کرنا سوال سے سائل کے
 اور عمل شروع کرنا آخر سوال سے اور مجہول حاصل ہو پر برابر سوال کے عمل شروع سے کرنا اور
 اگر سوال میں کسر ہو تو حالت زیادتی میں مخرج پر ایک زیادہ کر کے کم کرنا اور صورت
 کمی میں ہی مخرج پر ایک اگر زیادہ کرنا امتحان اسکا یہی ہے کہ عدد مجہول موافق
 سوال سائل کے نکلے فافہم محفظ باب ساتواں مساحت کے
 بیان میں اس میں پانچ فصل ہیں فصل چھ اصطلاحات معلوم معلوم
 کرنے کے بیان میں کہ وہ اصطلاحیں مساحت میں ضرور ہوتی ہیں جانا چاہئے کہ
 ہر مقدار کے اجزا سو ایک واحد مفروض کے معلوم نہیں ہوتی کس واسطے کہ ہر موضع
 میں صورت تازہ ہوتی ہی جو وقت کہ چاہیں کہ مقدار اسکا معلوم کریں طریق اسکا

ہی کہ ایک قدم کا خط مستقیم مقرر کر کے ہکو و احد فرض کرنا کہ اسکو عربی میں مقیاس اور ذراع اور فارسی میں
 کہتے ہیں اور ہکو و دو کے ہر حصہ کو آدھا اور چار کے ہر حصہ کو پواسن کو چھ کے ہر حصہ کو سوسو
 اور بھر اور بھر بن اور شعر اور شعر بن تار و تار بن کہ ہر ایک حصہ اپنے پہلو کے مرتبے سے
 نسبت نصف شن کی رکھتا ہی اور نام ان حصوں کا ہندی زبان میں شہو نہیں ہے
 اور یہ خط مستقیم موصوف کہ نام اسکا گرنے سے مساحت عمارات اور زمین کے واسطے
 وضع کئے ہیں شہور ہے اور پیمائش سطوحات اور کعبات اور محبسات اور بار چکے
 کام میں آتی ہی اور مساحت بن صحر اور زراعت کے واسطے ایک خط واحد مقرر ہے
 کہ اسکو زبان ہندی میں بگہ کہتے ہیں اور اکثر اسکو رتی سے بناتے ہیں اور یہ کہ جز معلوم
 کرنے کے واسطے بسوہ اور سو اے اور پرتے بسو اے اور پرتے بسو اے کہ ہر ایک جز
 اپنے پہلو کے مرتبے سے نسبت نصف عشر کی رکھتے ہیں اور یہ بھی شہور ہے تعریف
 نقطہ کی کہ اہل اشوا وحشی کے ہو و اور کسی جہت سے طول اور عرض اور عمق ناکہتا
 ہو و تعریف خط مستقیم کی ایسی ہے کہ نقطہ حرکت کر کے منتہی ہو و نقطہ
 پر اور وہ کوتاہ ترین دو نقطوں کو وصل کرنے والا ہے مانند پہلے اور دوسرے

شکلوں کے اس خط مستقیم کا نام عالموں نے ہر مقام پر ہر ایک طرح سے مقرر کئے ہیں وہ یہ ہے
 ضلع ساق مسقط الحجر عمود قاعدہ جیب قطر سہم
 ارتفاع خط مستقیم وغیرہ اور تعریف خط متوازی کی یہ ہے
 کہ دو خط مستقیم یا منحنی ایک فاصلہ مغروض ہے ایسے ہوں کہ اگر انکو کتا ہی دراز کرین تو
 فاصلہ انکا برابر رہے اور آپس میں نالین اور یہ تعریف خط مستقیم پر صادق آتی ہے
 اور منحنی پر بھی ہو سکتی ہے مانند تیسری شکل کے اور مایلہ اور غیر متوازی
 اسکو کہتے ہیں کہ دو خط ایک کے طرف ایک میل کر کے ایک نقطہ پر ملین مانند چوتھی شکل کے
 اور خط منحنی دو قسم پر ہے پرکاری اور غیر پرکاری اور کس طرح کہ
 تعریف خط مستقیم کی اس پر صادق نہیں آتی مانند پانچویں شکل کے اور تعریف
 سطح کی وہ ہی کہ اسے طول و عرض ہو پس سطح خط مستقیم کی تین خط سے کم نہیں
 ہوتی کہ اسکو مثلث کہتے ہیں مانند چھٹی شکل کے تعریف دائرہ کی یہ ہے کہ
 خط منحنی پرہری ایک سطح کو احاطہ کرے اسکو دائرہ کہتے ہیں اور جس جگہ کہ باؤں
 پرکار کا رکھ کر قوس کے پاس نقطہ کو مرکز کہتے ہیں اور اس خط منحنی کو محیط دائرہ اور جو

خط مستقیم کہ محیط دایرہ سے کلکمر کر پڑے مرور کر کے محیط دایرہ تک پہنچے اسکو
 قطر کہتے ہیں اور یہ خط موصوف دایرہ کی دو حصہ متساوی کرتا ہی اس ہر ایک حصہ
 کو نصف دایرہ کہتے ہیں اور جو خط مستقیم کہ محیط دایرہ سے نکل کر مر کر پڑے مرور
 کر کے محیط دایرہ کو پہنچے لامحالہ دایرہ کو دو حصہ غیر متساوی کر کیا اسکو وتر کہتے ہیں
 اور وہ محیط دایرہ کہ چھوٹا ہے اسکو نقطہ اصغر اور جو کہ بڑا ہی اسکو قطعہ اکبر کہتے ہیں
 اور دو نصف قطر مرکز سے کلکمر محیط دایرہ تک پہنچے اس سطح کو قطاع دایرہ کہتے ہیں
 اگر وہ دو نصف قطر قوس دایرہ کی نصف سے کم قطع کئے ہوں تو قطاع اصغر اور اگر
 زیادہ نصف سے قطع کئے ہوں تو قطاع اکبر کہتے ہیں مانند سا آتوین شکل کے اور طالی
 اسکو کہتے ہیں کہ اسکو دو قوس کہ ہر ایک نصف دایرہ سے اپنے کم ہو احاطہ کرے اور
 حد بے نو کا ایک طرف ہو مانند آتوین شکل کے لعلی اسکو کہتے ہیں کہ جسکو دو قوس
 ہر ایک نصف طرہ سے اپنے زیادہ ہو اور حد بے نو کا ایک طرف ہو احاطہ کرے
 مانند نوین شکل کے اطمینان اسکو کہتے ہیں کہ ایک دایرہ کے دو قوس دی اور ہر
 نصف سے کم ہو احاطہ کریں اور حد بے نو کا دو طرف ہو مانند سونین شکل کے

مثلجی اسکو کہتے ہیں کہ دو قوس ہر ایک نصف سے زیادہ ہوا حاطہ کریں اور حد
 دونوں کا ایک طرف نہ ہو مانند کیا روین شکل کے مثلث اسکو کہتے ہیں کہ تین خط
 مستقیم حاطہ کریں مانند باروین شکل کے یہہ سطح مثلث کا نام اضلاع اور زوایا کے
 اعتبار سے رکھا جاتا ہی پس یہ نو قسم ہے پہلی متساوی الاضلاع حاد الزوایا
 دوسری متساوی الساقین قائم الزویہ تیسری متساوی الساقین منفرجہ الزویہ
 چوتھی متساوی الساقین حاد الزوایہ اور یہ پیردو قسم ہے ایک کہ قاعدہ اسکا
 دراز ہو ساقین سے دوسرے کہ قاعدہ اسکا کوتاہ ہو ساقین سے پانچویں مختلف
 الاضلاع قائم الزویہ چھٹی مختلف الاضلاع منفرجہ الزویہ ساتویں مختلف
 الاضلاع حاد الزویہ اور آٹھویں اور نویں کہ متساوی الاضلاع قائم الزوایہ
 اور منفرجہ الزوایہ ہونا محال ہے کہ برابری ہونا ضلعوں کا خاص مثلث حاد
 الزوایا کے واسطے ہی معلوم کیا جائے کہ قائمہ اور منفرجہ ہیں ضد اور خلاف کہتے
 ہیں پس جمع ہونا دو ضد کا ایک مثلث میں محال ہے اور حادہ دونوں میں عام ہی یعنی
 جس مثلث میں قائمہ یا منفرجہ ہو اس میں حادہ ضرور ہوتا ہی اور خلاف اسکا ضرور نہیں

وہ صورتیں مثلث کے کہ واقع ہونا اسکا ممکن ہے یہ ہی موافق ترتیب مذکور کے قاعدہ
 اسکو کہتے ہیں کہ جس مثلث کا اس مقرر کریں اسکو مقابل کے خط کو قاعدہ مثلث کا کہتے ہیں اور
 اگر چار خط متساوی احاطہ کریں اور چاروں زاویہ اسکے قائمہ ہوویں اسکو مربع کہتے ہیں مانند
 بارودین شکل کے ^{۱۲} اور اگر چار خط متساوی احاطہ کریں اسطر جسے کہ دو زاویہ اسکے احاد
 اور دو منفرج ہو اسکو **معین** کہتے ہیں مانند تیرون شکل کے ^{۱۳} اور **مستطیل** اسکو کہتے ہیں
 کہ جسکے دو ضلع دراز متساوی اور متوازی ہوں اور دو ضلع کوتہ متوازی اور متساوی ہوں
 اور چاروں زاویہ قائمہ ہویں مانند چودھویں شکل کے ^{۱۴} اور **شبیہ بالمعین** اسکو
 کہتے ہیں کہ دو ضلع برے اسکے متوازی اور متساوی اور دو ضلع چھوٹے متساوی
 اور متوازی ہوں اور زاویہ قائمہ ناہوں کردو زاویہ متقابلہ متساوی ہویں مانند
 بندرین شکل کے ^{۱۵} اور سو اسکے چار خط مختلف محیط ہویں اسکو **مطلق ذوالعبۃ**
اضلاع کہتے ہیں اور اسمیں چند اشکال کا نام ہے ذوالخناحین اور ذوالزنفہ
 اور ذوالزنفین اور مخرف اور قشماندہ سولہویں شکل کے ^{۱۶}
 اور جو سطح کو کہ زیادہ چار خط سے محیط ہویں اسکو **کثیر الاضلاع** کہتے ہیں اور بعض

اسے نام کہتے ہیں مثلًا محسن اور مسدس سبع وغیرہ معشر تک اگر ضلع اسکے باہم متساوی
ہوں اسکو صحیح کہتے ہیں اور نہیں تو غیر صحیح اور **ذو جنسۃ الاضلاع**
اور **ذو جنسۃ الاضلاع** علیٰ ہذا مانند ستروین شکلوں کے جبکہ درجہ ہونے
زیادہ ضلع ہوں اس پر لفظ قاعدہ کا زیادہ کرتے ہیں مگر اضلاع اسکے برابر ہوں مثلاً
ذو احد عشر قاعدہ ذواتین عشر قاعدہ اور بعض ان شکلوں سے بہی نام رکھتے ہیں جیسا کہ
مرج اور مطبل اور ذو الشرف مانند اثنا وین شکلوں کے اور **جسم** اسکو کہتے ہیں
کہ جسے طول اور عرض اور عمق ہو **مکعب** اسکو کہتے ہیں کہ جسکو چھ سطح مربعی
احاطہ کریں مانند بیسویں شکل کے اور کرہ اسکو کہتے ہیں کہ اگر اسکے مرکز سے جہاں تک کہ
نصف قطر نکالیں تمام مساوی ہوں مانند بیسویں شکل کے اور اس طھکو محیط کہتے
ہیں اور نقطہ کہ اسکے بچھن سے اسکو مرکز اور جو خطیں اسکے مرکز سے کل کر محیط کو
پہونچے ہیں انکو **انصاف اقطار** اور جو خط کہ محیط سے حکم مرکز سے
اگزر کر محیط کو پہونچے اسکو **قطر** اور اگر کرہ اس پر حرکت کرے تو محور کہتے
ہیں اور وہ دو نقطہ کہ قطر کے اخراجے محیط کے دو طرف پیدا ہوتے ہیں انکو **قطبیں**۔

کہتے ہیں مانند اکیسویں شکل کے اور جو دائرہ کہ دو حصہ کرے گویا اس کو دائرہ عظیم
 کہتے ہیں اور اس حصہ کو قطعہ کہہ کہتے ہیں اور اگر دو حصہ برابر کرے تو قطعہ صغیرہ
 اور کبیرہ کہتے ہیں مانند بائیسویں شکل کے اور اگر چھ سطح مربعی احاطہ کرے اس کو
 جسم متعجب کہتے ہیں مانند تیسویں شکل کے اور اسطوانہ اس کو
 کہتے ہیں کہ دو دائرہ متساوی ایک قاعدہ کہ بائیں ہی اور ایک اوپر کہ سطح ہی اور دو خط
 دو طرف اصل ہوں دو نو دایروں کے اور اگر ایک خط ان دونوں کے مرکزوں کا واصل ہی
 اس کو سہم اور محور اسطوانہ کا کہتے ہیں اگر یہ سہم قاعدہ کے سطح پر عمود ہی تو
 اسطوانہ قائمہ ہے نہیں تو اسطوانہ مایلہ اور اگر قاعدہ کے ان کے ضلع دار ہوں
 اسطوانہ مضلعی کہتے ہیں مانند چوبیسویں شکل کے اور مخروط اس کو کہتے ہیں
 کہ جس کو ایک دائرہ اور ایک سطح ایسے احاطہ کرے کہ جقدر اس کو دراز کریں بار یک
 ہوے یہاں تک کہ ایک نقطہ پر آخر ہوے اس دایرہ کو قاعدہ مخروط اور اس نقطہ کو
 راس مخروط کہتے ہیں اور جو خط مرکز سے قاعدہ کے ٹکڑے راس کو پہنچے اس کو
 سہم اور محور مخروط کا کہتے ہیں یہ سہم اگر قاعدہ پر عمود ہوے اس کو قائمہ

ہنیں تو مایلہ کہتے ہیں اور اگر اس مخروط کا اوپر سے کاٹا جاویں اسکو مخروط ناقص
 کہتے ہیں اور اگر قاعد اسکا ضلع دار ہووے اسکو مخروط مضلعی کہتے
 ہیں اور اگر ناقص ہووے تو مخروط مضلعی ناقص کہتے ہیں مانند چھپوین^{۲۵} ٹھکون کے
 پس ہر مطلحات کہ علم مساحت میں ضرور ہیں مجمل لکھے گئے اور علم مساحت
 کی تالیف تذکرہ رشیدیہ کے کہ تالیف مولوی شاہ علی کی ہے کیا اکثر جاہے
 عبارت بدل کر اور مضامین کم و زیادہ کر کے لکھا اور بعضے جا عبارت بعینہ ترکیب کیا
 کسواسطیکہ وہ ہی زبان اردو بہت فصاحت اور بلاغت سے ہی بدلنا اسر
 عبارت کا مناسب نا جائز و بیسی ہی بحال رکھا کہ مولوی صاحب نے تالیف اقلیدس
 سے کیا ہی اور مساحت سے کہ خلاصۃ الحساب میں داخل ہے بعینہ مطابق ہے
 کہ وہ ہی تالیف اقلیدس کی ہے اور بعضے کتابوں سے کہ سہولت عمل کی رکھتے تھے
 ترکیب کیا اور یہ علم مساحت علم حساب کے بخوبی ذہن میں نہایت آسان و آسوی علم ہے
 اے اگر علم کامل مساحت کا جاہ میں مع دلائل وغیرہ علم کتاب شمس المهندس کا حاصل
 کریں اس مختصر سالہ میں بیان اسکا نہیں ہو سکتا محاسب کو لازم ہی کہ علم کتاب

شمس الهندسہ بھی حاصل کریں اور اس علم عجیب سے محروم نہ رہیں بلکہ علم حساب کا حاصل
 کرنا اسی کی تحصیل کے واسطے ہی کہ علم مساحت کے بہت سے فائدہ حاصل ہوتے ہیں
فصل دوسرا مساحت سطوح مستقیمۃ الاضلاع کے
 بیان میں طریق مساحت مثلث قائم الزاویہ کا ایسا ہے کہ زاویہ قائمہ کے
 دو ضلعوں سے ایک سالم ضلع کو دوسرے نصف ضلع میں ضرب دینا حاصل ضرب مساحت
 مثلث قائم الزاویہ کی ہے اور مساحت مثلث متساوی الساقین کی ایسی
 کہ اس کے عمود کو اس کے قاعدہ کے نصف میں ضرب دینا حاصل ضرب مساحت
 مثلث متساوی الساقین کی ہے اور طریق مساحت باقی مثلث کا یہ ہے کہ دراز
 ضلع کو قاعدہ فرض کر کے عمود کے نصف میں ضرب دینا حاصل ضرب مساحت ہے
 طریق نکالنے مقدار عمود کا یہ ہے کہ دو کو تاہ ضلع کو آپس میں ضرب دینا اور
 حاصل کو دراز ضلع پر تقسیم کرنا خارج قسمت مقدار عمود کا ہے طریق مساحت
 مربع کا یہ ہے کہ ایک ضلع کو اس کے فی نصفہ ضرب دینا حاصل ضرب مساحت مربع کی
 ہے طریق مساحت مستطیل کا ایک دراز ضلع کو دوسرے ایک کو تاہ ضلع میں ضرب

دنیا حاصل ضرب مساحت سطح کی ہی طریق مساحت معین کا ایک قطر کے
 نصف کو دو سر سالم قطر میں ضرب دینا حاصل ضرب مساحت معین کی ہی طریق مساحت
 شبیہ بالمعین اور منحرف کا ہر ایک کو ایک قطر کا لکرو دو مثلث کرنا پس مساحت
 ہر ایک کی دو مثلث کے مساحت سالم ہر ایک ان دو کی ہی طریق مساحت باقی
 کثیر الاضلاع صحیح کا ہی ہے جس کثیر الاضلاع کے جتنے مثلث خلیں ایک مثلث
 کی مساحت کر کے ویسے جتنے مثلث جس کثیر الاضلاع میں خلیں ان کو جمع کرنا حاصل جمع مساحت
 کثیر الاضلاع کی ہے اور اگر کثیر الاضلاع غیر صحیح ہو تو مثلثین کا لکھ کر ہر مثلث کے مساحت
 جدا جدا کر کے جمع کرنا حاصل جمع مساحت ہی دوسرا طریق مساحت کثیر الاضلاع
 صحیح کا یہ ہے اگر اضلاع اسکے زوج ہوں یا نذر مسدس کے کہ چھ ضلع ہوں اور مانند مثلث کے
 کہ آٹھ ضلع ہوں آگے جتنے ضلع ہوں کر زوج ہوں ضرب کرنا نصف قطر کو اسکے نصف
 مجموع اضلاع میں اویسے حاصل ضرب مساحت اور شکل کی ہی فضائیں
 مساحت سطوح پر کاری وغیرہ کے بیان میں طریق مساحت دایرہ
 کا ایک سی دایرہ کے محیط کے برابر کرنا پھر اس کا قطر رسی سے کالنا پس نصف

محیط کو نصف قطر میں ضرب کرنا حاصل ضرب مساحت اس دایرہ کی ہے طریق محیط
 دایرہ نکالنے کا قطر معلوم سے یہی ہر دایرہ کا محیط اسکے تین قطر اور سبع قطر کے
 برابر بھی پس قطر کو اس دایرہ کے بائیس میں ضرب کر کے حاصل ضرب کو ستا پر تقسیم کرنا
 خارج قسمت مقدار محیط کا ہے اگر قطر بھول ہو تو طریق استخراج اسکا چھ بھی محیط کو ستا
 میں ضرب کر کے حاصل کو بائیس پر تقسیم کرنا خارج قسمت مقدار قطر کا ہی طریق مساحت
 شبیہ دایرہ کا شمس الہند سے اطول قطر کو اسکے اقصر قطر میں ضرب کر کے
 حاصل کو پھر کیا را میں ضرب کرنا حاصل ثانی کو چودا پر تقسیم کرنا خارج قسمت
 مساحت سطح شبیہ دایرہ کی ہے طریق مساحت قطاع دایرہ کا نصف
 قطر کو سالم دایرہ کے نصف قوس میں اوس قطاع دایرہ کے ضرب کرنا حاصل ضرب
 مساحت مطلوب کی ہے اور طریق مساحت قطعہ دایرہ کا یہ ہے کہ مرکز
 دایرہ سے قوس کے طرف تین یک دو نصف قطر نکالنا کہ ایک قطعہ اور ایک مثلث پیدا ہو کے
 بعد قطعہ اور مثلث کے مستجدی حدی کرنا پس اگر قطعہ دایرہ نصف سے کم ہو تو
 مثلث کے مست کو قطعہ کے مساحت پر زیادہ کرنا حاصل جمع مست قطعہ دایرہ کی ہے

معلوم کیا جائے کہ اس میں پیدا کرنا مرکز کا ضرور ہے طریق اس کا یہ ہے کہ قطعہ کے نصف
 قاعدہ کو فی نصف ضرب کرنا حاصل کو قطعہ کے سہم قوس تقسیم کر پھر سہم کے اشتقاق
 پر ایک خط موافق خارج قسمت کے کہیچا پس مجموع خط اور سہم کا قطر دائرہ کا ہے
 اور اسکے وسط پر مرکز دائرہ کا ہے اگر آسان طریق مرکز نکالنے کا منظوریہ ہو تو ہند سے
 دیل سے کتاب شمس الہند سے لکھا ہوا ہی اردیایل ہند سے کے سوا علم حساب کے ہین طریق
 مساحت شکل المثلثی اور مثلجی کا یہ ہے کہ دو قطر ایک اطل اور دوسرا قضا کر
 ہر ایک کی مساحت کر کے جمع کرنا حاصل جمع مساحت شکل مثلجی کی ہے طریق مساحت
 شکل ثلاثی اور غلی کا یہ ہے کہ دو طرفین کو ان کے ایک خط مستقیم سے وصل کرنا
 تا اس میں دو قطعہ دائرہ کے پیدا ہوں ایک اکبر دوسرا اصغر دونوں کی مساحت
 جد سے کر کے قطعہ اصغر کی مساحت قطعہ اکبر کی مساحت میں سے نقصان
 کرنا باقی مساحت مطلوب ہے طریق مساحت سطح کرہ کا یہ ہے ضرب کرنا تمام قطر کو
 کرہ کے تمام محیطین دایرہ عظیمہ اس کرہ کی حاصل ضرب مساحت تمام سطح کرہ کی ہے اور
 استاد اشمیدش کے قول کے موافق قاعدہ اس کا یہ ہے کہ سطح ہر کرہ کے برابر جائے

دایرہ اعظم اسکے ہی آگے اسکے معلوم ہوا ہی کہ نصف قطر ہر دایرہ کا نصف محیط میں ہے
 ضرب کرنا حاصل ضرب مساحت اس دایرہ کے ہی پس اگر تمام قطر کو تمام محیط میں ضرب
 کریں مساحت اس دایرہ کی چار دایرہ برابر ہوگی یہی مطلوب **مثلاً** فرض کئے کہ قطر اعظم
 کرہ کے دایرہ کا دو کرہ پس تمام محیط دایرہ کا چھ کرہ اور دو سبب کرہ کا ہو گا پس تمام
 کو تمام قطر میں ضرب کئے بار اگر چار سبب حاصل ضرب ہو گا کہ مساحت سطح کرہ کی ہے اور
 اس طرح یہ مساحت کرہ کی حاصل ہوتی ہے کہ کرہ کے قطر کو مربع کرنا حاصل کو چار میں ضرب
 کرنا حاصل ضرب سبب اور نصف سبب اس کا کم کرنا باقی مساحت اس کرہ کی ہے **مثلاً**
 قطر کرہ کا موافق مفروض اول کے دو کرہ فرض کئے مربع اس کا چار ہو اپہر اس حاصل کو چار میں
 ضرب کئے سوا حاصل ہو سبب اور نصف سبب اس کا تین کرہ اور تین سبب کرہ ہوتا ہی سوا
 میں ہے کم کئے باقی ۱۲ بار اگر چار سبب رہے یہی مطلوب طریق مساحت سطح استوانہ
 مستدیر کا قاعدہ کے محیط کو ارتفاع میں ضرب دینا حاصل ضرب مساحت ہے
 طریق مساحت مخروط قائمہ اور مایلہ کا قاعدہ کو ثلث ارتفاع میں ضرب دینا
 حاصل ضرب مساحت ہے فضل چوتھا مکعب کے مساحت ثلثیہ یا مہر

اور کعب اقسام سے جہاں کے ہی خواہ مجسم ہو یا نجوف اور وہ چہرہ سطح مربعی رکھتا ہو
اسکو **کعب** کہتے ہیں اور اس علم کے اصطلاح میں ایک عدد کو مربع کر کے پھر اسکو اسو
مربع کے ایک جز میں ضرب دینا اسکے حاصل ضرب کو **کعب** کہتے ہیں اور اس عدد کو
کعب نام رکھتے ہیں پس جو شکل اور جو سطح کہ اسکو چہرہ سطح متوازی اضلاع محیط ہو
اسکی مساحت کا طریق یہ ہے کہ ضرب کرنا اسکے طول کو اسیکے عرض میں اور حاصل ضرب کو
اسکے عمق میں پس حاصل ثانی مساحت کعب کی ہے مثلاً ایک حوض مربع پانی
سے بہرہوا اور ہر ضلع اسکا دس کر ہے اور عمق اسکا بھی دس گز چاہتے ہیں کہ
معلوم کریں کہ اسمین کعب پانی کی ایک گز طول اور ایک گز عرض اور ایک گز عمق کے
کتے ہیں دس گز کو فی نصف ضرب کرے سو کر ہوے سو کو پھر دس میں ضرب کرے ہزار کر ہوے
پس ایک گز کی طول اور ایک گز کی عرض اور ایک گز کی عمق کی کعب پانی کی استر
ہزار میں اگر وزن اسکا معلوم کیا جاہیں تو ایک کعب کسی فلزات کا یعنی مس یا آہن یا
تین یعنی تینے کے پتر کا تیار کریں کہ ایک گز طول اور ایک گز عرض اور ایک گز عمق ہو
اسمین پانی بہر کے وزن کریں جو عدد وزن کا حاصل ہو اسکو ہزار میں ضرب کریں کہ وہ

وزن پانی کا ہی مثال دوسری فرض کئے کہ ایک حوض کا پندرہ گز طول اور چہر گز عرض
اور دو گز عمق ہے ضرب کئے طول کو عرض میں نو ہو نو کو ضرب کئے عمق میں حاصل ایک سو گز

ہو کہ مساحت مطلوب ہے اسی طرح جس شکل کو چاہیں عمل کریں **فصل پانچواں**
باقی مساحت اجسام کے بیانیہ میں طریق مساحت سطح کرہ کا یہ ہے
کہ ضرب کرہ نصف قطر کرہ کو ثلث مساحت سطح کرہ میں مثالاً فرض کئے قطر کرہ کا دو گز

ہی پس مساحت سطح اسکی بارگراور چارہ سب ہو کی جیسا اول معلوم ہوا ہی مساحت
سطح کرہ میں پس ضرب کرہ نصف قطر کو اسکے کہ ایک کرنے ثلث مساحت سطح کرہ میں
کہ چار گز اور ایک سب اور ثلث سب ہو کا وہی مطلوب طریق دوسری تذکرہ

رشیدیہ اسکے قطر کو دائرہ عظیمہ کے محیط میں ضرب دینا حاصل ضرب مساحت سے
کرہ کی طریق مساحت قطعہ کرہ کا یہ ہے کہ ضرب کرہ نصف قطر کو اسکے ثلث مساحت
میں اسکے سطح کے حاصل ضرب مساحت ہی قطعہ کرہ کی طریق دوسرا اسکی مساحت
اس دائرہ کے مساحت کے برابر ہوگی کہ نصف قطر اسکا اُس خط کا ہو کہ جو قطب قطعہ
کرہ سے قاعدہ کے محیط کو پہنچے طریق مساحت استوانہ کا خواہ مایہ یا تانیر ہو

اور خواہ مستدیر ہو یا مضلع یہ ہے کہ ضرب کرنا اسکے ارتفاع کو اسکے قاعدہ کے مستقیم
 حاصل ضرب مساحت اسل ثوانہ کی ہے اور طریق دوسرا یہ ہے کہ مربع سے
 اسکے قطر کی مربع اور نصف سے کرادینا باقی مساحت اسکے قاعدہ کی ہے طریق ثانی
 مخروط تام کا خواہ مستدیر ہو یا مضلع یا قائم یا مایل ضرب کرنا اسکے ارتفاع کو ثلث
 مساحت میں اسکے قاعدہ کے حاصل ضرب مساحت ہی اس مخروط کی مثلاً فرم کرے
 کہ مساحت قاعدہ کے سات کر اور نصف سے کرے ثلث اس کا دو کر اور ایک ثلث کرے
 اور ایک جز یا لیج چہر کا ہے ضرب کے ارتفاع میں کہ تین کر مفروضہ کے حاصل ضرب
 سات کر ضمیمہ اور تین جز یا لیج چہر کے ہو یہ مساحت مخروط تام کی ہے طریق ثانی
 مخروط ناقص مستدیر کا یہ ہے جو قاعدہ کہ بزرگ ہو ضرب کرنا اس قاعدہ کے قطر
 کو اسکے ارتفاع میں پھر حاصل ضرب کو دو نو قطر اور دو نو قاعدہ دن کے تفاضل پر تقسیم
 کرنا دو قاعدہ وہ کہ ایک پائین اور دوسرا بالا خارج قسمت ارتفاع اس مخروط کا ہے
 طریق مساحت مخروط ناقص مضلع کا یہ ہے کہ اسکے مثلثوں کی مساحت کو
 جمع کرنا حاصل جمع مساحت مخروط ناقص کی ہے باب ساتواں تابع مساحت

کے بیان میں فصل پہلا زمین کو برابر کر نیکیے بیان ہو

بانی کاریزوں میں جاری کرنے کے واسطے اگر چاہیں کہ بانی یا بولی یا تالاب یا ندی سے

زمین پر کہاں تک پہنچتا ہی اور جاری ہو سکتا ہی مکان مطلوب تک یا نہیں معلوم کرے

طریق عمل اسکا یہ ہے کہ ایک پتر یا رکت تانبے کا لیکر اسکے مثلث مساوی الساقین

تیار کرنا اور اسکے قاعدہ کے دونوں زاویوں میں دو حلقہ بنانا اور قاعدہ وسط میں ایک

سوراخ کر کے اس میں ایک ڈیر بانڈہ کر اسکے دوسرے سر کو شاقول لٹکانا خواہ سنگی یا آہنی

یعنی ہر شکرہ ۱۰

وغیرہ اور اس مثلث کو دونوں حلقوں میں کہ قاعدہ کے دونوں زاویوں میں لگائے ہیں

پندرہ گز کی رسی پڑونا اور دو چوب ہر ایک پانچ باشت طویل کے کہ دونوں قاعدہ ہر

مربع ہو دیں اور وہ دونوں چوب وزن میں برابر ہوں پس ان دونوں چوب کے

سرون پر شکاف کرنا اور دونوں شکافوں میں دو جلاجل یا رکت آہنی دو منج سے

نصب کرنا ہر جسے کہ اگر ایک چوب اس دو چوب سے تھوڑے ہی سیدھا یا بائیں طرف

اچھک ہو وہ جلاجل میں گرنے کا کرے اور جلاجل ایسے معلق ہیں کہ تھوڑی حرکت سے

چوب کے وہ بھی لغزش کر گین غرض اُسے یہ ہے کہ دونوں چوب علیحدہ وقت پر نہ ہوں

پس بہ دو چوبے مخصوص کے ہاتھ میں دینا کہ فاصلہ ان دو نوں کا برابر رسی کے فاصلہ کے
 ہو جس طرف کی پانی جاری کرنا منظور ہے وہ دو نو چوب زمین پر کھرا کر کے اس تہی کو
 مع مثلث دو نو چوب کے سروں پر رکھنا دیکھنا کہ اگر دو شا قواں کے برابر مثلث کے زاویہ
 پر منطبق ہے تو معلوم کرنا کہ زمین اُٹنے فاصلہ کی کہ بچیں دو چوب کے ہی برابر ہے اور
 اگر شا قول سر زاویہ سے تجاوز کرے منطبق کرنا اس طرح سے کہ میل شا قول کا جسطرف ہو
 اسکے خلاف طرف سے سر چوب سے نیچے کرنا یہاں تک کہ دو شا قول کے مثلث کے
 زاویہ پر منطبق ہو پس برابر منطبق ہو پر معلوم کرنا کہ اُس چوب سے اس چوب تک اتنی
 بلند ہے پس جس طرف کی پانی جاری کرنا منظور ہے اسکے دوسرے طرف کی چوب کو
 او سطرف نقل کرنا اور ایک چوب جس جا کہ ہی رکھنا پھر اسی طرح سے عمل کرنا وہ جو
 کہ کہ بلند ی اور پستی حاصل ہوتے جاؤ اسکو یاد رکھنا اسی طرح سے مکان مطلوب تک
 پہنچنا پس جو کچھ کے عدد بلند ی اور پستی کے حاصل ہو دین کم عدد زیادہ عدد
 اگر دینا وہ جو کچھ کہ باقی رہے تفاوت ان دو مکانوں کا ہی اور اگر مساوی ہو
 عدد بلند ی اور پستی کا پانی جاری کر نہیں بہت شقت ہو کی اور سکا نہیں اور اگر

مقدار نزول کا مقدار سے صعود کے زیادہ ہو گا پانی جاری کرنا بہت آسان ہے اور اگر
 مقدار صعود کا زیادہ ہو مقدار سے نزول کے جاری کرنا پانی کا مکمل نہیں **طریق**
دوسرا انوبہ کے عمل سے زمین برابر کر زمین ایک انوبہ ایسا طیار کرنا کہ
 انکشت ابہام اس میں جائے اور دو بالشت طول اس کا ہو پس کوسر میں پڑنا
 مقدار رسی کا پندرہ کر ہو انوبہ کے بچپن سوراخ کرنا اور پانی بہرنا اس عمل میں مثلث
 اور شاقول درکار نہیں ہے پس عمل اس کا یہ ہے پانی کہ انوبہ میں بہر میں اگر دو نو
 طرف سے برابر تھیکے وہ زمین ساوی ہے اور اگر برابر نا تھیکے تو او سطرف سے کہ پانی نہیں
 تھیکارسی کو سرچوبے او س قدر نیچے کرنا کہ پانی برابر تھیکے پہر جو کچھ عمل مذکور ہوا ہے
 ویسا ہی عمل اس میں کرنا تا عمل تمام ہو **طریق سہل** زمین کے برابر کر زمین پانی
 جاری کرنے کے واسطے ایسا ہی کہ ایک سرچاہ یا ندی یا تالاب پر کھڑے رہنا
 اور ہر تالاب کا عضادہ اپنے اگے رکھنا اگر عضادہ ہر تالاب کا ہم ناپ ہو نیچے تو
 دو درمیں یا ندی و ق کی ملی کہ جسے شصت برابر بند ہے سپاہ پر رکھنا کہ بالکل صاف
 ناکرے اور ایک شخص کے ہاتے نیزہ کہ سید ہوا ہو اور طول اس نیزہ کا برابر عمق

چاہ کے ہو کہ جھٹکے کہ پانی جاری کرنا منظور ہے ایک سافت سے کہ شصت بند سے
 پہنچ کر سید نا کمرے کرنا اور اس عضادہ سے مانند شصت بند وق کے دیکھنا اگر سراسر
 نیزہ کا دیکھ پانی جاری ہو کا اگر شعاع بھری سر نیزہ کے بل نہ ہو کی اسان تو جاری
 ہو کا بلکہ فورہ بلند اور میکا اور اگر نیزہ کا سر بلند ہو کا نظر سے صاحب عضادہ کے جاری
 کرنا پانی کا مشکل ہے بہت وقت سے ہو کا اور اگر بہت دور سے سر نیزہ کا نظر آتا
 نیزہ کے سر پر چراغ روشن کرنا یہ عمل رات کے وقت خوب ہوتا ہی فضل دوسرا
 بلندی پہاڑ یا دیوار قلعہ کی اور منار درخت وغیرہ کی
 معلوم کرنے کے یا مین اگر مسقط الحجر تک اسیکے پہونچنا ہونکے اور نیزہ
 مساوی اور ہموار ہو تو شاخص یعنی ایک سیدی چوبین بن نصب کرنا اس
 طرح سے کہ خط شعاعی بھری اس شاخص کے سر پر سے گذر کر اس مرتفع یعنی سر کوہ
 یا دیوار قلعہ منار درخت وغیرہ کو پہونچے یعنی سرے اور سر چوب کے سر مرتفع کا
 دیکھا جاوے پس دو نو سوراخ سے عضادہ ہطلاب کے دیکھنے کے بعد اپنے اس جا
 سے کہ کھرا ہوا ہی اس مرتفع تک جو کچھ حاصل ہو کہ ضرب کرے اس حاصل کو

زیادتی شاخص میں اور اپنے تئیں جو کچھ زیادتی ایک سر کے ہووے اور تقسیم کرے حاصل
 نمبر کو اس میں باقی نہیں کہ دس باقی کھڑے رہنے اپنے اور شاخص کے حاصل ہوئے
 اور اپنے قدم کے ہمدار کو خارج قسمت پر زیادہ کرے یہی مطلوب **خاتمہ خواص عدد**

کی تعریف میں خاصیت عدد کی یہ ہے کہ اگر صوت اسی عدد کی اس میں سے مہنا

کرین جو کچھ کہ باقی رہے گا اگر نو نو اور باقی سے طرح کریں برابر طرح ہوگی اور جو کچھ باقی نہیں

رہے گا یعنی عدد میں باقی کے سب صوت نو نو کی نکلتی ہے مثلاً عدد پچاس کا $\frac{50}{99}$

باقی کہ اوس عدد کی صوت ہے کم کئے چار سو پچانو باقی رہے کہ اس میں دو نو کی صوت

ہے علی ہذا نو سو $\frac{90}{99}$ نو اس میں کم کئے آٹ سے کیا نو رہے کہ صوت دو نو کی

ہے اس طرح سے جتنے عدد چاہیں یہی عمل کریں **قاعدہ** عدد چہاں تک جو عدد کہ

منظور ہووے ایک سطر لکھا اور اس عدد کو بے حفظ مراتب جمع کر کے پچے اور نو

کے حفظ مراتب سے لکھنا اور عمل تفریق کا کرنا جو کچھ کہ باقی رہے اس میں سے ہو عدد

کہ بچو ہو اس طرح سے معلوم کرتے ہیں کہ باقی کے عدد سے نو نو طرح کرنا آخر جو کچھ کہ

باقی رہے دیکھنا تو تمام ہونیکے واسطے کیا باقی رہے اس عدد کو محو ہوا ہے وہی ہے کہ نو

ہونیکے واسطے باقی ہے مثلاً یہہے عدد کہ بائیں لاکھ ستہتر ہزار تین سو ساٹیس ہے،

$$\begin{array}{r} ۵۴۴۳۲۴ \\ ۵۴۲۹۹ \end{array}$$

باقی بائیں لاکھ ستہتر ہزار دو سو چھیانوہے کہ اسمین صورت سب نو نوں کے
 اگر اسمین سے کوئی عدد محو کریں مثلاً ساتھ کا عدد محو کئے اور منقوص نہ اور منقوص کو
 ہی محو کئے پس میزان اسکی نوں کے طرح سے در حاصل ہو اور نو برابر ہونیکے واسطے
 باقی رہے ہو المطلوب اور یہہے قاعدہ خواص اعداد سے ہی مثلاً کوئی

عدد لکھنا اور اس عدد کو محفوظ رکھنا جیسا کہ پہلے لکھ کر محفوظ رکھے ۲۸۷۶۴۲

کہ دو لاکھ ستیاسی ہزار چھ سو یا بیس ہے پھر دوسری سطر اس طرح لکھنا کہ اول
 کی عدد پر دو زیادہ کرنا اور آخر کے دونا لکھنا کہ وہ دو آخر کے بعد زیادہ کئے ہوئے
 ہیں یہ سطر کہ اول پر دو زیادہ کر کے آخر کے دو چھوٹے ہوئے ہیں عامل کو دنیا جیسا کہ
 یہہے عدد ۸۷۶۴۴۲ پس عامل پنجے اس سطر کے جو عدد کہ دل چاہے ایک سطر
 برابر لکھے بعد عامل کے لکھے کے جو عدد کہ نو برابر ہونیکے واسطے چاہے آپ لکھنا پھر عامل جو عدد
 چاہے لکھے پہر آپ بطریق مذکور کے لکھنا ایک سطر دئی ہوئی اور دو سطر عامل کے اور دو سطر اپنے

لکھیں جو سب پانچ سطروں کو بطریق قاعدہ جمع کے جمع کرنا حاصل جمع برابر سطر محفوظ کے ہو کے مثلاً

سطر محفوظ ۲ ۸ ۷ ۵ ۴ ۲

سطر عامل کو دئے ۸ ۷ ۶ ۲ ۴

سطر عامل نے لکھا ۵ ۱ ۷ ۲ ۶

سطر اپنی لکھی ہوئی نو برابر ہو نیکو جو باقی تھا ۴ ۸ ۲ ۷ ۳

سطر عامل کی لکھی ہوئی ۶ ۲ ۵ ۸ ۹

سطر اپنی لکھی ہوئی اول عامل نو لکھا تھا ۲ ۷ ۴ ۱ ۰

اس واسطے صف کے باقی نو برابر ہونے کے واسطے جو جمع ۲ ۸ ۷ ۶ ۴ ۲

میں لکھے حاصل جمع برابر سطر محفوظ کے ہے

دوسری

سطر محفوظ ۲ ۷ ۴ ۵ ۸ ۶
سطر دہائی ہوئی مول پر دو زیادہ آخر میں دو کم ۷ ۴ ۵ ۸ ۸

۵ ۶ ۹ ۲ ۷

۴ ۳ ۰ ۷ ۲

۳ ۵ ۷ ۲ ۸

۶ ۴ ۲ ۷ ۱

جمع

۲ ۷ ۴ ۵ ۸ ۶

حاصل جمع برابر ہے سطر محفوظ کے اسیطر سے چبے سطر عمل میں سطر محفوظ کے

اوس عدد پر تین آخر تین زیادہ کرنا جسے سطر جا میں اسیطر سے ہر دو سطر کے

واسطے ایک ایک زیادہ کرنا مثال چبے سطر عمل کی

سطر محفوظ
سطر دمی ہوی اول و آخر تین تین زیادہ کئے کہ چبے سطر عمل ہے

۳	۶	۸	۷	۶	۲
۶	۸	۷	۶	۵	
۴	۵	۶	۸	۷	
۵	۴	۳	۱	۲	
۸	۷	۶	۵	۶	
۱	۲	۵	۴	۳	
۵	۶	۳	۲	۲	
۴	۳	۶	۷	۵	

بسم
۳ ۶ ۸ ۷ ۶ ۲

قاعدہ سرشکن کا نسبت سے کسے تقسیم کرنا مثلاً چاہئے میں سورہے

نسبت سے تقسیم کریں کہ زیادہ کو نصف عمر کو ثلث بکو ربع پس مخرج مشترک

سورہ کا ایسا کہ اس مثال میں برابر ہے پہر اسکو اجزائے کسو علیحدہ کرنا یعنی نصف

مارا کا چبے اور ثلث مارا کا چار اور ربع مارا کا تین $\frac{۲}{۳}$ جمع ان سبکی تیرا ہوے

سورہ بچے کہ موجود ہیں اس جمع کسور پر کہ تیرا ہیں تقسیم کئے خارج قسمت سات صحیح

نویس تیرا ہوے اس خارج قسمت کو جزو کسر میں ہر یک کے حصہ کے ضرب کر کے

زید کو نصف کہ ضرب خارج قسمت مال کا جزو
کس میں نصف کے کہ چے سے

$$\frac{30}{13}$$

$$\frac{24}{13}$$

م

بزرگوں کو اسطر سے ربع

مثال دوسری

$$\frac{23}{13}$$

حصہ خواہ

بکر	عمر	زن
۱	۳	۲

مال

۱۰۰

اجزاء کسور

۶ نصف
۴ ثلث

مخرج مشترک

۱۲

۲۳ حاصل جمع کسور کا

خارج قسمت مال کا اور حاصل جمع کسور کے

$$\frac{23}{13}$$

زید کو نصف حاصل ضرب خارج قسمت مال کا
اور جزو کس نصف کے کہ چے سے

$$\frac{32}{13}$$

$$\frac{29}{13}$$

بکر کو ربع اسطر حے

$\frac{22}{9}$
۱۳

مثالی سیری

حصہ خواہ			
زید	عمرو	بکر	خالد
۱۰	۹	۷	۱۰

۱۰۰

اجزائے کسور مخرج مشترک کے

۱۲۶ خمس
۷۰ نفع
۹۰ سبع
۶۰ عشر

۳۴۶ حاصل جمع اجزائے کسور کے

۱۰۰

عمرو کو تنع اسطر حے

حصہ زید کا سو کو ضرب کے جزو کسر
خمس بن کہ ایک سو چہالیس چال ضرب
تقسیم کے مخرج مشترک کے حاصل جمع
پر خارج قسمت زید کو دے

$\frac{36}{12}$
۳۴۶

$\frac{20}{8}$
۳۴۶

نسبت دیکھنا نسبت **تامل** کی کلنا محال ہے کہ واسطے کہ اگر نسبت تامل کی ہوگی تو بن د
 سکو قسیم برابر ہوگی اگر تداخل ہوے جس طرح ہو سکے نصف ربع وغیرہ ہر ایک تک کو تخفیف
 کرنا بغیر مجموع رقم قرض خواہوں کو اور قسم موجود کو اور توافق ہو تو جزو ذی ہر ایک کا لینا
 تباہ ہے ہو تو دونوں رقموں کی تخفیف نہیں ہونی کی ویسی ہی محال رہنا بعد نسبت خانے کے
 ہر ایک کے قرض کو تخفیف یا اس میں رقم موجود کے ضرب کر کے تخفیف سالم پر مجموع رقم قرض خواہوں کی
 تقسیم کرنا خارج قسمت صحیح مع کسر ہر ایک کو دنیا کہ حصہ ہر ایک قرض خواہ کا ہی صورت عمل کی
 شریف قرضدار ۱۶۰۲
 جمع قرض کے موافق تفصیل ذیل کے ۵۰۰
 ۸۰۱ نصف قرض کے جمع کا موجود شریف کے پاس جمع اور موجود
 ۲۵ نصف رقم موجود کا بین نسبت توافق بالنصف کی ہی واسطے
 دونوں رقموں کو نصف کر کے لکھے

۵۰۰
 رقم موجود جمع صحیح
 جمع قرض کے برابر ہے
 رقم موجود

حصہ یکا حاصل ضرب کے حصہ کا ایک سو

بر کو اسطر سے

دو سے دو سو چاس میں کہ تخفیف رقم ہو

کی ہے اور قسیم کے آت سو ایک پر

کہ تخفیف جملہ قرض کے رقم کے سے

خارج قسمت صحیح مع کسر حصہ دے

$$\begin{array}{r} 200 \\ 9 \overline{) 180} \\ 180 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 102 \\ 9 \overline{) 918} \\ 918 \\ \hline 0 \end{array}$$

غالبہ کو اسطر سے

$$\begin{array}{r} 900 \\ 9 \overline{) 810} \\ 810 \\ \hline 0 \end{array}$$

عمر کو اسطر سے

$$\begin{array}{r} 100 \\ 9 \overline{) 900} \\ 900 \\ \hline 0 \end{array}$$

جملہ رقم قرض کی ایک ہزار چھ سو دو روپے پانچ سو روپے موجود دونوں قیون ہیں

نسبت توافق بالنصف کی ہی اس واسطے نصف ایک ہزار چھ سو دو کا آت سو ایک

لکھے اور نصف پانچ سو کا دو سو چاس لکھے پس ایک سو دو کو کہ حصہ زید کا ہی ضرب کئے

دو سو چاس میں کہ تخفیف رقم موجود کی ہے پہر تقسیم آتے سو ایک پر کہ تخفیف
 جملہ قرض کی خارج قسمت زید کو دئے سطر سے کرو غیرہ کو دئے پہر انکو جمع کئے تو
 وہی پانچ سو بارہ سو اور سرشکن تنخواہ داروں کی ہی اسی قاعدہ سے اس طرح کر لے
 کہ جو کچھ مجموع رقم تنخواہ داروں کی ہے اسے جمع کر کے جو کچھ روپے موجود ہوں
 بدستور عمل کر کے دینا صورت عمل کی

جملہ برآیندہ طرف شریف

موجودہ

زید	عمرو	بکر
لے ماہوار	لے ماہوار	لے ماہوار
واجبہ	واجبہ	واجبہ
سنہ	سنہ	سنہ
لے	لے	لے

پس تیس جملہ شریف دینا ہی اور چہر تیس موجود سے

جملہ نصف جملہ
 ۳۲
 موجودہ
 ۲۶

۴	۱۸	۱۰
۳	۱۲	۸
۲	۱۰	۲
۱۶	۱۶	۱۶

کلید قاعدہ اسکا یہ ہے کہ اول رقم فرض خواہوں کی جمع کر کے لکھنا بعد رقم ہجرت لکھنا
پس رقم موجود کو بر ایک حصہ میں فرض خواہ کے یا تنخواہ دار کے ضرب کر کے جملہ رقم پر کہ
دینا ہی تقسیم کرنا خارج قسمت حصہ بر ایک ہے اگر تخفیف کر کے عمل چاہیں تو دونوں کو
نسبت دیکھ کر نصف یا ربع وغیرہ دونوں کو کر کے عمل کرنا اور فرائض میں یہی عمل ہے

مثال صحیح باسر کی

جملہ
۹

موجود خالہ کے پاس

۲

مالہ قرضدار

۹

جملہ حصوں کی

۲

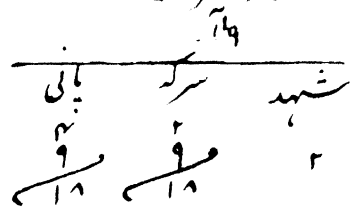
زید کا دنیا	عمر کا دنیا	برکات کا دنیا
$\begin{array}{r} ۸ \\ ۲ \\ \hline ۱۰ \\ ۱ \\ \hline ۲۹۵۶۸ \\ ۰۰۳۰۲ \end{array}$	$\begin{array}{r} ۷ \\ ۲ \\ \hline ۱۰ \\ ۲ \\ \hline ۲۹۵۶۸ \\ ۰۰۵۰۲ \end{array}$	$\begin{array}{r} ۷ \\ ۳ \\ \hline ۱۰ \\ ۱ \\ \hline ۲۹۵۶۸ \\ ۰۰۵۰۲ \end{array}$

طریق نکالنے کا مفہاد رسیال منزوجہ کا مثلاً کوئی کہی شہد چار سیر سرکہ پانچ سیر پانی نو سیر ایک چائے لائے پہر او نہین ظروف میں مقدار مذکور سے علی کی کئے پس ہر ظرف میں وزن ہر ایک خبر کا کتنا ہی طریق اسکا یہ ہے کہ اول ب اوزان جمع کرنا کہ چار اور پانچ اور نو میں جمع اسکی اتہار ایس ایک چائے لکھے بعد شہد کے وزن کو کہ چار ہی فی نصف ضرب کئے سولہ ہوئے تقسیم کئے مجموعہ پوزان پر کہ اتہار ۱۶ سولہ ۱۶ ہے کہ وزن شہد کا چار سیری ظرف میں ہے پہر ضرب کئے چار کو پانچ میں ہوئے تقسیم کئے اتہار ۱۸ پر خارج قسمت ایک صحیح دوسرا اتہار کہ وزن سرکہ کا چار سیری ظرف میں ہے پھر ضرب کئے چار کو نو میں جتیس ہوئے تقسیم کئے اتہار ۱۸ پر خارج قسمت ہو کہ وزن پانچ کا چار سیری ظرف میں ہے پس مجموعہ

سولہ $\frac{۱۶}{۱۸}$ اتھار ایک صحیح دو $\frac{۲}{۱۸}$ اتھار اور دو صحیح کا چار سیر ہوا پہر باجکلو
 کہ وزن سرکہ کا ہی ضرب کئے جارہیں بس ہو اتھار تقسیم کئے ایک صحیح دو $\frac{۲}{۱۸}$ اتھار
 ہوا کہ وزن شہد کا باجکلو سیر طرف میں ہے پہر باجکلو فی نصف ضرب کئے پچیس ہو تقسیم
 کئے اتھار پر ایک صحیح سات $\frac{۷}{۱۸}$ اتھار ہوا کہ وزن سرکہ کا باجکلو سیر طرف میں
 ہے پہر ضرب کئے باجکلو نوین پتالیس ہو تقسیم کئے اتھار پر خارج قسمت دو صحیح
 نو $\frac{۹}{۱۸}$ اتھار ہوا کہ وزن پانچا باجکلو سیر طرف میں ہے پھر سطح ضرب کئے
 نو کو جارہیں اور پانچ میں اور فی نصف اور ہر مرتبہ تقسیم کئے اتھار پر وزن شہد
 اور سرکہ اور پانی کا نو سیر طرف میں موافق ترتیب مذکور کے حاصل ہوا بصورت عمل کی

شہد	سرکہ	پانی	مجموع اوزان شہد اور سرکہ اور پانی		
$\frac{۱۶}{۱۸}$	$\frac{۲}{۱۸}$	$\frac{۲}{۱۸}$	$\frac{۱۸}{۱۸}$		
چار سیر طرف میں			باج سیر طرف میں		
$\frac{۱۶}{۱۸}$			$\frac{۲}{۱۸}$		
شہد	سرکہ	پانی	شہد	سرکہ	پانی
$\frac{۱۶}{۱۸}$	$\frac{۲}{۱۸}$	$\frac{۲}{۱۸}$	$\frac{۱۶}{۱۸}$	$\frac{۲}{۱۸}$	$\frac{۲}{۱۸}$

نوسری طرف میں



کلیہ اسکا یہ ہے کہ اول وزن کو جمع کر کے لکھنا پھر پھلے وزن سے عمل شروع کرنا یعنی
 پھلے وزن کو فی نصف ضرب کر کے وزن کو جمع کرنا خارج قسمت وزن شہد کا ہے
 طرف میں سمجھنا ہر پہلے وزن کو دوسرے اور تیسرے میں ضرب کر کے اور حاصل کو
 جمع پر تقسیم کر کے مقدار ہر ایک جز کا وہی ہے طرف میں سمجھنا اسطر سے
 پہر دوسرے اور تیسرے کے واسطے عمل کرنا اور بطریق معلوم لکھنا سوال
 ایک شخص کے مال سے ستر اونٹ ہیں حصہ دار ایک تین شخص ایک ایک لاکہ لاکہ دوسرا
 لاکہ تیسرا لاکہ اونٹ گناہین اور برابر حصہ ہونا جواب ستر
 اونٹ میں ایک اپنے پاس سے شریک کے اٹھارا ہوئے نصف
 اٹھارا کا نو اور ثلث چھ اور تسع دو جمع کئے ستر سوے ایک
 اونٹ شریک کیا ہوا واپس ہوا صورت اسکی یہ ہے

حصہ خواہ موافق تقسیم میں

۱ ۳ ۲

اونٹ

۱۰

۱۵

۹ نصف

۶ ثلث

۲ ربع

۷ جمع

۱۰

قاعدہ یہ سوال بنانے کا یہ ہے کہ اول کو حصہ خواہوں کے فرض کرنا ان
 کسور کا مخرج مشترک نکالنا پھر اس مخرج مشترک سے کسور نکالنا اور کسور کو جمع کر کے
 عدد اونٹ کا مقرر کرنا یہ عدد اونٹ کا کہ فرض کیا ہوا ہے لامحالہ مخرج مشترک
 سے کم ہو گا کہ عدد زائد ہی اور عدد زائد کے یہ سوال برابر نہیں ہوتا بعد مخرج مشترک
 جتنے عدد کہ حاصل جمع کسور میں ہیں اتنے عدد شریک کر کے تقسیم کرنا تو برابر
 تقسیم ہو کر شریک کئے ہوئے اونٹ باقی رہنے کے مثلاً ایک سوال بنانا چاہتے ہیں
 اول حصہ دار فرض کئے ایک مالک ۱۰ کا دوسرا ۷ کا تیسرا ۹ کا مخرج مشترک
 اور کسور کا چھپن ہوا اجزائے کسور کے نصف اٹھائیس سب اٹھ اور مثنیٰ

ساتھ مجموع ان سور کا ترالیس ترالیس عدد اونت کا مقر کئے اول حصہ دارون کے
 واسطے اوقیم کرنے کے واسطے تیرا اونت کہ مخرج مشترک برابر ہونے کے واسطے
 تیرا باقی میں شریک کر کے تقسیم کرنا پس ترالیس اونت تقسیم ہو کر تیرا شریک
 کے ہوئے باقی رہنے کی صورت عمل کی

حصہ دار فرض کئے			
عمرو	زید	بکر	مخرج مشترک ان سور کا
۲	۷	۸	۵۶

اجزائے سور ۲۸ نصف ۸ سبع ۷ ثمن ۲۳ جمع اجزائی سور ان حصہ دارون کے
 واسطے ترالیس اونت فرض کئے مخرج مشترک اسکا چھپن سے تالیس میں تیرا شریک کئے چھپن
 ہوئے چھپن تقسیم اونت دارون کے خواہش کے موافق ترالیس ہو کر تیرا شریک کئے ہو باقی ہے

اونٹ			حصہ خواہ
۲۳	۱۳	۵۶	۲
۲۸	۸	۷	۷
۲۳	۷	۲	۸
۱۳	۷	۲	

تاریخ

ہوا علم عدد کاج بر سال	بطر ز نو کھا تاریخ یون ست
لکھے فرد دم کو ضعف در ضعف	نخل آوے سن بحر ی سرد ست

۱۲-۶۳

تاریخ

رسالہ بن حکا جب تھے عظمت جنگ نے مجھے	یہ فرمایا کہ تالیف کی تاریخ تو لکھ لا
تو میں جو ذرا چھوٹا ہی سپہاں تھی	کہ بے دقت سو فیاض بن تاریخ سب کچھ

۱۲-۶۳

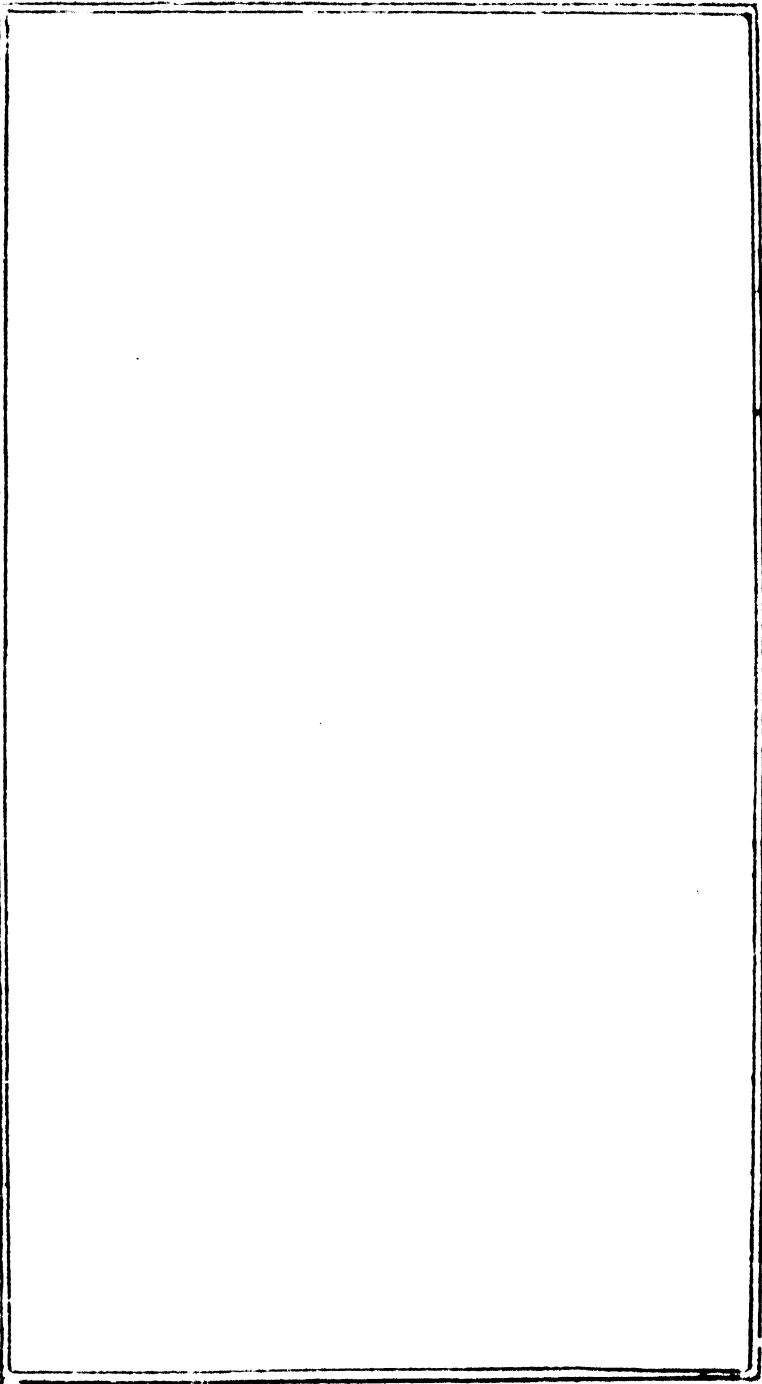
قطعہ تاریخ مالیف

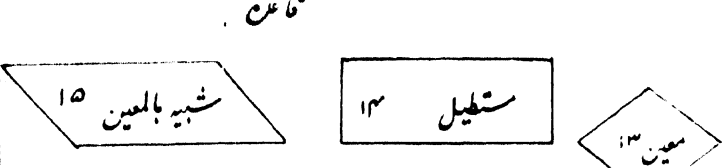
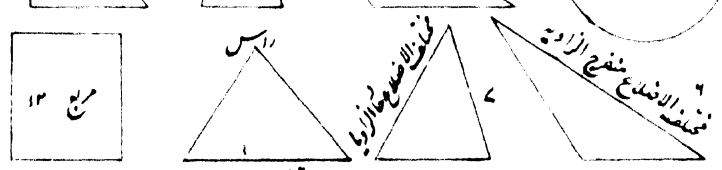
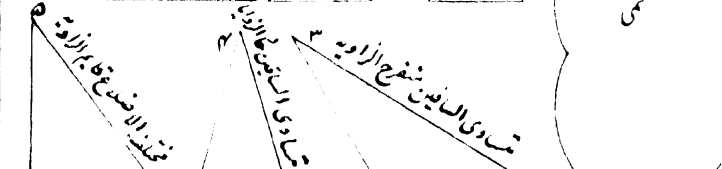
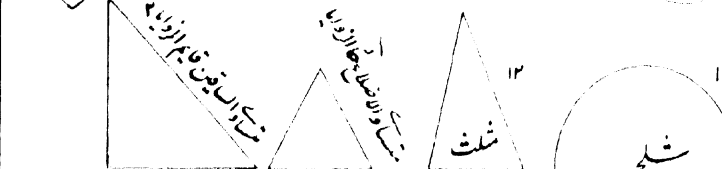
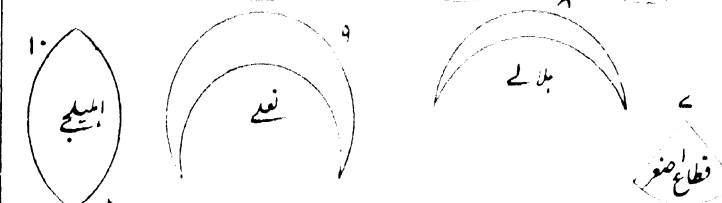
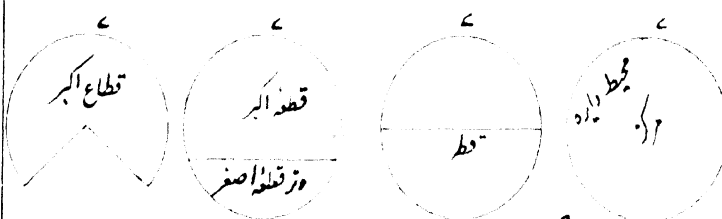
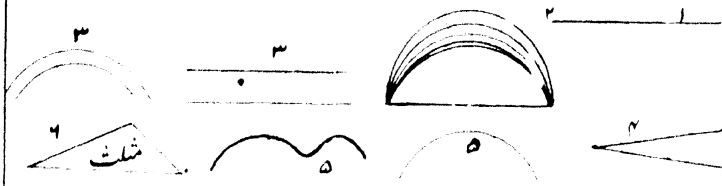
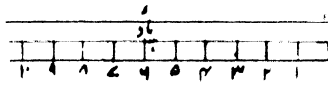
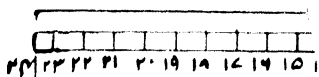
در دکن بہت یک جوان جید	زیر ک پر خرد و بس دان
نام نامیش بہت نور الدین	کشت چشم غر داز و بینا
ہم بہار د خطاب عظمت جنگ	کہ دلیر و شجاع و صف آرا
قرۃ العین والد و مادر	ہم عزیز خلائق و دلہا
در شجاعت چورستم ثانی	پیش عدش خجل بود کسرا
بستاند کشت چو تیغ غضب	تاج و تخت سکند و دارا

از علوم و کمال هر کوزه	ماهر و صافست و بس کتیا
کرد تالیف در قنون حساب	دلربا نسخ و بس زیا
غرب و سمت کند اگر خواهم	سطح اجزای ربع مسکون
چون خردید مطلب و مضمون	گفت ای مر جا بفهم و ذکا
کس نیارد چنین بقید قلم	تو فرو برد در سب و دریا
مخلص بے ریا بملک دکر	دید چون طرز دلکش و را
سرفرو برد از پے تاریخ	کند ایجاد تا سن انشا
گفت اعدا چنین مهندس عطر	شد قبول خلایق و دل

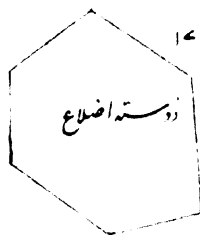
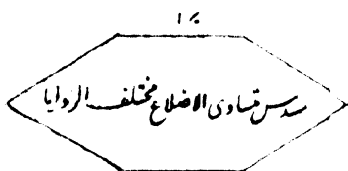
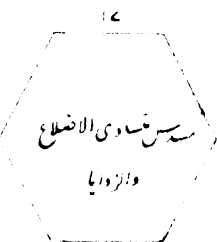
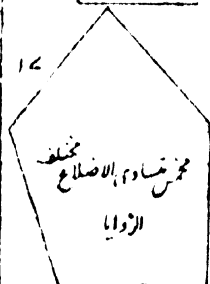
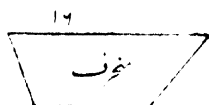
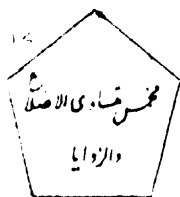
قطعه تاریخ طبع

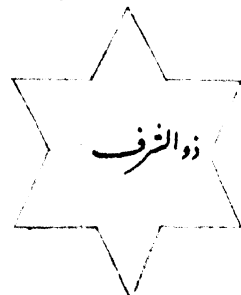
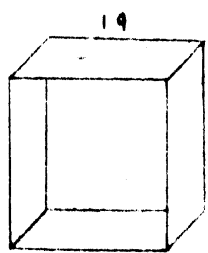
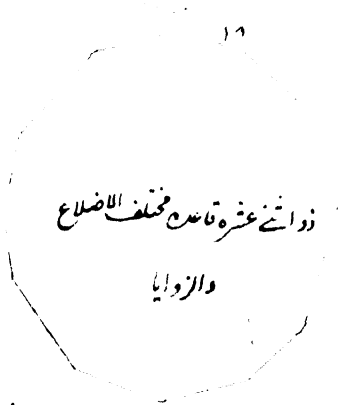
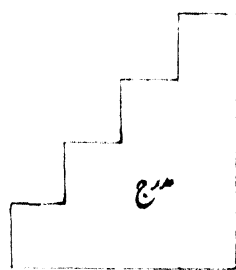
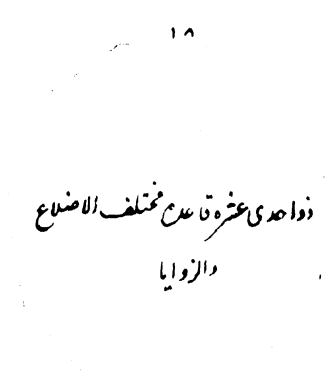
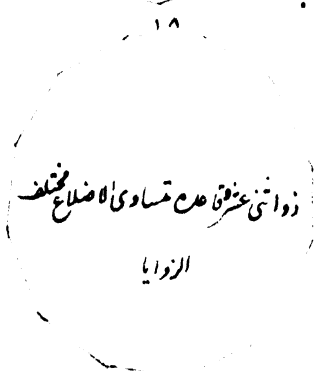
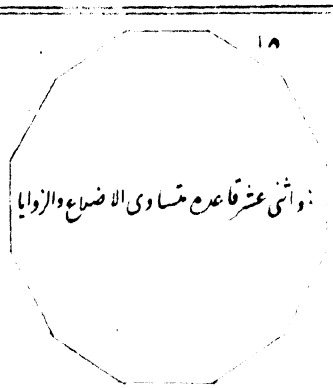
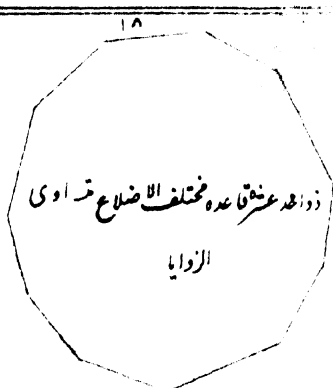
بفرمود نواب عالیجناب	بنفع خلایق چو طبع کتاب
سختی است رافت بغور تمام	که تا زین سعادت شود کامیاب
سرمویش چون ریت در فکر سال	بگفتا سروششم چراغ حساب

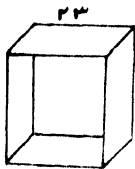




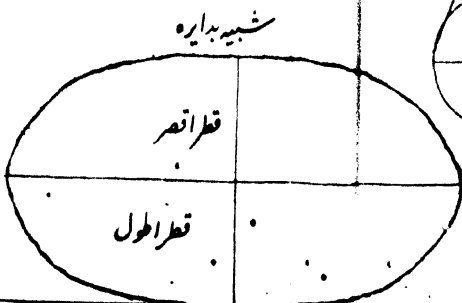
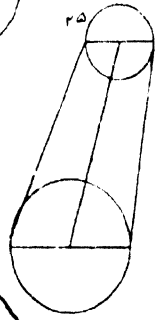
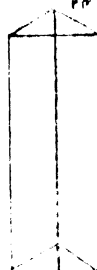
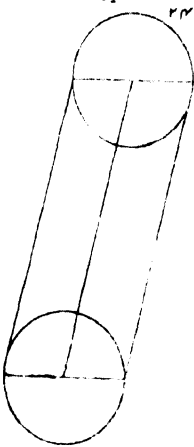
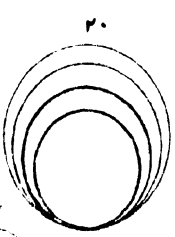
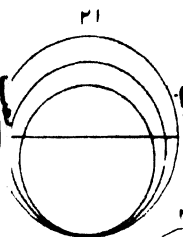
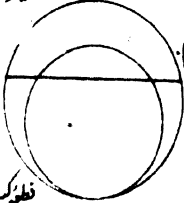
ذو الزاويتين ذو الزاوية ذو الخطين ذو الزاوية أضلاع







۲۲ قطعه صغیر



شبهه باریه

غلطی نامہ عظمیٰ الحساب			
صفحہ	سطر	غلط	صحیح
۵	۱۲	جاستے	جاستے میں
۶	۲	اس	اوس
۸	۲	امراد	مراد
۸	۹	اسے	اوسے
۹	۷	تربن	نربن
۱۱	۱۰	وسے	ہوسے ہوئے
۱۴	۶	عدد و حال	عدد و حال
۱۸	۸	بے جدول	بے جدول کے جدول میں کہ اوپر درج آئے منبر پر کہتے ہیں

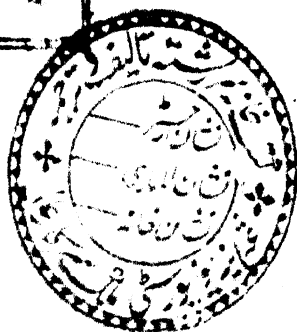
صفر	سطر	غلط	صحیح
۲۳	۷	کم زیادہ	کم یا زیادہ
۲۴	۹	۱۰	۱۲
۳۱	۳	کسو مجذور	کسو مجذور
۳۵	۶	اوپر کا منہ	اوپر کا منہ
۳۵	۹	باقیکو	باقیکی
۳۶	۱۱	عدد کا منہ	عدد کا منہ
ایف	ایف	اوسکو	اوسکو
۳۷	در شکل	۹۷۵۰۷	۵۰۷ ۹۷۰۰
ایف	۵	سے	رہی
۳۹	۲	ہو اوسن	ہو اوسن

صغ	غلط	صغ	صغ
ایضا	ایضا	ایضا	ایضا
ایضا	در شکل	۵۲۲	۵۲۲
۳۶	۵	۱۲	۱۲
۵۰	۱	کسو	کسو
۵۱	۲	۵۱	۴۵۲
۵۳	۴	سات	سات
ایضا	۵	سات	سات
ایضا	ایضا	سات	سات
۵۵	۵	بسط	بسط
۵	۶	۵۱۵	۵۱۵

صفحہ	سطح	غلط	صحیح
۴۹	۲	جنسے	جنسے
ایضاً	۳	چاہے	چاہئے
۵۱	۵	تفاصل	تفاصل
۵۲	۱۳	۲۸	۲۸ اور ۲
۵۴	۱۲	تو غلط مضروب	تو غلط مثلاً مضروب
۵۶	۱۰	خارج کے اول کے	خارج کے اول کے
۵۷	۱۰	بار اجزین	بار اجزین
ایضاً	۱۲	تین	تین
۶۳	۳	میں	میں
ایضاً	۹۰	کرب	کرب

صفحہ	سطح	غلط	صحیح
ایضاً	۱۰	قسمت پر کعب	قسمت کعب
۶۵	۷	چالیس سال کا	بالیس سال کا
ایضاً	۱۲	نکلے تو ضعیف	نکلے تو عمل صحیح
۷۳	۱	عروض	مفروض
ایضاً	۱۳	۸ کم عدد مجہول	۸ کم عدد مجہول کم
۷۷	۶	وہ جو کچھ سائل	وہ جو کچھ کہ سائل
ایضاً	۶	نصف کہ	نصف اسکا کہ
ایضاً	۸	دوسرے کے اسے	دوسرے کے اور اسے
۸۸	۱۰	معلوم معلوم کرتے	معلوم معلوم کرتے
۸۵	۱	فارسی میں	فارسی میں

مفر	ط	ع	مصحح
۹۴	۲	مخرب	مخرب
۹۵	۵	شمس المندس	شمس المندس
۹۸	۱۲	تین لعی	تین لعی
۹۹	۴	ساحت	ساحت
ایضا	۹	طریق	طریق
۱۰۱	۲	پانی یا باولی	پانی یا باولی
۱۰۲	۶	چرب تک	چرب تک
۱۰۴	۲	۵۶۲۹۶	۵۶۲۹۶
۱۰۶	۲	۲۸۶۹۸۲	۲۸۶۹۸۲
ایضا	۳	۸۶۹۲۷	۸۶۹۲۷



[illegible]

